



طن وقع و سوم



5.5 مراحن جعتر دوم وسوم بير لوانث كى تحاب مينسوريين حصَّه دوم وسوم كارتجبه انجينيزك اوريسركيوس كياب مولوی محرع زار حن صل بی اے اعتابید) ایم ایس (دھالہ) لكيح ارسائنس انظرميليك كالج (اوريك باد- كن ما المراجع ما المراجع والمرابع المراجع المراج 620

ی آب مسرزلانگ منس گرین ایند کمینی کی اجازیے جنیں حق اشاعت کائل ہے اردومیں ترمبہ سرکے لمبع و خاکع کی گئی ہے



1

فهرس مناس مساحت حبد دوم وسوم

سفي		مصمول
r 5+	تېهيد - اکايٽوں کی جدول	اباب نوزدیم -
reto	متطیلی مجسم. اُثناً اعشاریه (گذشته سے پیوسته،	اباب بسترا-
7. [ 7.	- منشور- أسطواني وطقع و	ا باب بست و دوم.
9052	- مخروطِ مضلع یا سرم ا در مخروط - فانه ادر شکنی منشور کارتر مجامقطوع	ا باب لیست فحد ارمرا
إسطوانه المسلم	- قائم نتظم نمتورہ ربع مقطوع اور قائم تربیر - قائم نتظم نمتورے ربع مقطوع اور قائم تربیر کے ربع مقطوع -	اببستوبجم
١٠٢ [٩٥] ١٠١ (	- مشورتما - قانه كالمقطوع -مصلح مخروط كالمعطوع	ا باب جنت و معم-
Iroll-r	مخوط کا مقطوع ۔ گرہ - گروی نجل اور گرہ تما ۔	
14-610-	منطقة كره - قطعه كره - اورقطاع كره -	الباب بست ومشترا
Inplice	معتابه مجتمات -	بابست ونهم

000 ا نوزد ع .اکائیول کی جب ایک یا زیادہ سطحوں سے چھری ہوئی شکل ہوتی ہے المي كيليم مين طول عرض (ياحِزْاني) اورموْماني (گهرايي المبندي) أو. جب کوئی مجمع هوار سطحوں سے گھرا ہوا ہوتا ہے تو اُن سطحوں کو اوروه مجسم كثيرا لسطوح كبلاتاب -خطوط بن سيح ان کومیم کے کنائی ہے کتے ہیں۔ -جب کسی مجیم کا اعاطہ کرنے والی جه منا دی مربع بول تو ایسے مجبی کو مکعب کتے ہی الليرب كمعب كاطول، عرض اورواتي ایک دورے کے ماوی ہونگے۔(دیمیول)۔ ایک کمب فنے یاایک کمعب گز کملائیگا ہانظ اس کے کہ اُس لم بعض مصنّف سیجيم كو كھير بندوال هموار طحول سے ليے رخوں كى صطلاح تحصوص نہيں كرتے كي محبم كوا صالم نے دالی تام طحوں کے لئے خواہ دہ ہوارہوں یا منحنی شرح کی صطلاح استعال کرتے میں او**ر صل**درخوں کے خطوط ِ تقاطع کو مجسم مسلم

طول ، عرص اور موطائی میں سے ہرایک ایک طولی ایج ' ایک طولی فط یا آیک طولی گز ہو۔ ۱۱۰ ۔ جم کی آکائیاں جو مساحت میں بالعموم استعال ہوتی ہیں زیل کی جدول میں درج ہیں ۔

مكعب يامجسمي ناپ

۱۹۸ کعب اینے = اکمعب فط ۱۹۸ کعب فٹ = اکمعب گز ۱۱۱ \_\_\_\_ایک کمعب اینج خالص پانی کا وزن ۱۹۸۲۲۸ گرین (طلعه)

ہوتا ہے۔ ن ایکعب فٹ خالص یا نی کا درن مرم رہ ۲۵۲×۲۸ عا گرین (ٹرائے)

- ۱۹۲۸ × ۱۲۸ × ۱۹۲۸ اونس (اور فرویائسس)

اونس ( اور ڈویائس ) اس وزن اور ۱۰۰ اونس میں فلیل سااختلاف ہونے کی وجسے

: ایک یائینٹ خالص این کا وزن = ہے۔ اید ... ، گرین (ٹرائے)

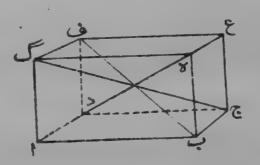
: ایک یا مُنط کے اب من مرم ۲۵۲۶۵۸ کعب ایج

زاک گیان کے اب می مرا ۲۵۲۶ کوب انج دایک گیان کے اب می ایک کا بازی ہوں ہے ایک گیان کے ایک کا بازی ہوں ہے ایک کا بازی ہوں ہے ایک کا بازی ہوں ایک کا

## امثلهنبری (۱۹)

۱- ۱ کعب فی ۲۳ کمعب انج کو کمعب انج کو کمعب انجول میں تولی کرو۔
۱ کعب کو ۱ کمعب فی ۱۲۳۱ کمعب انج کو کمعب انجول میں تول کرو۔
۱ کعب کو ۱۸ کمعب انج میں گئت کمعب گزی کمعب فی اور کمعب انج بناؤ۔
انج ہو ۔ آگے ہ انج ہو ۔ آگے ہ انج ہو ۔ آگے ہ انج ہو ۔ آگے کہ ایک شن فالص یا نی کتنی کمعب فی فضا میں ساسکیگا ہ ان کی اس مقدار کا وزن معلوم کروجو المعب کر فضا کو فی اور کمعب کر فضا کو گھی اسے کے اس مقدار کا وزن معلوم کروجو المعب کر فضا کو گھی اسے کے کہ کو اس مقدار کا وزن معلوم کروجو المعب کر فضا کو گھی اسے کے کہ کا وزن دریا فت کرو۔ بابستم

ما المستطیلی عبسم ایک ایسامجسم ہے جوچومتطیلی رُخوں سے گھرا ہُوا ہو۔ ظاہر ہے کو کسی متطیلی عجبم کے آئے سامنے کے رُخ ایسے مسادی متعطیل ہو گئے جومتوازی سطحوں میں واقع ہوتے ہیں ۔



بس سطیلی مجیم اف میں مسلطیل اب ج د مسلطیل علی واقع علی کے برابر ہے اور یہ دونوں مسلطیل متوازی سطی سی واقع ہوتے ہیں میں میں مالی ہوسکتی ہے۔

مسلطیلی مجیم کا طول عض اور موطائی اُس کے ابعاد کہلاتے ہیں۔

وہ چاد خطوط مسلطی مجلی تعطیلی ہے کہ کونوں کو ملاتے ہیں اُس کے وہن اُس کے وہن اُس کے وہن مسلطیلی ہیں۔ مسلل دی آگ ج اور ف ب مسلطیلی مجیم اف کا سے میں وٹر ہیں۔

میں وٹر ہیں۔ مسلل دی آگ ج اور ف ب مسلطیلی مجیم اون کا سے میں وٹر ہیں۔

مستطيلي بم مها عست (حِصّة دوم) إلبتم بہ کسی تنظیم بھے ابعاد ایک دوسرے کے مساوی ہونے ہیں توره ملعب كهلاتاب ( دفعه ١٠٩) جب کسی تطیلی مجبرے ابعاد ایک دوسرے کے سناوی نہیں رموتے تو اس کرملعب نماکہتے ہیں یعض او قات ستطیع محبم کومتوازی انسطوح مي كيت بين-A STATE OF THE STA مستطیلی عسم کا جعم معلوم کی ناجب کی اُس کے ابعاد دی هونے هو رمن کروک اب ج د آ اسمنطیلی میم جس من اب دُسے طول کواجہ مر فول مواور ا « المسطول بيم يري م Sang walk مستطيب عجم اب ج د كا جحم معلوم كرين -اب کوه مسادی حصول من اب کوم مساوی حصول میں اور ا د کوم مساوی حصول میں تقبیم کرو- تب ان مساوی حصول می سے ہالیہ ا اپنج کوتعبہ کر گیا۔ اج میں سے نقاطِ تقسیم سے ایسی مطیب تھینے جورنخ ب د کے متوازی بول - یجبم کو ایسی چارمسا دی تبول می تقسیم رویگی جن مي سے ہرايك تَهُ أَ مُونَى بُوكَى ( ويجموشكل) -عمرایک مراید کا الانتیاب بحراب س کا تا الانتیاب ایسی طعیں گھیٹو جوڑخ ا دج – متوازی بول - په برایجه نه کوالیجی إيج مساوي سلاحول مين فسيح كرك ني ئر ہرایب سلاغ کی نمود ن الماش

مستطيلي ا مربع ایخ موگی (دیجھوسکل)-ہوئی ( دھیھوسٹل )-بھرادیں سے نقاطِ تقتیہ سے اسی طحیں کھینچو جم رُخ اب ج کے متوازی ہوں ۔ یہ ہرایک ملاخ کو ایسے بین مسا وی مصوں میں تقتیم کریجی کہ ہرایک هصه المعب ایخ کوتعبیرکریگا ( ویجھوٹنگلل) ۔ یہ امرقابل غورہے کہ تہ کی تعداد وہی ہے جو اج میں ایخوں کی تعداد ہے اور ہرایک تئرمیں سلافوں کی تعداد دری ہے جو اب میں اپنج کی تعداد ہے اور ہرایک سلاخ میں کمعب اپنوں کی وہی تعدا دہے جر احس اپنوں کی تعدا دہے اس کے متعطیلی جبریں -سم × × × شکوب انج = ال کعب انج اس صورت فاص سے ہم عام میتج پر ہینج سکتے ہیں۔ اگر کمی تنظیا جمہ کا طول عوم اورموفائی ایک ہی طولی اکائی سے لیا ظ سے بالترتیب ل، ع اورٹ بوں تواس مجسم مے جم میں ل × ع × ف جم کی متناظر ہیں قاعدہ \_\_متعطیلی مجسم کے ابعا دبلحاظ کسی طویی اکائی سے جن پس قاعدہ \_\_متعطیلی مجسم کے ابعا دبلحاظ کسی طویی اکائی سے جن بہل کا دستے تعبیر ہوتے ہیں اُن کا مسلسل حاصلِ حزب مجمہ کے جم یس تناظر کمعب اکا تیوں کی تعدا د کوتعبیر کرتا ہے ۔ بالمختصراً -متطيلي مجمي كالجح = طول × عرض بدموهائ = طول × سرے کا رقبہ = عومن × يبلوكا رقبه = موالي × قاعده كارقبه 上×を×U=7

مساحت (حِقتُهُ دوم) بالبُّتم اس سنظ متطياع بم كاطول = عرض برائ = سركارتبه (r)..... = J ادر. متعطیام مجسم کا عرض = طول برگرائی = پېلوکا رقبه (m)..... = E ادر-منظیلی موالی = طول ×عرض = تاعده كارفتم ٹ = عربی اللہ ہے اس کے قاعدہ کم پہلوا درسرے کے رقبول کی رقوم میں بیان کیا بات تا ہے۔ یعنی ۔ مسطیا مجسم کا بحم = (طول معض) (طول موثائی) (عض موثائی) = (قاعلى كارقبر) د (چلوكارقبر) د (سے كارقبر)

١١٨ مسطياع معاوتر علوم كرناجب كراش ابعاددي هوت هور الم

وص كروكمستطيامج اب ج دُ کے البساوا ٠٠٠٠٠٠ ایک ہی طولی اکائی کے لحاظ سے الترتیب ل ع اورٹ ہیں۔ مطلوب یہ ہے کہ اس کے وتردب كالحول ل ع اور ف کی رقوم میں دریا فت کیا جا ہے۔

د مب كو لاؤ -د ب پورکه مثلث تامم الزاوید د ب ب کا وتر ہے ن د ب = د ب ب ب ب ساد الليس شالاول كل ١٠٠٠

ایکن د با = ۱ب+۱۱ د ۰۰۰۰۰۰ = ١ - الباب جار مقالاً وأسكل ٢٣

د ك يركاميع = (ل + ع + ف) مربع اكانيال ... دفعه حفظ د ب = ال + ع + ك الحولى اكائيال ٠٠٠ يه

يس فاعده مستطيل عبسم كابعادمين طولى اكائيوں كوتعبير كرف دالے اعداد كے مرابعوں كاماصل جمع دريا فت كرو- تب اس عموم کاجد الل بع عجسم کے و ترمیں متناظر الائوں کی تعد ادکو تعبیر کر بگا۔

يا مختصراً منطيلي مجم كاور = (طول) + (عرض) + (موائي) ا

(= | (+3+4) نوب : يظاهرب كمتطيلي م اب ج ذك جارول وترول يس

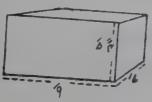
アーニーンリアーモ

مستطيلي

ن منظیلی بیم کاطول = را به میم کاطول بیم کاطر بیم ک

= الم نط = م نط ١ انج

مشال ۱۱ : بناؤکر اس منطیلی وصنع کے حوص میں کتے طن بانی انتگاجس کا الول عوض اور گہرائی بالترتیب و فٹ کے فٹ اور ۵ فٹ م انج ہیں ؟ موش کا جم= (ل بدع بدٹ) کمعب نٹ



برال ل = و ع = ي ط = الله مال الله على الله على

ادرجوركم المعب في إلى كاورن ١٠٠٠ الونس بواب

حرض میں کے پانی کا وزن = مدید اوس

= אאואאן איז לט

= 400

منال سم بالس كلب كاكناره دريافت كروجس كا جم المعب في ما كعب في

کعب کاکنارہ عمر حراج ... وفعہ ال

: تُكعب وكناده = سم ا ، و و على ا

= ٣٦ الح = أكر الح

ا كمب گزیما کمنی فیصلی ا

مستخاري بسم

مثال مم ؛ بتاؤکہ امیل لمبی ادر ۱۸ فط چوڑی سٹرک پر اوسطاً او موائی میں کنگر بچھوائے جائیں تو اس کے لیئے کتنے من کنکر درکار بھو بھے اگر اسمعب فی منگروں

مطلوب كنكرول كا جم = (ل برع برف) كعب نك .... وفره ال

مطلوب كنكرول كا جم = ٢٠١٠ × ١٨٢٨ محب فث

مطلوبكنكرول كاوزن = ٢١٤٩٠ من

مثال ١٥ : وطات مح تين معبول كوجن ك كنارسه إلترتيب سراكم اود ه میں بکھلاکرایک ہی کمعب بنایا گیا۔ اِس کا وتروریا فت کرو۔

سنځ کعب کا جحم = (۳۵+۳۴ - ۵) کمعب ایخ ... وفعہ ۱۱۷

= ۲۱۲ کعب ایخ

نه یه اکاره · · [ 117 ] =

ن نے کوب کاوتر : · · È | - | =

E1 1.5891 =

مثال ٢: اگرايك اينك أس فصاكو كھيرتي ہوجس كے ابعار أو الم المج اور سا ایخ ہیں تو بتا ڈکہ ایک ایسی دیوار کے بنا سے یں کتنی اینٹول کی صرور سنے يوكى جس كالجول. ووالمث بمندي وانسط اور دبازت ويره اينساب،

مطلوب اینشول کی تعداد = دیوار کا جم

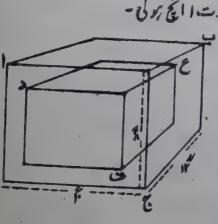
ر الا الا الا مام) كعب نك ( الا الا الا مام) كعب نك ( الم الا الا مام) كعب نك

مثال یے ؛ اگریمو نے سے اِشنے باریک ورق بنائے جائیں کہ ایک اورت س (شرائے Troy) سے ۲۰ مربع گزرقبہ کا ورق سنے تو بتاؤ کہ ایسے کتنے ورقوں کی بحری موٹائی ا اپنج ہوگی ہے ایک کمعب فٹ سونے کا وزن ، اہٹڈرویٹ ۹۹ یو ٹم ہوتا ہے۔ چوبکہ اکمعب فٹ سونے کا وزن ، اہٹڈرویٹ ۹۵ یونٹر ہوتا ہے ن ماکا ہے کہ معب اپنج سونے کا وزن ا اونس ہوگا۔ یس آگر لا اپنج ایک ورق کی موٹائی ہوتو۔

LIVE:

اس کیے ۱۰، ۱۵ اوراق کی دبازت ۱ انج ہوگی۔ مثال ۸: ایک فرصکن دار ڈب کے بیرونی ناپ حسب ذیل ہیں: مرد نی ناپ حسب ذیل ہیں: مدل ۱۲ انج عرض ۱۰ انج اور لبت کی

- Gun + 568



متطيلى

لكري كا جم = مجسم اب ج كا جم محسم دع ف كا جم = فرا الم ما الم عب الخ - (م ١٠ ١٠ ١٨ م) كمعب النج وفده ١١ الم = ۲۹۸ کنب ایخ سے جسم کی لکرٹای کا وزن اس سے ساوی الجح مانی کا وزن

اور ۱۹۸ کمعب ایخ پانی کا وزن = ۱۲۲۸ اوش ۵۰۰۰ وقعه ۱۱۱

لکرفری کا وزن ۲۸۲۱

٠٠ ککولی کا وزن = المدماء المراع وس = الماء على المراع المن

امثار منبري ( ۲۹ )

اُن تطیاع جہات سے جم دریا فی کروجن کے ابعاد حسب ذیل ہیں:-ا - طول ، فث عرص الوفث لبندي ه فث-

٢- طول ٥ فك ٢ النج عوض م فك ٩ النج الكرافي م فك ١ النج -٣ - طول ، كرر نف ٩ انج ، عرض أكر م فك البرائي اكر افك ٢ المج -

م - ایک ایسے متطیع مجمع کا طول معلوم کروجیں کا بچم ۱۸ کمعب فث اور

كعب النج عرض فك ٥ النج اورموثاني ١ النج بي

۵ - ایک ایسے متطبای مجسم کا عرض دریا فت کروجس کا جم ۱ مد کعب فث ادر . ١٨ ١ كمعب ايخ طول ١٦ فظ ١ ايخ اورمومائي مرايخ بي -

۷- اُس تنظیلی مجبر کی دبازت معلوم کردجس کا جم س کمعب فٹ جرور کمعب ایخ کول و فٹ ۱۰ اینج اور عرض س فٹ سم اینج میں ۔

٤ - ايك ايسيمتطيلى جميم ك كاعده كارتبه وريانت كروج كا جم ٢٧ كوب

فط ١٩٦ كعب الخ اور د إرت ، فف ١ انج م

أستطيل مجم كى دبازت معلوم كروجس كا جحم و كمعب كزيم كمعب نط م مرا کمعب ایخ اور قاعدہ 4 مربع گزیم مربع دف کرم مربع ایخ ہے۔ ۹۔ ایسے متعطیلی مجمع سرایک سرے کا رقبہ معلوم کروجس کا ججم م کعب گز ١٠٠٨ كعب فط ١٠٠٨ كعب انتج اورطول د فك بي الم متطباع بم كا جم معلوم كروجس كا قاعده ٣ مربع كر ٨ مربع فك ٢٨ مربع انج اور بلندی اگرایم فطے ۱۰ اینج ہے۔ ۱۱ ۔ ایک متطیلی برکا جحریہ کمعب گرویوں کمعب فطے ۱۳۲ کمعب اینج ہے اور اُس کے ہرے کا ایل ۲ مربع گرد م مربع فط ۲ مربع اینے ہے مجمع کا 17 - اس منظیلی مجمع کا جے معلوم کر وجس کے سرایک پہلوکا اب س مربع کرد ہ مربع فٹ مه مربع انج کے اور جس کا عرص اگر: م فنگ مرانج ہے۔ ۱۳-۳ روپے مآنے فی کمعب انج سے صاب سے اس مسلطیلی مجسم کی تیت در افت کروجس کے ابعاد حسبِ ذیل ہیں طول ۱۰ ایج عرض ما ایج اور سم السبتاؤكر ومفط لمبي ما الج موثى اور وفك اويجي ايك ديوارك بنا نے میں ایسی کتنی اینٹوں کی صرورت ہو گی جن میں سے ہرایک کا طول عرض اور بلندي بالترتيب ٩ ايخ الله إنج اور ١٣ ايج مي ؟ ۵ - زیب ترین کیلین یک اُس حوض کی گنجائیش معلوم کروجس سے ابعیاد حسب ذیل میں ؛ طول ، فط ۸ ایج ، عرص ، فت ۲ ایج ، گہرائی ۹ ف ٣٠ يوند في كمعب فك كے حاب سے متطبلي وضع كے لكوى كے أسمجيم كا وزن معلوم كروجس كاطول م فك ٣ الحج عرض ٢ فك ٩ الج اور 2 - بناؤکہ استطیلی وضع کے حوض میں انی کا دزن کیا ہوگا جس سے ابعاد ١٠ ونك ٨ فك اور ٤ منك ين ؟ جواب عن منظر ويك وعيره من سال كرو-

ا فيط ١٠ انج اور افث ٩ الح بن -المراج - بناؤ كرنصف إنج مولى لكوى سے بغیر مكن كا ايك ايساور بنانے بالترتيب ا فث و انجي افك النج اورافك النجي من و مم سو - بناؤ کہ ایک انچ موٹی لکڑی سے ایک ڈبع ڈھکن بنانے کے لیے كَتْ مُعب النج لَكُوْي كى صرورت بهو كى اگر دب كے اندرونی ابعادا من ما نط ٣ انج ادر افظ النج بول ؟ مس - الفط و الله الله الله الله ورود الفط الله الله معلى وفرس اگر .. سر گیلن یانی ڈالا جائے تو تباؤ کے اس ٹی سطح کتنے ایج لمبدہوگی ہ الاس - الركسي مقطيلي جميم كامراك بُعد دُكنا كرديا جائے تونا ب كروك اس كا . في مركنا بوجائيكا -علم \_ اگر کسی تعطیلی وصنع کے حوص کے اندرونی ابعاد س فٹ 1 ایج ، م فث ا ایج اور افث مرایخ بول توقیب ترین سکندیک معلوم کروکه اُس کوایک كى كتنى دريس بجريجا - اگروه ئل ايك منظيس مركيان داخل كرتا ج ؟ مس متطیلی وصنع کے ایک مجم کے ابعاد اعداد ۲ م ع کے تنا ن يں بي اورأس كا جم سما كحب فط أوم وا كمعب النج ب- اس كے ابعاد 4 سے اُس کعب کا جج معلوم کروجس کے وٹرکا ناب ا فٹ ا ایج ہے۔ مهم - أس تطياع بمركا وترسعادم كروجس كاطول عض اور لمبندي بالترتيب س فط س ایخ او منط ۹ ایج اور ۲ فیط س ایخ بس -الم - أس بحب كاوتر معلوم كروجس كا جحر وا كحدب فنط ٢٩١ كمعب الحج ب سام - اس منطباع جمري لبندي دريا نت كروجس كا وتر اطول اورعسرض بالترتيب ، فك سرائح الم وفك سرائج اورس فك بي -سم م اي متطيلي عبيم كا في ١١٦٠ كمعب فنظ اور وتر ٢٥ في ع اكر اس كاطول ٢٠ فرط بروتواس كالعرف اور لبندي دريا فت كرو-

مهم - أس كمعب كأكناره معلوم كروجس كاجم أيب ايسة متعطيلي عجم كرجم كم المرابر معلوم النج الفي المين الم

## سوالات أسخانات

ا - ١٣١١ ٩٥ ، ٢٧ مربع الح رقبه ك ايك مربع كودام ك راه يس سے و ١٩٤٧ م كعب فط ساؤكا أيك كمعبى صندوق ليجا واسطلوب ع: بٹاؤکیایہ مکن ہے یانہیں ۔ (جامعہ الدآباد۔ انظرمیڈیٹ) م ر وصات مے مین معبول کوجن کے کنارے بالترتیب س<sup>ام</sup> م اور ۵ ایج بين يجعلا كرايك بهي كمعب بناياً كيا: أكر دوران عمل بين دهات صنائع نه بهو توبتاؤكه في كمعب كاكناره ١ انج بوكا - [جامعه بنجاب: سول الجيزيك كايبلا استحان سم - أس برے سے برے والدے کا طول علوم کر وجو ، س فٹ لیے سم فط جوارے اور مافظ اویخ مرے میں رکھا جا سکتا ہے۔ [جامع نیجاب: سول انجینی اللہ استان] مم - ایک نزاز آب کے میں حصے میں - ان میں سے مربر ایک ٠٠٧فك ١٠٠٨ فط م اور حصول كے بيلوانتصابي ميں -اگرياني كي ممرائی ۱۱ فٹ موادر فی شخص روزانه ۱۵ کیلن این تعتیم برتا بهوتوبت ؤ اس شہرے ...ه ما شندوں سے لیے خزانہ کا یانی کتنے دن سے لیے کانی ہوگا۔ دے کعب وضع کے ایک ڈبر کی گبخائش معلوم کرنے کے لیے اُس کے كنارے ناپنے ميں لول ميں ٢٠٠٤٠ انتج كى متبت غلطى ا درعوض ميں ٢٥٠ انج كى تىنغى غلطى بوئى ا در لبندى تى تىك تى تىك نا يى كئى - اس طرح دريا فت خدە جم اور اصل جم ایک دوسرے کے مساوی میں۔ کمدب ایجوں میں جب ( جامعُ كلكة : امتحان ايف - إي)

سب پوراینش طربار گمنے: امتحان ما بانہ سب پوراینش طربار گمنے : امتحان ما بانہ سے بنایا گیا ہے۔ ڈبکابیردنی

ستطيا محبه مساحت (حِقتهٔ دوم) إلبتم طول عرض اور ملندی بالترتیب م فش ۱۰ اینج ۲۰ فش ۵ اینج اور افث عاینج مِي - رُبِهِ كَي تَبْحَالُش معلوم كرونيز بتاؤكر كتنے كعب اینج لكوى كى ضرورت ہوگی، ے ۔ لکڑی سے متعطیل علی ایک بندو ہم کا بیرونی طول عرض اور لبندی بالترتیب م النج 'وا ایج اور ۲ ایج میں اور لکوی کی دبازت تصف ایج ہے۔ آگر ڈرمالی ہوتواس کا وزن ۱۵ یونڈ ہوتاہے اور اگرائس میں ریت محمر کو تو لا جائے تو ١٠٠ يونروزن عاصل بوتا ہے۔ ايک كمعب النج لكرى اور ايك كمعب الج ٨ - ايك خزان اب ١٢ فط ٨ اينج لمباادر ١٢ فك ٩ اينج جوراب : بناد كركتنے كمب فط بانى أس ميں سے نكالا جائے كربانى كى سطح افك نيچے 9 - ایک کمعب کاور ۳۰ ایج سے: اس کا جم کیا ہے ؟ (سب يورايرتنش د يا رُمنٺ : انتخان سالانه) ار مدرسه كاايك كره ايما بنانامطلوب ني كه اس بن عطلباء اسطح رط سکیں کر سراک طالب علم کے لیے الم مربع فٹ فرش اور لی وال كمعب فط فصناكي كنفائش رام الرحمره كاطول سم فف بوتوبتا وكراس كا عض اور لمندي كيابهونے جاہئيس ؟ رُرْك انجينو: المتحان د اخلي ا - اگرایک اینٹ کے ابعاد ۹ انج 🗴 🕂 ۲ انج ہوں تو بتاؤکہ ا فط أوني اور ٢٢ فف x هِ إفك البعاد كا أي محمره بنان سم لي کتنی انیٹوں کی مزورت ہو گی جب کہ دیواروں کی سوٹمائی م منٹ ہواور محمرہ میں م فٹ ید ہے سونٹ کا ایک در دازہ اور سونٹ برم فٹ سے دو - ۲۷٬۷۲ می اوش بالترتیب طول مبندی اورموطائی کی ایک دیوار بنانے کے لیے ایسی کتنی اینٹول کی ضرورت ہو کی جن کا طول معرض اور

مستطيلي

يوالي و بهم اور انج مي و

سرا - ایک مجنم سے تین متصلہ کنارے بالتر تیب ۳۹ ۱۵۵ ور ۸۰ ایج ہیں ؟
ایک ایسے کمعب کا کنارہ معلوم کروجس کی گبخائن وہی ہو سم ا - ۲۵ فٹ گری اور ۸۰ فٹ عرض کی ایک بتری سرمیل فی گھنٹہ کی شرح

ہم آ ۔ ۲۵ صف کمری اور ۸۰۰ وٹ عرض کی ایک ہدی تا بیل فی ہنٹہ کی سرح سے بَر رہی ہے : بتاؤ کہ متری سے سمندر میں فی منٹ کتنے کئی بابی جار ہاہے ۔ ۱۵ ۔ ایک کمعب نبط سونے کو ہتوڑے سے کوٹ کر اس قدر بھیلا یا گیا کہ

اُس سے ۱ ایکر رقبہ ڈھک گیا 'اعشاریہ کے دومقا اے کے صحت کے ساتھ سونے کی دبازت ایجوں میں معلوم کرو ۔

رُرْكَ ابرسب آرد مینیا: امتحان د ا خلی

۱۹ متنظیل منا نہانے کے برتن کا طول ۱۴ فٹ عرض و فط اور گہرائی سم فٹ سے کہ اس میں عزید ۸ آگیلی فٹ سے کہ اس میں عزید ۸ آگیلی

یانی سماسکے ۔

ع - ایک نزائد آب میں ۱۲ سر ۳۲۱ معب نسط یا نی ہے۔ اُس کی گہرائی طول کا ایک تھائی ہے اور طول اور ایک تھائی گہرائی کے زُق کا نصف

عرض کے ساوی ہے اور موں اور ایک ہای ہے

۱/ - بغیر ڈھکن کے ایک ڈبر کے بیرونی اپ یہ بین: طول م فط عون س فن اور بلندی م فٹ : لکڑی کی کیساں دبازت ہے ایج ہے ۔ اگر

لکڑی کی قیمت کا شانگ و بنس فی کھیب دنٹ اور مبزوائی کی اُجرت لکڑی کی قیمت کا بے ہو تو ڈب کی قیمت قریب ترین بینی مک دریا فت کرو۔

19 - ایک سنطیلی مجمو کا طول ۱۳ منٹ عرض کے س فٹ اور لبندی ۲ فٹ بے: اُس کے وتر کا طول اور اُسٹ سندی سطح کا رقبہ دریا فت کر وجو ہے ساتھ

والے مقابل کے دوکناروں میں سے گذرتی ہے۔

زائد امتحانی سوالات ۔ منگ ۲۰ - ۱۲۰۰ مربع گزرقبه کی احاط بندی ۔ کے لیے دیوارکا کم ۔ سے کم طول معلوم کرو جب کہ رقب ہے ایک ترخ پر ایک دیوار موجو دہے کا سطح صرف ہیں جابنوں پر دیوار اُٹھانی بڑے گی ۔ اگر دیوار کی تراسش کا اوسط دقبہ ۱۸ مربع فط ہو تو اُس کو ۱۸ اپنج ۱۸ اپنج ۱۸ اپنج ۱۸ اپنج ۱۸ اپنج ۱۸ مربع کی لاگت معلوم کر وجب کہ پھے۔ کا فرخ ۸۰ روپے فی ہزار ہے۔

(مراس يونيورسلي: امتحان بي -اي)

11 - ایک مسطیل خزائد آب کا طول ۱۰۰ فی اورعرف مهد فی سید:
بناؤکد می گفنطول میں بانی کی سطح ۲ فی بلند کرنے کے لیے فی گفند کس جال سے اس میں ایک ایسے ال کے ذریعہ بانی واضل ہونا چاہیے جس کی عمودی تراش ۲ اپنج صلع کا ایک مربع ہے ۔ (جا معرب بنی : امتحان ایل سی ایک) مربع ہے ۔ (جا معرب بنی : امتحان ایل سی ایک مربع ہے ۔ (جا معرب کی طول او ہوتو بناؤ کہ اس کے ہر گئے کا وتر او آ آ اورجہم کا وتر او آ آ ہوگا ۔

( دُرْ کی ایرسب ارڈینیٹ ؛ مالی نہ)

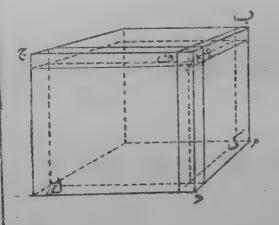
۱۹۳ - ایک ساگوانی شہتے کا طول ۲۰ فٹ ، اننج ، غرض افٹ ، اننج اور مؤائی افٹ ، اننج موٹ فٹ ، اننج اور مؤائی افٹ مرائح ہوئے میں سے جو ایک ایخ موٹ بختے کا سے جا ایک ہوئے ہیں اِن کا سطی رقبہ کتنے مربع فٹ ہوگا - (رر کی انجینیز فائیل) مہم - ۱۱ انج طول ، اننج بلندی اور ۵ انج عوض کے ڈبر میں کتنی اشرفسیاں اسکیں گی - اگر ہر ایک اشرفی کا ناب بے انتج × الله اینج ہو ؟



ان عثاريم - (كنشت يوتم)

ا ۱۱ - ( اب سوم میں) ہم ریکھر کے بین کرکسی منتظیل کا رقب اشناء اعشاریہ مے استعال سے سہولت کے مائ معلوم ہوسکتا ہے۔ اب مطلوب یہ كراس طريقتريس وسعت كرك اسى متطيلي مجسات تح جهم معلوم كري -

١١١- کوب اب ج د ير



ہرایک گنارہ افٹ اانج کے طول كوتعبر كرما ب- أسى بيازير دبا اورج اورد إبر بالتيب ب سے جے اورد سے انگ مے تمنا ظرطول کو قطع کرو۔ تب ان من خطوط کے بقیرحصول میں سے ہراکیا ایخ طول كوظابركريكا-

تقاطِ تقسیم سے محب کے مثلوں کے متوازی علی کی بی ۔ إس عل ك بدسلوم بوا ب كرتمام كعب جار فتلف جامتول مے چند مکراوں پرمشمل سے

ن المال الما

اس کے بعد سبامت سے لحا فاسے تنظیلی مجم حروا ک ہے ب کے ابعاد افك بدانك بدا النج بن- ظاهر بي كريه المعب فط كا بار بوال صب إدراس کورم نے ایک کمعب یا تھوس او لی ( دفعہ ۱۳) کے نام سے نامزد کیاہے۔ ایسے یہال میں کارٹ بعدازال لمجاظ جسامت تطيل محسم ج في لاكامبر وجس ك انبعث و ا في بدا النج بدا النج بي -ظاهرم كريه المعب يا محموس اولى كالاربوال حصرب اور اس كا نام بم في المعب يا تحوس نانوي ركهائ (دفعه ١٣) - السي بيات في موت بن كوت بن جسامت كالاست عيوا على على الفي على الحرام جس کاناپ ہرمت میں ا اپنج ہے بینی یہ کموا ایک معب اپنج ہے۔ يسكب إبجداي جمركتبيركراب جو ا ۔ ایک کمیب فٹ ہ ۔ تین کمنب اولیّات ٣ - رتين كمعب انويات ا ایک کموب ایخ تعنی ایک کمعب الاتی سے مجبوعہ سے برابرہے۔ میتی الا ذیل سے طریقہ عل سے بھی حاصل ہوسکتا ہے۔اس طریقہ میں جمے کے طول میں ہر دقم کوعوض میں کی ہر دقم سے ضرب دے کر پھوایس حال ضرب مں ہررقم کولبندی میں کی ہررقم سے صرب ویاجا -ا ہے۔ ا 🗴 التفحى اوليّات ا 🛽 ا مربع فٹ ا x اسطح اولیات ا x ا مربع ایخ ا مربع الج م سطح اوليّات ا مربع فن افسط ٢٠ المعب ادليات ١ ١ م المعب الوات ا بد ا كمعي وشط ا بدا كمعب اوليات ١ × ا كمعب لافويات ١ × ا كمعب الني م كمب الزات اكتب الخ س كوب اوليّات المعب نث

تاعدہ بر مربع ایج بد طولی فیٹ بندی بر عارات گریں تاعدہ میں طی ادلیات بد طولی فیٹ بندی بر عدم ادلیات گریں كاعده سلم اوليات x طول الخ بلندى س عرك من الوات جمال تاعده ي مربع نش × طالع بندى ي = كسيادلاء في اس قانون کا بنوے مادہ سام اور طالع علی کے لیے بطور اور خال بالا ك طريقة على كالمختصر طريق لنا معاسب ول سيء : اس مل کا تصارا د مستطباعی ما صدت برج می کا تا یا اور البندی رغ به فرا کا تا ال میال می تا المانیال می تا المانیال می المانیال المانیال المانیال می الم ميت بركراس كا في المحاصلة المح

اگر کسی مطیلی مجتمے ابعاد انج کے بارہویں حصت میستل ہول اور انناءاعشاريكي مدديها س كالجخم مساوي كزابوتوبالكل اسي طريقه سيعل فمياجا سكتاب اُس صورت میں یہ یاد رکھنا چاہیے کہ — معیاری اکائی = ۱۲ اولتیات = ١١ نانويات = نلانیات وعلى ندالقياس معياري اكائي خواه طولي بهو ياسطحي بهو يا ممعبي بهو بيه صروريا ويكعنا چاہے کرکسی حاصل صرب کا درجہ اُس کے اجزا کے تام درجوں کا مجموعہ ہوتاہے ( دیکھو ہاب سوم ) ۔ اس قدر ذہر نظین کر لینے سے بعد ذیل کی توصیح سٹالول کے سمجھنے میں کوئی رقب بنیں ہوگی ۔ ١٢١ - مثال ١: اننا اعشاريه ك طريقه سے ايك ايك وریا فت کروجس کے ناپ ۵ فٹ م ایج برس فٹ ۱ ایج برس فٹ ١٠ ایج بیل -متليل مجم كا جم محده ف م الح بدس فك ١ الح بدم فك ١ الح .... وقد ١١٥ 40 لم محم كا ججر = 40 كموب فط ألكوب اوليات م كمعب فا نزيات

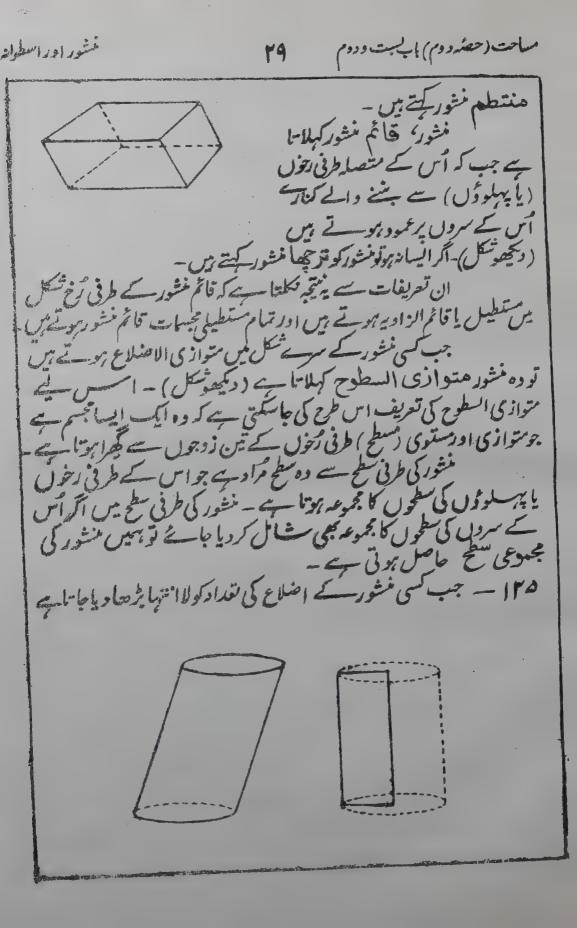
10/10/10 10 - 10 1 9 - 4

الم من من الكاوره إلى الديول مع وفت على اور 4 الكاليول مع وف - UN USINE EI Y 121 EI A منطبل محمر كاج و منف ا اع د إدروال بد افت و اع و إجوال بدافك ·· Ulgaby Ela men was and all the others bould list the the ستطيلي عملا في المعب فيشا كعب الوكاء كمدب الانتاك الكدمة تسيات (r) (5, 26) in 1 انوا اعشاريك الرقاعة أن المراج على المراج ال 一道中一意中一意中一意中一 長に出了了一番10年一番19年 そことでいいがはないといかというにはいいではないと リタンともできてしいないとうないというななるといって しいがいいではないしいがらくをはないしいがらしまいたかしる

## باب بست ودوم منشور - أسطوان عطق

مہر ایک ایساعیم ہے جس کے متوازی الاصلاع ہوتے ہیں اور سرے متوازی طحوں میں واقع ہوتے ہیں -ظاہرے کہ منشور کے سرے ایک دوسرے کے مساوی دونوں سروں میں سے ہرایک کوجس پرنشورلگایا جاسکتا معنشوركا قاعل لاكتة بي-ی منتور کے سرول کا روسیانی عمودی فاصله منتور کی ملندی يا ارتفاع كالااب-منثورتے طول سے اس کے محور کا وہ عصد مراد سے ، ہو متوازی سروں کے درمیان واقع ہوتا اس ملح نشور اب دع اب جدع قاعده ي-: ب ف بندى ياار تفاع-اور و و مغور كالمول-جب کسی فتور کے مرب

تتظم اشكال من بهون تواليه متوركو



ا در برصلع کا عرض لا انتها گھٹا دیا جا-اہے (اس طرح کہ تراش عمودی کااہ محدور رہے) تونشور کی سطح ایک اسطوان کی سطح بن جاتی ہے۔ اس سائي أسطوا نه محم متعلق كها جا سكتا بيت كه وه منتوركي انتها في صورت مور ت موادر اصلاع کی تقداد لاانتها برصادی گئی ہوا در ہرصناع کا مستدر اسطوان الاتاناه والرويواب الرئسي فيل وأس كاك ضلع كردهاد ياجائة وقائم مستدير اسطوان کی سطح پیدا ہوتی ہے ( دیکیموکل) ١٧١ - فشور كي تعريف ين اس قدر توسيع كي جاسكتي بيك انتهائي صورت ين أعلوانه بهي أس ميل شالي بوجائے اس طرح كر-منتور وه عمر مراس کے سرست دوالتی موازی مستوی مسلمیں ہوتی ہیں جو ایاسے ووسرے کے ہرابراور تشاہری اورجن کے اعتلاع دولول سرول كي محيطول كے تمنا ظرنقاط كوملانے والے خطوط متع بوتے ہیں۔ وسلم نقط نظرے و مجمل جائے تو ایرار اسطوا نے اورمحسرانی میلوں کی ٹینا کی جھی منشوروں ہی کی عام مثالیس تیں ۔۔ عمور متوازى السطوح كا يحم معلوم كرناجب كراس كے قاعد لاكا رقبها ورارتفاع ريعوے حوں۔ فرعن كروكه متوازى السطوح とったいしょうしょくしょうしょ اپ رقبہ کی سی اکائی کے لحاظے قي اوراس ك ارتفاع وف 

11 12 12

ارتفاع دیے هوئے هون ۔

زمن رور اس نے ایک مشور شلق ہے ایک مشور شلق ہے اور اس کے تاعدہ اس کے تاعدہ اس کے تاعدہ الکائی کے تاعدہ الان کے تاب کا اس کے تعالیٰ کے

ب ب ب من ہے ب ک ایک ایسی طی کھینجو ہو گئے ج ج آ کے متوازی ہو۔ متوازی ہو۔ متوازی ہو۔ متوازی ہو۔ متوازی ہو۔ متوازی ہو۔ متوازی ہو۔

ت مجمر دب ج ا ایک متوازی اسطوح بروجائیگا اور اُس کا جی نشور اب ج کے ج کا دوجوں بروگا . . . [ اعلیہ س مقالہ ۱۱ - شکل ۲۸] لیکن کی ب ج آ کا جی = قاعدہ دب ج اکا رقبہ ہدا ہی . . . } دفعہ ۱۲ ن اب ج کا جی ہے اِ تعامدہ دب ج اکا رقبہ ہدا ہی . . . اِ تعلیم اُس ۲۳] ن اب ج کا جی ہے اِ تعامدہ دب ج اکا رقبہ ہدا ہی . . . [ تعلیم عالداد اُس ۲۳]

ی دع کمیب اکائیاں پس قاعدہ مشاخی فشور کے قاعدہ میں مربع اکائیوں کی تعداد کوارتفاع میں مناظر طولی اکائیوں کی تعداد سے ضرب دوس حاصل ضرب اس کے جج میں مناظر مکعب اکائیوں

مساحت (حصّه دوم) باب سبت و دوم ٣٣ یا مختصراً - ومثانی کا جمع = قاعده × ارتفاع حا = ق × ع ١٢٩ \_كسى منشوركا بخم معلوم كرنا جبكم أس اورارتفاع ديه هوے هول فرعن كروكه نشوراب كال جهر کے قاعدہ اب ج دل کاناب رتبہ كى كىي اكائى كے لحاظے قى اورال تے ارتفاع ل و کاناب تناظر طولی اکائی کے لحاظ سے ع ہے۔ مطلوب يرجي كه اب كال كالجح ف اورع كارتومين دريافت [آیس سے گزرنے والی طحول کے ذریع مجسم کو مثلغی متورول د۔ اِن مّام نشوروں میں سے ہرایک کاارتفاع وہی عِ ہوگا اور یہ اُن کے قاعدے مثلفات اب ج ، اج د اور اد ک رو نگے ۔اس سے اگران مین شلتوں کے رقبے بالترتیب قی قی میں اور اگر شلقی مشور اج ب اور ال کے ایکے مجم الترتیب حرح کے ج ہوں توظاہرے کہ۔ 2 = 2

ننثورا وراسطوانه

とり=ス 1 = 0,3 د ر + ر + ق = ر ق + ق + ق ، ع ایاح = ق ع

یس قاعدہ ۔ کسی منشور <u>کے</u> قاعدہ میں مربع اکائیوں میں میں میں میں میں اور ایران کرتیں ہے۔

کی تعداد کوائی کے ارتفاع میں تمناظر طولی اکائیوں کی تعداد سے
ضرب دو۔ حاصل ضرب منشور کے تجم میں تدناظر کمعب
اکائیوں کی تعداد کو ظاہر کرایگا۔

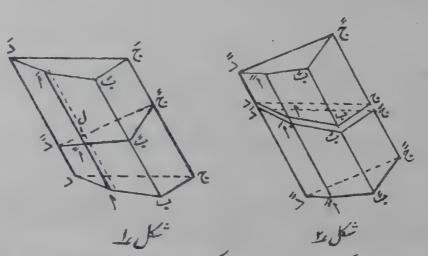
المحتصراً کسی مشور کا جم = قاعدہ ہدارتفاع مع = قی جمع . . . . . . . . . . . .

كسى منشوركا قاعله = ارتفاع

اور سی مشورکا ارتفاع = جمحم اور سی مشورکا ارتفاع = جمحم

(r) .....  $\frac{7}{3} = \epsilon$ 

مسرا \_ منشورکا جعم معلوم کوناجب کساس کی تواش کارقبرا ور طول دے هوئے هوں -زمن گردکر اب ج د کوئی نشور ہے (شکل)-اور اس کی



تراشِ عمودی آئِ جَ دُکانا ہے کسی مربع اکائی کے لحاظ سے ق ہے۔
اور اُس کے طول ۱ اُکانا ہے تمناظر طولی اکائی کے لحاظ سے ل ہے۔
مطلوب یہ ہے کہ ۱ ب جَ دکا جم ق اور ل کی رقوم میں

نشور اب جَ دَ كَ بِحُلِ مِصداب جَ دَ كَ الله فَالَّ مِصدا بَ جَ دَ كُو بِالأَفْ مِصداً بَ جَ دَ يُرسَطِيق بِو أَبُّ جَ دَ يِراس طَى رَهُوكُه رُخ اب جَ دَ مُرْخ أَبَ جَ دَ يُرسَطِيق بِو

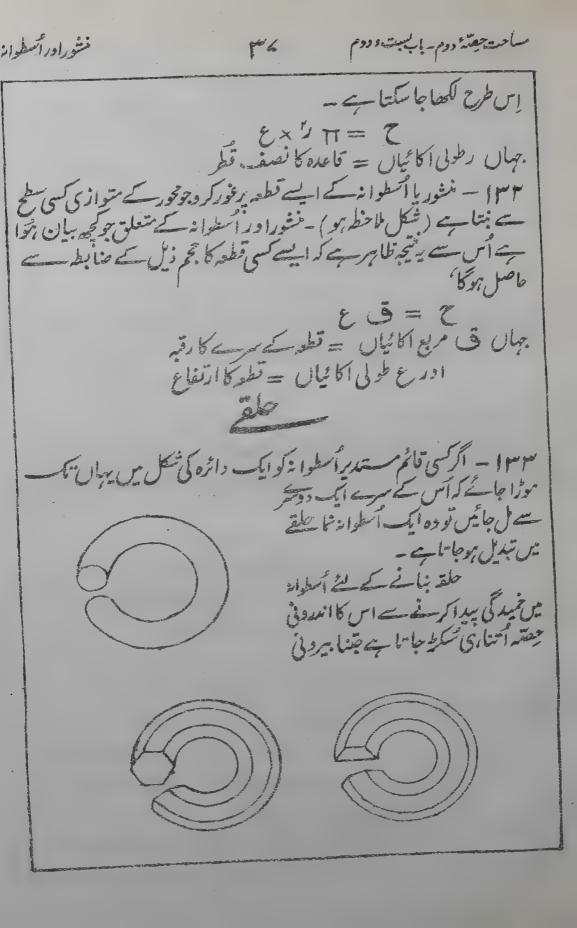
اس طرح سے بنے والاجہم ایک ایسا قائم منور ہوگا جس کا قاعدہ أبّ ج د ہوگا ورجس کا طول یا ارتفاع أ أ (= 1 أ شكل ایس)

اور اس قائم منٹورکا جم قبع کعب اکائیاں ہوگا .... دند ۱۲۹ کیک جب اکائیاں ہوگا .... دند ۱۲۹ کیک جیسا کہ ظاہر ہے اس قائم منٹور کا جم وری ہے جو کہ اصلی منٹور اب جَ د

کا بم ہے۔ مائی شور اب ج دکا جم = ق ل کعب اکائیاں پس قاعدہ ۔ منشور کی عمودی تراش میں می بع اکائیوں کی بعد آدکو اُس کے طول میں متناظی طولی اکائیوں کی تعد ادسے

ماحت (حضردم) بالبت ودوم)

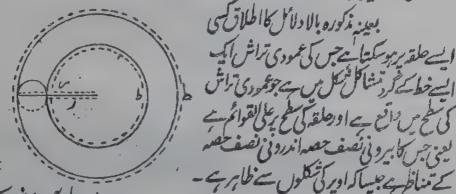
نشورا وراسطوانه ض بدو و حاصل ض ب اس کے جم میں متناظر مجمی اکانیوں كى تعدادكوتعباركريكا۔ يا مختص المنتوركاج = عمودي تراش بدطول منشور کی ودی تراش = طول 1 = 0 نشور كاطول = عمودي تراش · = J یهان منورکے امثلاع کی تعدا د لاانتیا بڑھا وی جاتی ہے۔ لیکن منور کے اصلاع کی تعدا دخواہ کھری ہو۔ نشور كا جم عد قاعده بدار تفاع . . . وفع 179 أنطوانكا مجم = قاعده بدارتفاع Ex 19 = 7 مستلير أتمطوا فكصورت يس يصابط



حِصَرُهِ بِیل جا ا ہے۔ اِس سے اِلکل و اسْعے ہے کہ طقہ کا جم اتبدائی اُسطوا کے کے جم کے مسادی ہوگا۔ بیس اُسطوا نہ نا حلقہ کا جم ایک ایسے قسائم مستدیر اُسطوا نہ سا حلقہ کا جم کے مرا بر ہوگا جس کا قاعدہ صلقے کی عمودی تراش کے مساوی ہے اورجس کا ارتفاع حلقہ سے طول کے برابرہ ۔

بنی -اُسطوانه ناطقهٔ کا جم =عمودی تراش کا رقبه بد طقهٔ کا طول ح = ق بدل

دنو ك : طقه كے طول سے إس كا اوسط محيط يا وہ محيط مُراد ہوتا ہے جو اُس كے اندر ونى اور بيرونى محيطوں كے مختيك وسطيس د اقع ہوتا ہے۔



ع مناطر جربيا راويرى مول عظم رج على من دير عصابط آسانى سم مهم ا- اسطوان مناطقة كي مورت فاص من دير عصابط آسانى سم سائة نابت كيم جاسكة بن :-

(1-1)(1+1) エーフ

ح = المراط + ط) (ط - ط) جہاں ح = جم من اور اربالٹرتیب بیرونی اور اندرونی نصف تط اور ط کو تناظر محیط یں -

الله والمالة

ه ١١٥ - مثال عليه كي فأم نشور كا كا مده ، الح صلح كا يك

تسادى الاصلاع ب اور اس كالدّنفاع ٢٢ الح بي - جيم دريافت كرو-نشوركا جم = ق ×ع كمعب إنج . . . . وفد ١٢٨ بهال ق = (ع) الله عند المالة عند المالة عند المالة عند المالة المالة عند المالة 1ce 3 = 77 نغوركا جي = ٢٩ ×١٢٢ عم كدب اع = ۱۹۶۲ مکسالی مثال ہت : م بن فی کعب گزے صاب سے ایک ایسا گڑھا کھدوانے کی اُجرت معلوم کروجس کے بالائی حصر کے انجے مه فط م اینج اور ۳۰ فط بی اورجس کی گهرانی ۱۱ فث ۱۱ اینج رُخول کامیلان ۵۴° اورسرے انتصابی میں -ومن کروکر اب ج دے گوسطان دیا عمودی تراش نجیر ہوتی ہے۔ ع ١٥٠ = ١٥ = ١٥ = ١٥٠ ٠٠ (ج = (١٠٠٠ الم ١١٠٠) ف : شكل مخوف إب ج د كارقب = ب (٣+٣) × إسا مربع فط ن کفروانی ایجت = ۲۲×۲۲×۳۱ بنی : = المولد - الشفائك ويس مثال عند بنادك بريا المارية المركة الماريكة الما عنے كاركاورن ممميد في لعب فضي المراجع = ق ع كمعيا فك .... وفعد الما

( + x + ) m = 0 Uh? TX121. XT... = E

= ۲<u>۱×۱۰۰۹×۳۰۰×۳</u> کعب ف 3. Kil- : 11×11×11×11

= :- اركاوزل =

5 PMP - 189AP =

هنال على: ايك نزادً آب ين الم تقطرك لل سے إنى آتا ہے - بتاؤكم م تطرك کتنے کل بابی کی اِتنی ہی مقدار خارج کر شکے جب کہ یہ فرض کیا جائے کہ اِنی کی رفعار بھی ہی ہے ہ 

デュース(手)、・・・・・

ليكن بلول كى مطلوبه تعداد = ع

デメイ ドル・アン× T

ه شال عن ایک ایسے ل کے لوہ کا وزن دریا فت کر جس کے اغرونی اور برونی تطروں کے الي بالترتيب أ اور إلاً اورص كالحول وافط بع وض كردكه ايك كمعب ايخ لوسي كاوزن ٢١٥٠٠

(PSIPH = T) = 13/2/2

لوب كا فجم = (ق-ق)ع كمب الخ ... وفدا مال في = ١٠٠٠ (الله على الم

(1) × 1 = 1 × (1) × 1 = 1

11:= と

: لوب كا ونك = ٢١٦١٤٣ × ١٦٠ × ١٦٠٠ يونر

= 1805,10 F.Y

هنال ملا: ٣٠ فك كراأيك كنوال معددانا مطلوب ہے اور اُس ميں لم فط موانی عکميل سے عدکنوس كا اندرونی قط 4 فط ہے۔

بناؤ کواس کام کے لئے مجموعی لاگت کیا ہو گی جب کر کھٹروائی ہ روبیر نی ۱۰۰ کعب فط بے اور استرکاری ۱۰ روبیر فی ۱۰۰ کعب فظ کی شرح سے ہے ؟

کُدی ہوئی مٹی کا جم = ق عرع کعب فط ... وفد اسما کُدی ہوئی مٹی کا جم = ق عرع کعب فط ... وفد اے جہال ق =  $\gamma \times (\frac{1}{2} + \gamma)^{2} + \cdots$ 

اور ع = ۳۰

ن کفدی ہوئی گی کا جم = محب فط : کفدی ہوئی گی کا جم = محب فط

ن می گفروانے کی اُجرت = می الم ۱۰۰ می روبیم روبیم

ZEN THEXIT =

يُون کا جم = (ق - ق)ع کمعب فك . . . . . . و نور ا

 $\frac{1}{2} \int_{\mathbb{R}^{n}} \frac{1}{2} \int_{\mathbb{R}^{n}} \frac{1}{2$ 

r. = E

= 170×11 =

د جموعی اگت = ۱۱ (۱۲۳ + ۱۲۳ ) دوبی

= XX /1 =

الما دريد - الله - الله =

مثال عد: ایک بل کی کمان کا نقبل (Span) ، نف اور اُرتفاع س فف ہے موابہ کی گرائی، نف اور اُس کا لول کرخ سے کرخ ک ، م نف ہے۔ بناؤگر اُس میں کتنے

كمعب فك يخالي الم

راش تعبیر بوتی ہے اور فسیر من کردکہ واش تعبیر بوتی ہے اور فسیر من کردکہ وگ = لا فیف تب م (۱ لا +۳) = ۱۰۰ ... رفون لا = الا : توس دع ف کا نصف تکر = اور فیف

ير - رع = إرا + ٢٠ فف ١٠٠٠ وفع ١٩

: أوس دع ف = الم إحمال من من من من الم

= لم × ادر تفاع واب ج مناب اشكال بين -

ن واب ج کارتر: ودع ف کارتر = وبا: وعا ... رفر ۱۰۴

 غمشورا درأسطوانه

= ۱۹۶۸م مرابع فط ادر خیانی کمقداد = ۱۰ و ۱۲ م ۲۰ سر معب فط = سرد المعب فط مثال مد: منك طول اورد فك تطركا أسطواد ناايك براكب إس طي تيراب كالش كامحورانق كمتوازى اور يانى كى سطم سے ایک فی اور رستاہے۔ بمراك كاوزن معلوم كروde la constant de la شكل من زون كوكراب حدے ترتے ہوئے بیراک کی تراش تعبیری تی ہے اور (ج یان) سطح کوتجبیر کرتاہے۔ تب وا = انك وط = انك ادر اط = ام- افظ = آر نك . . . . . . وفعه ١٦ اور قطعه اطبح د = عجع آتات + عام المع فك - وفعه ٩٠ Ar= = += と Ulp. : تطم اطع د = ع ×۱× ( + ×۱۲+ ع ×۱) ربع ف - ۱۵۱۳۲ مربع فنط اب ووب بوے محم كا جم = ق ع كمعب نط

= E = 101 To Pr = 5 Ulg.

Lical Tol YOU = 3.6 3 2 9 de 3 :

ن بطائے ہوئے بانی کی مقدار <u>اسم اوا</u> کعب فط ایکن براک کا وزن ا لیکن براک کا وزن = ہٹائے ہوئے بانی کا وزن -اور آیک کمعب فٹ بانی کا وزن = ہا ۲۲ بوٹر ، ، ، وفعہ الا

1. 2 / 1/0 X 60 = 104 | 1/2 1/2 ...

= ١٣١٦ يوندتقريباً

مثال عد: أسطوانه نا ايك محموس علقه كي موائي ٥ وا انج اور أس كابيروني قطر

۸ ایخ به اس کا جم دیافت کرد- (۱۳ = ۱۹۱۱) ۲۱ م طقه کا جم = ق العب اینج .... دنیس

بهان ق = ۱۲ ( مرا المرا) الم

ل = ١٦ (٨ - ١١٥) .... وفر ١٩

: طفركاتم = ١٦ (٥١٠) ٢٦ (٥٤١) كمبان

= ۵۸۰۶۲۳ کعب ایج

مثال عند: ايك أسطوا د ناحلقه كالجم ١٣٨٦

كعب إنج اورالول م فف النج سب :

عمودی تراش کا تعاوریافت کرد -زمین کا انج - عمدی ترایش کانصفتط

رُمِن کردکه رایج = عمودی تراش کانصف ط شبه دا مربع ایج = عمودی تماش کا رقب

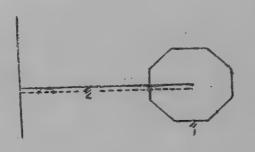
. . . . ونعم ا

בי קד נו × 4ץ ביצחן ..... وفر שאו

9= 6x18x4 = 1)

r=1:

اِس کئے عمودی تراش کا قط = ۹ ایخ مثال ال: ایک ایخ صلع کے منظم شمن کوائس کی سطح میں واقع ہونے والے ایک محورك كردهمان سے ايك حلقه بيلا بوتائ -أرمين وسطى نقط محورسے ما الح كے فاسلم بر بر توصله كالمحم ورما فت كرو \_ طَقُهُ كَا جَمْ = ق ل كمعب الح وفعر سانعوا



· · · · ( TI+1) × " × r = 5 Ubg.

رفغ ۹۹ ن ملقه کا ج = ۲ (۱+ ۱) ۲ × ۲ × ۲۲ × معب ایج

ا = ۲۱۲ کعب ایج .

هنال الله: ایک منموس طعته کی عمودی تراش ایسا قطع ما قص ہے جس کے اعظم ادراخ محاور بالترتيب ٢ الح اورم الح بين - حلفه كا اوسط قطر ٢٠ الى سب اور ده اليسط ما ده كا

بنا برواسيع جس كا وزن ٣٠ بويم في كعب نث ے اس کا وزن دریا فت کرو (١٦=١١١١٤٣) طقكامم = ق ل كعب الخ ... وفد الما ず・ず・11= 5 04.

r·×T=U : طق كا جم = ٣ × ٢ × ٣ × ٠٠ كعب ايج

- C(0) = TXYXTT = 013 : Light N. SAN =

هنال سا: ١٠ كر قطرك ايك دائري قلد كي كردايك ايس خندق بنوانامطلوب ب

جس كاعض بالائ حصدير . أكن اور خرير الأكن ہوا درجس کی گہرائی مگز ہواور دونوں طرف

مادى دهلان بول- تاؤكركت كمعباكر

کوروانایریکا ؟ (۲۲ = ۱۱۱۱ اوس) خندق كواكب ايساطقة تصور

کیا جا سکتاہے جس کی عمودی تراسس خندق کی عمودی تراش ہے اورجس کے اندروني تطركانات ١٠ كز --

اس كئے خند ق كا جم = ق ل كمب كز... وفد ١٣٣

جمال ق = 1+1 × ..... دفعه ۲۹

٧ = ١ × ٠٠٠٠٠ وفر ١٩ : خندق کا جم = ۱۲ × ۱۷ معب گز

= ۱۲۸ و ۲ ، ۲ م ا کعب گز

امتاریمبری (۲۲)

رجب تک که خاص طورت ذکرنه کیا جائے فرض کر دکر ۳ = ٢٠)

ذیل کے منشوروں کے جمم در یا فت کروجن میں۔ إ - قاعده م مربع نط ٢٨ مربع النج اور ارتفاع افك ١ الخ -

الم \_ كالله ٩ مربع فك ٣٠ مربع النج اور ارتفاع ٣ فك ١ النج -

سم - تاعده ١٩ ربع فف ١٢٠ مربع النج اور ارتفاع مركز افك ١٠ الخ -

م - تاعده ٢ مربع كز ، مربع فك ٩٦ مربع انج اور ارتفاع اكر ٢ مك م الله -ذیل کے منشوروں کے ارتفاع دریا فت کی وجن میس

۵ - عجم م كمعب في ١٥١٢ كعب الخ اور قاعده ٣ مربع في ٣٩ مربع الخ-

١ - جمر ١١ كمعب فث ، م ه كمعب النج اور كاعده عدم يع فث ١٠١ مربع أي -ذیل کے منشوروں کے قاعل وں کے رہے دریافت کروجن میں ع - جم ٢٦ كمعب فك ١٠٨٠ كمعب الح إور ارتفاع م فك ١١ الحجي ٨ - جم مكوب كرد ١٩ كموب فط ١٩٨ كموب الله اور ارتفاع ٢ كرز افك ١ المح. 9 - ایک مشورایسے متلغی کا عدہ پر بنا ہوا ہے جس کے اصلاع ۱۳ ایج ،۲۰ ایج اور ١١ الح بي \_ أكر أس كاارتفاع ٩ الح بموتو أس كا جمح دريا نت كرو\_ · إ - ايب منوركا قاعده كوئى دوارىجالا صلاع أب ج د بية - اگراس كارتفاع ها الخيراور أراب = ٩ الخ بج = ٨ الح ج د = ٢ الح ١٥ = ١ الح اور اگر ا اورج پر کے زاویے تائے ہول تو منٹور کا جم دریا فت کرو۔ ۱۱ - ایک نشور کا قاعدہ ایسی مسکل مخون ہے جس کے ستوازی صلعول کے نا ہے۔ بالترتيب ١٣ فك اور عافف اور أن كا درسياني فاصله و فك سبع: نشوركا جم دريافت كرو أكراس كى بندى ١٢ فك بو-دريا فت كرو \_ ١١٧ - ايك نشور كي عمودي تراش ايب ايسا شلت سي جن كے اصلاع م فسط ٩ الح الم الله ما الح إور ١١ فك ١١ الح بي - نشور كا جحم ١٢ كسب كر ١٢ كمعب فك سم ۹۸ کعب ان ہے ۔ کنارہ کا لحول وریا نت کرو۔ الما- ایسے منٹوری برتن میں کتنے وزن کا پانی آئیگا جس کا قاعدہ و ند صلع کا آیک نتظم مدس اورجس كاارتفاع و فط سے ؟ ذیل کے مستدیر اُسطوانوں کے جعم دریافت کر وجن میں 10 - قاعده كانعف تعلم عن التفاع م فف م الج -١٦ - تاعده كانصف قطرافك ١ انجى ارتفاع ٣ فك ١ انج -ع ا \_ قامده كانصف تطراكز مد نك م الخ ارتفاع الحرز ا فك والخ \_ ذیل کے مستد بر اُسطوانوں کے قاعل وں کے نصف قطر ایج

سے دسویں جِصّ کے ساتھ دریا فت کر وجن میں \_

١٨ - جم ... ه كعب النج ، ارتفاع ٢ فك ٢ الخ -

14 - جم أم كموب فك ارتفاع ، فك ١ الخ-

٢٠ \_ جم المعب كزا ارتفاع م فك و ايخ -

ام - قریب ترین گیلن یک بانی کی وہ مقدار دریا فت کروجو زیل سے ابعاد کی ایک خند تی کو جو زیل سے ابعاد کی ایک خندتی کو بھر دیگی : طول هم فث موض بالائی حصہ پر ۱۲ فٹ عرض تُه پر ۹ فٹ اور گہرائی .

ساس سے فف اور اس فٹ گہرے کنویں گی گبخائش علوم کرد (۲۳ = ۱۱ ۱۱ ۱۲ ۱۲)
ساس سے اپنے قطراور با اپنے دبازت کے کتنے سسکے بکھلانے کی ضرورت
ہوگی تاکہ ایک ایسان تنظیلی مجسم بنایا جاسکے جس کے ابعاد ۵ اپنج ، سم اپنج اور ۳ اپنج ہیں ۔
سم سا ۔ بناؤ کہ ، روبیہ فی کمعب گز کے حساب سے سافٹ قطراور ۲۱ فٹ گہرائی کا ایک
کنواں کھکہ وانے میں کیا اخراجات ہول گے ہ

٢٥ \_ تباؤكراك كمعب فك سوف سے ٥٠٥٠ الخ مولماني كاكس قدرلمبا اربنايا

المستام و (١٦ = ١١١١١١ ١١ ١١)

١١٠ - ايك أسطوار ناخل كي دبازت ٢ انخ عبروني علم كا قطراف ١ انج اور لول

١٠ فط سے بتاؤ کو فول میں کتنے کمعب فٹ ادّہ ہے۔ ( ٣٢ = ١١٩١٧ )

٢٤ - دواً د في كمع النج كے حساب سے ايك ايسى لى كي تيت دريا فت كروس كا

سوراخ س الحول الروازت الله الح ب -

۲۸ - اس کمنب کا کنارہ معلوم کر دجس کا بھی ایک ایسے منٹور کے جم کے برابر ہے جس کا ارتفاع ہم منٹ ہے اور جو ایک ایسے شک قاعدہ پر بنا ہمواہے جس کے امتلاع

ه فف ه ایخ و فف ه ایخ اور ۹ فف ۴ ایخ بین -۹ م - اس منور کی جسمیت دریافت کروجس کا ارتفاع ه فف ۴ ایخ ب اور حب س کا

تاعده افك ١ الخ صلح كالك متلك مساوى الاصلاع ب--

مع - ایک تھوس اُسطوار ناطق کی دبازت ا انج ادر جم ۳۰ کعب انی سے: اُس کے الدر نی اور بیرونی تطروریافت کرو - ( ۳۲ = ۱۹۱۹ اوس)

اسم - اگرکسی و من کاطول اور عرض اس کی گہرائی کا بالترتیب دوجیاد اور نصف ہوں اور اگر من کی گہرائی کا بالترتیب دوجیاد اور نصف ہوں اور اگر من کی گہرائی دریا فت کرو - سے بہتا ہوں ایسے نل سے کتے گیلن یا نی بہتا ہے اگر نل کا سُوراخ ما ہوا دریانی میں فی گفنٹری شرح سے بہتا ہو ۔

ہروروں ہوں ہوں اور مرد فٹ عریض تر ہر مرد فٹ عریض کر ہر مرد فٹ اور مرد فٹ گھری ایک ریاس کے محدوانے کی مجری ایک ریلوے کائی کے بنانے سے سئے کتے کمعب کرزنرمین کے محدوانے کی

مرورت ہوگی ہے-سم سے اگر سنگ مرمر کی کٹافتِ اصافی ۲۶۷ ہوتو سنگ مرمرے ایک ایسے اسطواز مشا

ستون کا وزن دریافت کروجس کی لبندی ، م فث اور قطر م فٹ ہے۔ (۴۲ = ۱۲۱۶ اس)۔ ۳۵ ۔ ایک ایسے اُسلوانہ ناحلقہ کی دازت دریافت کروجس کا اوسط محیط م فٹ اورجس کا

جم ا كعب الخ ب - (١٦ = ١٥١١١٥٩) -

٣ س - أسطوائر كى وضع كے ايك برتن ميں مده كيان إنى آما ہے اور أس كا تطره فث ب - أس كى كرائى معلوم كرو-

عرب - اس ما مرای معلوم فرو -۱۳۷ - اس قائم متاریر اسلوانه کامجم دریا فت کروجن کا ارتفاع ۱۰ فث ۱ ایخ اور تحییط ۵ فث

- 4 18

۱۳۸ - ایک متدیر کھن داستہ کی گرائی ۵، فیٹ اور قطری فٹ ہم ایخ ہے: بتاؤکہ مرآنہ نی کمعب فٹ کے جے: بتاؤکہ مرآنہ نی کمعب فٹ کے حساب سے اس کو گھدوانے میں کیا اخراجات ہوئے ہوں گئے ؟ . ۱ کس ترجیح شلتی نشور کی عمودی تراش ایسا مثلث مساوی انسا قبین ہے جب کے اصلاع ۱۳ فیٹ ۱۲ فٹ اور ۱۰ فیٹ ہیں ۔ نشور کا طول انجز ۲ فٹ ۹ انج ہے ۔ اس کا جم دریا فت کرو۔

م اس جیٹے طلقہ کا مجم کیا ہے جس کی بندی ہے۔ اپنج کا نمرونی حیط م فط م اپنج الرونی حیط م فط م اپنج اور برونی قطر ۱۰ ایج سے دور برونی قطر ۱۰ ایج ہے ۔

الم - ايك قام متدير أسلوا في الول ا في اور قاعده كانصف قطر و الخ مديد إس

کو ایک ایسی سطے سے دو تعلمات میں کا طاکیا جو محور کے متوازی اور اس سے م اہم ان کے کے فاصلہ پر واقع ہے: جھوسٹے قطعہ کا جم وریا فت کرو (۱۲ = ۱۲ ۱۲ ۱۷)-

الم من بشال ما الم من الركاشين والي سطح كا فاصله محورسي ١٦٠ الحج توجيعوث قطعه کا جم دریافت کرو - (۲ = ۱۱ ۱۹۱۹) سم م ایک اُسطوانہ ناطقہ کا طول هم ایخ اور عمودی تراش کا قطر انج بے سم م ایک اُسطوانه ناطقه کا اندرونی محیط ۹ ایج ادر عمودی تراسش کا قطر مم ایج ہے ، جم دریافت کرو ۔ ۵۷م - ایک اسطوانه ننا طقہ کے بیرونی اور اندرونی محیطوں کے قطر بالترتیب ٣٠١ الح اور الم الح بيس جم معلوم كرو-۲۷ - ایک اُسطوار نما علقہ کے بیرونی محیط کا نصف قطر ۲۴ اینج اور عمودی ترا كا قطر س الح ب : مجم در إ فت كرو-٤٧٨ - أيكر أسطوانه تناطقه كا جم ١٤٨١ كمعب النج اورطول ٥ فك ٣ النج سي عمودي تراش كا قطر دريا نت كرو -٨٨ - ايك أسطوانه ناطقة كا جمر اكتب فف ١٢ كتب انج اورعمودى تراش كانصف قطر إله الح بي مول دريا فت كرو-سوالات امتحانات ملك جب كاس كفلاف بيان دكياجائ ١٦ = المسلم كم حائ جامعنهي - دُبلومان ألْريكيي - دُوسناامتان منثوری وضع کا ایک برتن م ایخ صلع کے متلام مدسی قاعدہ پر بنا ہوا اور مائع سے بھرا مُواجِئ انج کے تیہ ہے عشری مصری ک وریافت کروکہ اگر برتن میں سے نصف پائمنٹ مائع نکال لیاجائے تو ائع کی طحکس قلا کرد کہ اگر برتن میں سے نصف پائمنٹ مائع نکال لیاجائے تو ائع کی طحکس قلا كى رملوسى النيش كے نيج ايك بليط فادم سے دو سرے

لیسط فارم تک ایک کی راب (Subway) بنوانا مطلوب ہے۔ کی رابہ کا

اُنعَى حصة ٢٠ گز لمباہے اور اُس كى ممودى تراش ايك سنطيل ہے جس كا اُورِ کَاحِمتِہ ایک نصف دائرہ سے کھیرا ہوا ہے - راستہ کے ! زواور اویرے حصہ میں اینٹ سے جنوا نا ہے ۔ اینٹوں کوشا ک کرنے کے تغیر کل کمندی اور عرص بالترتیب سرگز اور بهاگز میں اور اینٹوں کی و بازے الم الخيب - اگر ہراك المينٹ كا اؤ الم كمعب فث اوروزن ٥ يوند ہو تو اس کام کے لئے مطلوبہ انیٹوں کا وزن کمن میں معلوم کرو۔ سم \_ ایک ایسے ستون کی جمامت کیا ہے جس کی اوسط تراش ہا نگ ضلع کا ایک نتظم سدس ہے اورجس کا ارتفاع ۹۰ فنط ہے ہے۔ س کے تواعد ہا ہے دریا فت کرنے کے قواعد ہان کرو ۔ (جامعُم بخاب: سول انجينين تك كالمجلاا متحان) ۵ \_\_\_\_اُس اقصی کان کاساؤ دریافت کروجس کا نصل ۸۰ نط اور ارتف ع من جے ۔ کان کی موائی بہلویر لے اس فٹ اورجونی پر لے مف اور کان کا عرص ١١ فن ہے۔ (جامعة مدراس : ١متحان بی- ١ى) اور میٹ تکل یں کال نصف قطع ١٠ قص میں کان كاطول ٣٣ ونك نصل ٣٠ فك اور ارتفاع ، فك و الج رع حبت ك مقام پر کان کی موائی ۳ فٹ اور چوٹی پر اس کی موٹائی ۲ فٹ ہے۔ کان کا ریا فت کرو۔ (جامعی مدراس: امتحان بی-ای) ۔۔ ایک مشور کا قاعدہ ایک متعلم مسدس ہے اور ایس کے ہرایک في المريا ونت كرو \_ کنارہ کا ناپ افٹ سے ۔ نشور کا جم معلوم کرو۔ (سببيورايرنيش لايارتمنك: امتحان ماهان) ا يك بخته لل كي قِطْعِي كان ميں حُينا ئي كي مقدِ ارمعلوم كروجس كِتِهُم كا نصف قطر ۲۰ فیط ۴ محان کی دبازت ۲ فنط - کان کا مول ۳۰ فی اور کان کے مقابل مرکزیر کا زاویہ ۸۴ مے۔ (سب پور اپرینیس ڈیارٹمنٹ: سالان، امتحان) أيك نهركى تراش إلا في حصته برعون من ٢٧ فك ته برعون من

الا نط اور م فٹ گری ہے۔ بتاؤکر نبرکے ایک سیل لول میں کتے کعب کر زمین کھودی کئی تھی ہ اور اگر پانی کی سطح کاعرض ۲۹ فیٹ ہوتو اس کی گہرائی دریافت (زُرْك انجيس : امتحان د اخلم) بم فٹ لیے اور ۳۰ فٹ چورے کرو کی جیت بندی ایک ایس کان سے کی گئی جس کا ارتفاع مرکز پر م فٹ ہے اور کمان کی دبازت م فٹ اس كى جُنانى كى مقدار قريب ترين كمعب منك كس دريافت كرو-(ئىنى كى انجينيى: د (خلى) زل کے ابعاد والے ایک یل میں کمان کی جنانی کی مقدار کمعب فُوْل مِن معلوم كرو: مُصل ٩٠ فك ١٠ إرْتفاع ١٥ فك جِنائي كي مجرائي منك اور ایک أخ سے دور سے أخ بحک كاطول ، و فط ہے (سُرُن کی ایرسب (س دینیف: داخلیه) م ایل رقبہ کے آیا کٹ یں او ایج موٹی برف کی تجی ہوئی ے : اگرایک معب فٹ برف کا وزن ۹۹۸ اوس بروتوکنڈیر کی برف (مرش کی ایرسب آرڈینیٹ: د (خلس) ا یک محان کی جنائی کمعب فرون میں دریا فت کروجس کا نصب ل ب نٹ اِرتِفاع م نٹ ایک رُخ سے دوسرے رُخ یک مول ۳۰ فٹ اور ڈاٹیا کی کمرائی ہے۔ اف ہے۔ (سمن کی اپرسب آرڈینیٹ: داخلہ) (رُرِّرِي إبرسب آردُسِيث: ماهاس ا یک طوکھلاستون اندر کی جانب متدیر اور با ہر کی جانب تطعنا قص ہے۔ اتص کے محاور ہے ہم اور ۵ فیص اور وائرہ کا مطرم فیل ے: جج دریانت کروجب کرکالم ، اف بندے ۔ عِيمت كى ايك كان مير مينا ئى كى مقدار اور ٣٥ روپير ني ١٠ اكمه فف كي شرع سے أس كي قيمت دريافت كرو۔ البعاد: كان كا طول بم فط فصل ها فظ ارتفاع س فط اورموطائي ١ الخ -. ہ مرتفیوں کی راکش کے لیے ایک دوا فار کا طوا

فط تک کیا ہونا جا ہے ، عارت کی چوڑائی مهم فط اور بازد کی دیواروں کی لبندى ٢٠ فف سي جمت روبا كهام اور حيت كا أسطمان فصل كالح وال حِصته بعے - نیز ہر مریض کو ۱۲۰۰ مکعب فط فضاء دیجائیگی ۔ اردكى الجنير: آخرى المتحال)

\_ ایک کی کافعل ۳۰ فی ہے تکم یک ارتفاع ، فیل ۱ اپنج ، كلِن كى دبازت ٣ من مطول ٣٠ من : بتاؤكه كان مي كتيخ كمعب نشائخ الله ہوگی اور ۳۰ روپیر فی ۱۰۰ کمعب مٹ کی شرح سے اس کی بنوائی میں کیا اخراجات

ہوتے ہا۔ ۱۸ - کسی کِل کی ایس کھال میں میجنا کی کی مقدار معلوم کر دجس کا نصل موف ۔ ارتفاع فصل کا آیک چو تھائی کھان کی دہذہت م فٹ اور طول ۲۱ فٹ ہے۔ نیز

ام کی بنوانی کی لاگت ۳۰ روبیه نی ۱۰۰ کمعب فٹ کے حساب سے معلوم کرد۔ 19 -- ایک ایسے کے میں کپنائی کی مقدار معلوم کروجس کا طول ۱۰۰ فٹ-

بالائ عرض بندی کے سادی ۔ اندرونی اُتارہ میں ا اور بیرونی ہامیں ا ادر بَشْهَ کی لبندی ۱۵ فٹ ہے۔

\_\_ ایک کان کا فصل ۲۰ فظ - ارتفاع ۵ فظ - ایک وخ سے روسے تک طول ، وف او ومواہ کی گرائی ۱۸ ایج ہے۔ اس کی جنائی کمعب فول میں

معلوم کرو-

## أسطوالي

٢١ -- ايك درخت كاتناه في نصف قطركا ايك قائم متدير أسطوانه اور لمبندی ۳۰ فٹ ہے ۔ سنے کوعین اتنا کا فاجاتا ہے کہ وہ مربع کا عدہ پرمتنطیلی منوازی اسلمع می تفیک برل جاتا ہے۔ تیار لکڑی کا مجم دریا فت کرو۔

(جامعت اله آباد النوميلويث)

٢٢ -- أيك كمعب فع مثل سه بله النج قطركا أسطوانه نا الدبناياكيا: يه ار ایک متدرمیدان کے گرد تفیک تھیک آسکتا ہے ۔میدان کا رقبہ

ا كيرو و مي تقريباً معلوم كرو- (جامعًه بمبئي- ايل سي- اى : دمح سرا المتحان) جامعة بنجاب سيول ابخينيرتك كالهلا المتحان ٢٣ \_ إيك كموب فك بيتل ع بالمانخ قطركا أيات اربنا إكيا: الكل الماء فث اندروني قطركا ايك كنوال ٢٢ فث مجرا كحدوا ياجائيكا اور 🚽 ۱۳ ایج د بازت میں اینطوں سسے اُس کی استرکاری کی جائیگی۔ ( ١) كھود كر كالى بورى منى كا جم (ب) انبول کی مخالی کی مقدار \_ اندرونی قطر تھیک ۵ فٹ اور ۳۶ منطعمیق پہتیہ کے بغیر) ایک لنوال کھدوانامطلوب ہے اور و ایج دبازت میں اینٹوں سے اِسٹ کی استرکاری کی جانیکی – ( ( ا) کھود کر نکالی ہو فی مٹی کا جم (ب) اینٹوں کی جینائی کی مقدار معلوم كرو- جامعتى كالترى: إستحان ايف - إي - جم من قطرك ايك اسطواء نا حض سے الكيلن في كھندك صاب سے بانی نکالا جاتاہے: ( انج کے دسویں جصہ کک )معلوم کردکہ اسط مرسط کس قدرسینجی اُنتر آعیکی (۳ = ۱۱ مهاوس اور اکیلن = ۲۷ و ۲۷ مکدب ایخ) ۲۰ — نابت کروکر کھو کھلے اُسطوا زکے ادّہ کا جم مساوی ہوتا ہے سطلب ۱۳ ع { را - (ر -ک) } کے اور اس منابطہ کی مختلف علامتوں کا ب \_ أسطوانه نا دُنْهُ و ل اور تعطیلی پٹریوں کی دو قطاروں سے ریل کی ا كي روك بنانا مطلوب ہے - اگر ڈنڈول كا طول و فك و قطرا اوران كا درمیانی فاصله به فنظ مو اوراگر پشرایوں کی تراش عمودی اته ا ابعاد کامتعلیل ہو

نمنتورا درامطولنه

توبناؤكه ايك سل بمي ديل كي سرك سے لئے كتے كمعب في لكوى كي ضرور ٢٩ - الح ايك اك شوراخ ١١ الح و بازت + الح اورطول ٢٠ فط سے: اس كا وزن معلوم كروجب كم المعب الج لوسے كا وزن ٢١ ٥٥٨ اونس بوتا ہے - (سببورا برنبس ڈیار منت اعتمان ماهانه) · س ایک درخت کا تنا ۳ فٹ قطراور ۲۰ فٹ لبندی کا ایک قسائم متدير أسطوانه ہے لکڑی کو اس قدر کا اچھا بٹا جاتا ہے کہ دوم ربع قاعدہ کے ايك مستقطيلي متوازي السطوح بستحويل بوجا البيايي الكراي كالجم دريا فت كرو-(سب بورم برنينس د ارمينك المعتمان سالانه) الل برسم بناذكر بي الى تطراور به الى دبانت كريت سكول كميملايا جائے کم مخطے ہوئے ارد سے ایک ایسا کمعب بنایا جاسکے جس کے کنادے كا طول س الخ بو- (سب بورا برنيٹس د يار تمنث: امتحان سالانه) ٢ طول س ايك ايسالنوال كھودنا مطلوب سي جس كا اندروني قطره فث اور گرائی ٣٦ فط بو - اس مطلب سے سے کھودی ہوئی زین کی مقدار معلوم کرو۔ نیز اگر کنویس میں اینٹوں ہے ، ایخ موٹائی میں استرکاری کرائی جا تواستركاري كے مادہ كى مقدار معلوم كرو-(سب بورا يزنينس دبارغنث: ١ متان فائينل) - پٹوال لوب سے ایک کمو کھلے متدر اسطواز کا محیط سام مام فٹ اور اندرونی قطر و نث ه و و ایخ سے - اس کی دبازت معلوم کرو- (٣ = ١٥١٥١٥٩) أرُرْى انجينيوا د اخل سمس ایک کمب فٹ بیل سے بہا ایج قطرکا ایک تار بنایا گیا ہے۔ مارکا طول کیا ہوگا ہ مارکا طول کیا ہوگا ہ مرش کی ایرسب آس ڈسٹیٹ:داخلہ (دوری انجینیز: داخلی) هم - پڑوان او جے نے ایک ایسے نل کا وزن دریا فت کر وجس کا طول و فط موراخ ١ ایخ اور دبازت ۱ ایخ ب - حب که المعب ایخ

ينوان اوب كاوزن الم او مرموات -٢ س - ان كے أيم ميل ليے اركا وزن ايك سندردويك بے اِس کی ایک عمودی تراش کا رقبه معلوم کر وجب که تا نباا ہینے مساوی انجح یانی سے ۹۹ در گنا بھاری ہے۔ اور اکھب نط اِنی کا وزن = ۱۰۰۰ ادىن ادرد ديانى بناؤكه ۱ الج سوراخ والى مع فث لبي اسطوام نما جمره كي تقيلي يركت کیلن مانی اسکتاہے۔ ایک ایسے بلین کی صرورت ہے جس کا طول ہے مف اور وزن ١٠ سے - يبلن ايسے يتوسے بنايا جائيگاجس كى كثافت ١٥٥ سے تباؤ كراس كا قطركيا بهذا چا جيئه و (اسير = ١ يوند)-9 س بدسروں کے ایک اسطوان خالو ہے کے برتن کاطول م فث برونی محیط، مریخ اور دهات کی دبازت ا این بے ۔ اگر آسطوانیس بانی بمر دیا جائے تر اس کا مجموعی وزن معلوم کر وجب کہ بوا اپنے مساوی الج یانی سے اے کیا بھاری ہوتا ہے اور اکمعب فط پانی کا وزن = ١٠٠٠اانس به \_ ایک کھو کھلے اُسطوانہ کی اِندرونی گہرائی اور قطر بالترتیب من انسا ہے۔ الحج اورم اللي بين - أس كے اندرأسي كمرائي اور ليے تعاركا أيب مفوس أسطوا فريكا بُموات - بتاؤكر بقير فضايس كتن كيلن إنى والاجاسكتاب اگر ایک گیلن میں ۲۷۷۶۷ کعب ایج بوتے ہیں اور دائرہ کا رقبہ اُس کے وط کے مربع کا اللہ ہوتا ہے ؟-اسلواد نا الى مي كت كعب الخ ماده بروكاجب كرأس كى بروني سطح كا نصف قطروا الج الرائت الج اور لمندى و الج مح-رُرِّرِکی ایجینیر: فائینل سیسه کی ایک نلی کی اندر دنی سطح کا نصف تیلر الله اور يروني سطح كا نصف تطر النا النج ہے - اگر اس بلي كو يجملاكراب دائي طول كاابك عضوس أسطوانه بنايا جائے تو أس كانصف تطور إفت كرو-

سام - اندرونی قط ۱۰ فٹ اور ۵۰ فٹ عمیق ایک کنویں کی جنائی کی مقدار معلوم کروجب کرچنانی کے طفت کی دبازت ۱۸ ایج ہے: جناؤ کر ۲۵ رویب فی ۱۰۰ معب فد کی شرح سے جنائ کروانے کے افراجات کیا ہو بھے ہ ١٣٠ - الغ كوراخ اور ١١ يوند في كز وزني عي سيسه كي وإنت معلی کروجب کر ایک کمعب فٹ سیسے کا وزن ۲۵ ۱۱۳ اونس ہوتا ہے۔ ۵۷ \_\_\_ ، ایخ قطرکے ایک گول ستون میں سم کعب فٹ ہے قرب تو اس متون کا قطردریا فت کروجس کا طول بسلے ستون کے طول کے مسا دی موادر جس میں پہلے ستون سے اگنا ادہ ہے۔ ۲ م - ایک ایساکنوال بنوانا مطلوب به حس کا اندرونی قطر ۱۰ فسط اور گرائی ۲۰ فی ربو- ها فسط کک متی کفدیکی اور بقیرجید جٹان کو کھور نا بڑیکا۔ مٹی مے معدی حفاظت موا ایج دبیر مینائی سے کی جائبگی۔ بتاؤکر ذیل کی شروں كى ق واكمعب فا سے اس كى بنوانى يس كيا الكت بوكى يُخنائى ١٠ رويب سطی کی کھدوائی ۳ روپیے اور چٹان کی کھدو ائی ۱م روپیم -يهم - اوب ك أيك كلك أسلوا د كاطول ٢٠ نث اوربيره في قطر ١ نط ے۔ یہ اصلوانہ ایک سرے پر رکھا گیا اور اُس سے اِلائی سرے پر ۳۰۰ من كا وزن بموارا مدركها كيا - وحات كي دبانت معلوم كروماكة كاعده بركا دباؤاش نى مربع النج برو- ومن كروكه ايك كمعب فث لوب كاونك ١٩١ يونربو-اب (مبليرير اكونس)

قطعات أسطوانه

۸۸ - ایک نشور کی تراش ایک مربع ہے جس کا ہرسلع ۱۰ ہے۔ اس کو ۲۶ ایک قطرے ایک تھوں اُسطوا ہے انسان کے دونوں کے معاورایک و دونوں کے محاورایک و دونوں کے دونوں کے دراوی قائم پر کا شعے ہیں فیٹور کے اُس حصہ کا جو معاوم کر دجو اُسطوان سے اندر ہے۔ (سیب پورابونیٹس ڈ پادشن : فائیکنل) کر دجو اُسطوان میں ۲ پوڑا ایک محص اُسطوان میں ۲ پوڑا ایک محص

مربع دصنع کا سُوراخ اِس طرح کیا جائے کرسُوراخ کا محور اُسطوانہ کے محور کو 'راویْر قائنہ پر کا ٹے تو بتاؤ کرکس قدر اقرہ کا طا جائیگا ؟ (۳ = ۳۶۱۳۱۶)-[مرش کی ایجینیو: داخلہ] م ۵ \_\_\_ سوفٹ نصف تبط اور یہ فٹ طول کا ایک اُسطوانہ این گیرائی کے

• ۵ --- ۳ فٹ نصف تطرا در ۱۲ فٹ طول کا ایک اسطوانہ اپنی کہرائی کے ایک تہائی سے ایک تہائی کے ایک محدرانق سے متوازی ہے : اصطوافہ کا وزن معلوم کرو۔ (دُرُکی اپرسب آرڈینیٹ: داخلہ)

اطق

الدرونی قط ۲۲ ہے۔ (جامعہ پہبئی۔ ڈبلومان اگر بیلجی: دوسوا ۱ میخان)
اندرونی قط ۲۲ ہے۔ (جامعہ پہبئی۔ ڈبلومان آگر بیلجی: دوسوا ۱ میخان)
م دے۔ ایک اُسطوان نا حلقہ کا اندرونی قط (۵۶ انج اور بیرونی قط (۱۳۰ اِنج
ہے: حلقہ کا مجم اور اُس کا وزن ہوساب ۱۱۰۰۰ اونس نی کمعیب فٹ دریافت
کرو۔
(جامعہ بہئی۔ ایل۔ سی۔ اِی : جھلا امتحان)

س و \_ كسى أسطوانه نا صلقه كالجح دريا فت كرو-

(جامع عبنی - ال سی - ای : دوس امتحان)

م ۵ \_\_\_ ایک اسطوانه نا صلفه کا اوسط قطر ۱۸ ایخ اور وزن لیے ۱۰۳۰ اول میں ۱۰۰۰ اول کے ۱۳۰۰ اول کے ۱۳۰۰ کمعب ایخ ادر و اگراس کے ۱۲۰۰ کمعب ایخ ادر کا وزن ۱۰۰۰ اول ہے۔ (جاهعت کلکت، ۱۴ متحان ایف-ای) میں ایخ ادر کا وزن ۱۰۰۰ اول سے ۔ (جاهعت کلکت، ۱۴ متحان ایف-ای) کا کہ کے ۔ ایک اسطوانه نا حلقہ کا جم ۲۰۰۰ کمعب ایخ اور عمودی تراش کا نصف قطر ہائے : حلقہ کا طول دریا فت کرو۔

رسبايورا برنيس د پارنمنك: ١ متان ماهانه)

۲۵ \_\_\_ ۵۸ فضف قطر سے ایک متدیر باغ کے گرد باہر کی طرف کاریوں کے لئے مطرک بزانا مطلوب ہے۔ ۳۰ فیط عرض اور ۹ انج وبازت میں مطرک پڑتھر مجھوا یا جائیگا - ۲ روپیم نی ۱۰۰ کمعب نٹ سے مساب سے اس کی کیا لاگت ہوگی ؟ (دُرِکی) ابنیس : داخلہ) ٥٤ \_ م م كر قطرك ايا متدر قلعه كرد ايك خندق فعدوانا مطلوب مے خندق کے ایعاد حرب ذیل میں الاقی حصہ پرعوض ایک تم بر عرض مركز اور كمراني وكر: كمعب فط من كفدى بوئي جلكا جي دريا فت كرو-(مَاتُرَكُ الْجَيْلِو: داخلي) ۸۵ \_\_\_ ایک اسطوانه نماطقه کا جم ۱۰۰ کمعب انج اورطول ۲۰ انج مین : اندرونی تطرمعلوم کرو- (مُرش کی اپرسب آرڈ بنیف : داخلر) ٥٩ \_\_ أكرايك أيملن إني من ٢٥١٥ ٢٥١٥ مكعب الح بوستي بول توبتاؤ كه عم ١٣٥ مرا مرا وقبر كم ميدان بر ١١٤٥ الخ بارش سے اليے كت اللب كلينة بمر جائينگري كانجائش ١٠٠٠ عيلن سيه (جامعة آله آباد -انش ميڈيف) مع اللب سے ایک ستدین کے ذریعہ ۳۰ گرز فی منے کی رفتارے انی بہتا ہے۔ اگر ال کا قط ، ایج ہواور الاب ، بھڑ ید ہو کن ٧ فط ابعاد و الاستطيلي وضع كا بهوتو بتاؤ كركتني ديريس باني كي نظم سأسيج اُرْجائیگی ؟ (جامعت (لمآباد - انش میك بیث ) ۱۲ -- ۱ فن لمب ۲ فی ۱۱ ایخ اندرونی قطراور ایخ دبزلوج (جامعة (لمآباد - انش ميك يك) کے ٹل کا وزن معلوم کروجہ کہ لوہے کی کٹافتِ اضافی مواء یا اور ایک جمعب فط إنى كاوزن ١٠٠٠ اونس بوتا بعد (دُرْكَي ١ بخيلير: د ١ خسله) ۲۲ - تیرنے کے حوص کاطول ۲۰ گز اور عرض مرگز ہے۔اس کے ایک سرے پر م فٹ ۲ ایج گرائی تک انٹ ۲ ایج عرض اور ۹ ایج بندی کی سیرهیاں بنی ہوئی ہیں وحون سے تمام عرض رجھانی ہوئی ہیں۔ عیسم میرهیوں کے افتام کے بعد وعن کی تر دو مرسے مرب کی طرف وطالوب اور اس كا اتار دايس اب - بان كى ده مقدار تيان يس معلى كروجو وعن س اسكتى بعدب كه وه بحوا بكو اسو-(جامعة مدراس: امتحان بي-(ي) ايك كمعب فط النب سے إلى الح قطركا الد بنايا كيا ہے۔

اس کالول معلی مرد
(جامعۂ مدراس: امتحان بی۔ ای اندرونی مراس این بی۔ ای اندرونی مراس این بی۔ ای کاندرونی قطر اللہ این بیہ ہے۔ اس لی کوافٹ نصف قطر کے اسطوانہ کے کردرکھاگیا۔ بناؤ کہ اس میں کتنے کمعیب این بیٹا اور اس کو بنانے کے لئے کتے معیب این بیٹا اور اس کو بنانے کے لئے کتے کھیب این بیٹا اور اس کو بنانے کے لئے کتے کھیب این مرورت ہے۔ (جامعہ کلکت: امتحان ایف۔ ای ک

باب بست وسوم مخروط مضلع يابهم اورمخروط

١٣٢ - عن وطِمضلع ياهم متوى طول سے گوا ہوا ايد ايسا سم ہوتا ہے کہ ان میں کی ایک سطح جو اس کا قساعدہ کہلاتی ہے کوئی شکل متنقيم الاصناع ہوتی ہے اور باتی تمام

سطيس ايسے سلاث بوتے ہيں جن كا ایک مشترک داس قاعده کی سطے کے

بابرواقع ہوتا ہے -طرنی رخوں کے مشترک

راى كوفخ وط مصلع كالاس كيت ين-

مخ وط معنلع کے دارہے اس کے قاعدہ پر کھنے ہوئے عمو د کوفرور

مصلع كا ارتفاع كمنة بي -

راس اورقاعدہ کے وسطی نقط کو ملانے والاخط

(E) 30 7.

کا محود کہلا"ا۔۔۔ يس مزوط مضلع س أبج دع يس-

ابع حرع قاعده سط س راسس

س ن ارتفاع سے

س س کورسے

جب كسي مخرد طِ مضلع كا قاعده كو في متفاضكل برتو اس كو منتظم

مخ وطِ مصلع قائم مخ وطِ مصلع كهلا تاب حب كرراس سے قاعدہ نے ہو عرع عمود کایائیں قاعدہ کے نقطۂ وسطی پرنطبق ہوتا ہے ۔اگر ایسا رز زيو تو أسے ترجها مخروط مصلع كيتے ہيں۔ سي قائم منظم مخروط منلع كي ترجهي بلندى باارتفاع سيأس فلمثية کا طول مرادہے جوراس کو تاعدہ کے اسی آی صلع کے وسطی نقط سے ملاتا 一いっとっとい ن تامده ابج دع كانقط وكلي س ف ترقیمی لبندی یا ارتفاع ہے جب سي مخ وطِ مضلع كا قاعده كو ئي شلث بو ټو ايسے مخروط مضلع كو مثلثي مزوطِ مضلع يا ذواربعت السطوح ياچوسطي كت بين-مخ وط مضلع من بع عن وط مضلع كملاتات حب كرأس كا قاعده ايم مربع بوتاب المخسي مخز وطمضلع به الم ر ، مساسی مخ وطعملع ا اور اس طرح بقیہ کے لئے بھی تیاس کرلو-٤١١- مزوط مصلع کے قاعدہ کی نفدادِ اصلاع جب لا انتہا برصادی جاتی ہے اور ہرای ضلع کاطول لا انتہا چھوٹا ہوجا۔ اسے (اِس طرح كر قاعده كا اعاط بهيشة محدود رب، تو مخزوط مصلع كي سطح عن وطاكي سطح - Em 13 8 0%. يس سي وط كي تعريف إس طرح كي جاسكتي بيد كروه مخروط مصلح کی انتہائی صورت سے جس کے قاعدہ کے اصلاع کی تعداد لا انتہا بڑھا دی

مساحت اجمعته دوم، بابسبت سوم مخزوط مصنكع ادرمخروط گئی ہو اور ہونبلع کا طول لا انتہا چھو<sup>د</sup>ا کر دیا گیا ہو۔ مستدیر عنی وط کا قاعدہ ایک دائرہ ہوتا ہے۔ زادی قائر کے گرد سے ایک کے گردشلث قائم الزاويه كوكها إجائة أيك قائم مستدير عن وطرى سطح يسدا ہوتی ہے (رکھوشکل) ۔ ۱۳۸ - مخروط مصلع کی توریف میں اِس قدر توسیع کی جاسکتی ۔ ہے کہ ائس میں مخروط کی انتہائی صورت بھی شال ہوجائے ۔ اِس طرح کہ \_ هي وطمضلع ايك ايسامجميم بوتاب جس كا قاعده كوئي متري شكل بيدا ورجس كورخول كاتعين قاعده كي محيط كي متام نقاط كوقاعده کے باہر کے ایک مشترک نقط کو طالبے والے خطوط متنقیم سے ہوتا ہے یمنترک نقط اُس کا راس کہلاتا ہے ۔ مصر کاعظیم الشان مزوط مصلع چیوب (cheop) مربع مخوط مصلع کی عام ن واربعت البيطوح ياچو على عاجم معلوم كر ناجب كر

مادت (دعم دوم)! بابت وموم

اُس کا قاعد کا اور ارتفاع دیے هوئے هوں۔ فرض کروکد ۱ بع ایک بڑو طی ہے۔ جس کے قاعدہ اب ج کاناپ، رفیہ کی کسی اکائی کے لحاظ سے ق اور ارتفاع کا ناپ کسی مناظر طولی اکائی کے لیافا سے ع ہے۔

E ...

اب مطلوب یہ ہے کہ دا ہے کہ دا ہے کہ جم ف اور ع کی رقوم میں دریافت کیاجائے۔
منٹوراب ف کوکمل کروجس کا ایک مصد پرسطی دا ہے جے جیسا کشکل سے خلام ہے۔

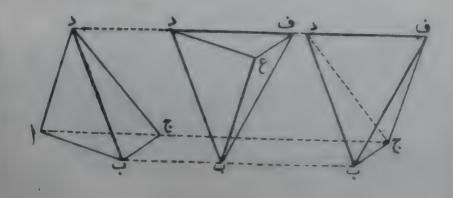
ب ف كولاؤ -

اب منوراب ف ذل کے نین مزوط مصلع سے بنا مرا زمن کیا جاسکتا

1-11-1

٧- بدع ف

アーチとシテ



اورورکم ابع = ۵دع ف

اس کے خروط مضلع داب ج اور ب دع ف کے شعلق فرض کیا جاستا ہے کہ ان سے قاعدے اور ارتفاع علیٰ معلیٰ واکس و وسرے ہے برابرہیں۔ بهر چونکه ۵ دج ف = ۵ ادج .... . اقلير سقاله اول سكل س اس کئے مخروط مضلع بد ف ج اور داب ج (یعنی ب ادج ) کے متعلق فرض کیاجا سکتاہیے کہ ان کے قاعدے اور ارتفاع علی معلیٰ ایک دوسرے کے برابر ہیں۔ لیکن مساوی قاعدول اور مساوی ارتفاع کے مخروط مصلع کے محب مساوی ہوتے ہیں۔ اس سے تین مخروط مصلع د اب ج سرع ف اور ب د ف ج کے جم ایک دوسرے کے مساوی ہیں۔ ن بوسطی داب ج کا جم ایس سنور اب ف کا جم = الله x ع كمعب أكاثيال!...ونعم ١٢٨ ایس قاعارہ ۔ پرسطی سے قاعدہ میں کی مربع اکا ٹیول کی تعداد کو ارتفاع یں کی تناظر طولی اکائیوں کی تعداد سے صرب دو ۔ تب اس ماصل ضرب کا ایک جہائی اُس کے جم میں تناظر کمعب اکا یئول کی تعداد کو ظاہر کرلگا۔ یا محتصراً - بوطی کا جم = از قاعده x ارتفاع ح' = باق ع • ا --- بونکه تنظم پوسطی کے راس سے قاعدہ پر سے عمو د کا قدم قاعدہ کا نقطۂ وسطی ہوتا ہے اور چوبکم منتظم چوسطی سے تمام طرنی رُخ مساوی اور سٹلتا ہے۔ مساوی الاصلاع ہوئے ہیں اس لیٹے یہ بر آسانی نابت ہوسکتا ہے کہ ۔ # 11 m 8 1 (1) ry. Tur = 2.6(1) له اس منله کی صداقت کرم ما دی قاعدوں اور ایک، ی ارتفاع دالے مخروط مصلع کے جم مسادی ہوتے ہیں؟ اقلیدس مقالددداز فتی سکل اسے اخذ ہوتی ہے۔ اس سے خابت ہوتہ ہے کرورا ایک ہی ارتفاع سے مخ وط مصنلے میں جن کے قاعدے کثیرالامنلاع ہیں دہی نبست ہوتی ہے جوان کے قامدوں کے رقبوں کی نبیت ہوتی سے

مطلب یہ ہے کس ایج

سى طيس ساكزرنے وا

متدبوں کے ذرید مجم کوشلنی مخروط اے مصلع میں تقیم کرو۔ ان تسب مخروط إئے مضلع کا ارتفاع وہی ع ہوگا اور اُن کے قب علاسے مثلثا वाग्वग्राविहरत्ये.

مخروط مفتلع اومخودنا

سے اگران مینوں سٹلٹوں کے رہے تق و در اور آرج کی کر الرتیب ين ووط إلى مضلع س طاب س طب جادر س طح دے گر ہوں آو۔

پس قاعدہ: مخوط مضلع کے قاعدہ میں کی مربع اکا یئوں کی تعداد کو آس کے ارتفاع میں کی مربع اکا یئوں کی تعداد کو آس کے ارتفاع میں کی تمناظر لولی اکا یئوں کی تعداد سے ضرب دو۔ تب حاصل ضرب کا ایک تہائی اُس کے جم میں کی تمناظر کمعب اکا یئوں کی تعداد کوظا ہر کر دیگا۔

یا مختصر آس۔

یا مختصر

 $\frac{z}{z} = \frac{z}{z} + \frac{z}{z} = \frac{z}{z}$   $|c(x)| = \frac{z}{z} = \frac{z}{z} = \frac{z}{z} = \frac{z}{z}$ 

الم استخروط

یہاں مخروط مصلع کے قاعدہ کی تعدا دا صلاع کولا انتہا بڑھا ریا جا ہا ہے۔ لیکن مخروط مصلع کے قاعدہ کی تعدادِ اصلاع کچھ ہی کیوں شہرہ :۔۔ من المصلاح کے اعدہ کی تعدادِ اسلام کچھ ہی کیوں شہرہ :۔۔

مخردط مضلے کا جم اس × تاعدہ × ارتفاع .... دفعہ ام

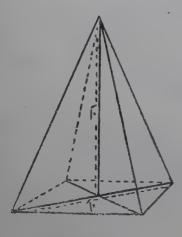
ع = ہے ہی علی علی استارے: مستان پر مخروط کے لئے یہ ضابطہ اس طرح لکھا جا سکتا ہے: حہال رطولی اکا ٹیال = قاعدہ کا نصف قطر
ماہم ا ۔۔۔ مخروط مصلع یا مخروط کے اُسی
فطعہ برعور کر وجور اس میں سے گزرنے والی
مستوی سلح سے کا طاجا تا ہے ۔ مخروط مضلع
اور مخروط کے شعلق محرکجہ کہا گیا ہے اس سے
اور مخروط کے شعلق محرکجہ کہا گیا ہے اس سے
نیتی نکلتا ہے کہ ایسے قطعہ کا محرفہ لی سے
نیتی نکلتا ہے کہ ایسے قطعہ کا محرفہ لی سے
نیتی نکلتا ہے کہ ایسے قطعہ کا محرفہ لی سے

ح = القي ع جهال ق مربع اكائيال = قطعه كا عده كارقبه اورع طولي اكائيال = قطعه كا ارتفاع

صابط سيمتعين برسكتاب

توليحي مثاليس

-144



مثال ما: . ا نظ ارتفاع کے آیک قائم می وط مصلع کا قاعدہ آیک ایسا مربع رسے جس کا وتر ، ا فیط ہے: اس کا جم دریافت کرو۔

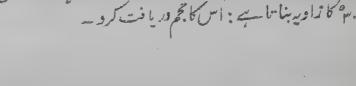
مجم دریافت کرو۔
مخروط مصلع کا مجم = الله قلع کا محم اسما معب فیط میں میں دفعہ اسما ا

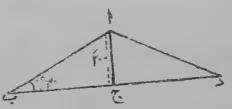
Mis......

1 The 19

ن. مخووطِ مضلع کا جمح =  $\frac{1}{4}$  \*  $\frac{1$ 

ن تخوط مضلع کا جم = به × ۳×۱۰× س × ۹۰۰ معب فسط المران کا جم المحمد المح





فرمن کردکر اب ج د سے تحوریں سے گزرنے والی مزوط کی انتصابی تراش تعب بیر ہوتی ہے ۔

تب بج = مزوط کے قاعدہ کانصف تط = مناب نے نے ... دند عوام مورط کا تجسم = ہا تی ع کمعب نبط . . . . . . . . . . . . . . . . . . وفد مهما

... ال عال ق = T = في الم

ن خروط کا جم = ب × ۲۲ × ۱۰۰۰ × ۲۰۰۰ معب نط

= لم عدم الما وم معب فط

متال یم اس بڑے سے بڑے قائم مخروط كالجم دريانت كروجوايك ايس كمعبين كالماجا سكتاب جس كأكناره س فط سب

-(1717/127)

مزوط كا قاعده كمعب كاكب أن كا اندروني دائرہ ہوگا ورمخ وط كارتفاع كمعب كے كنارہ

ے برابر ہوگا ۔

مزوط كا جم = الله ق ×ع كعب نث دفعر مهما

"(ナ) カー (ゆ リタ

: مخوط كا مجم = لم به × مل محب نظ

= ١١١١١٣ كف نط

= ۲۰۱۸۷ علی

مثال من ایک مرسی مزوط مصلع کے قامرہ کا رتبہ م م است اور اُس کے طرفی

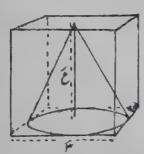
رُفول من سے ایک کا رقبہ و الا ہے:

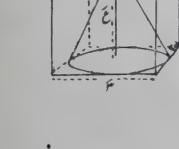
ي وط مصلع كا جح معلوم كرو-ز صل کرو کر مشکل میں ا**ب د** 

سے تخروط مصلع تعبیر ہوتا ہے۔

تبس ابدكاجم= الله قاع كمعب اكاتيال . . . . ، دفع الم

جهال في = ۱۵۳ ج





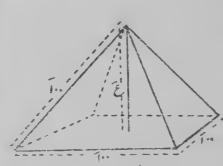


41

مخروط مصلع اورمخرها

ع = س ويس فولى اكاينول كى تعداد ومن كروكم اب يس وطولي اكائيال بي بهر + 1 × س ف = 9 له مربع اكائيال ن س ف = ۱ او الواكائيال : وف = ١٦ و في المانيان اب سوء اس فا - ف وا س و= ١٦٥-٤٢ في اكانيال しにとります 「二= = الم طولي اكائيان ورط مصلے کا جم = الح تیال معب اکا ٹیال ا = ١٦٢ كعب الاثيال مثال ١٠ ايك مزوط مصلح كا قاعده ايك تنطيل بي حلى كا اب م فك مد من فث ب اور راس سے دونوں بڑے منلعوں تک کی ترجھی لبندي ه نف س : ايك اليس السطوا كالأفاع معلی گروجس کے قاعدہ کا نصف تطر ۱ ای ہے اور جى كى جمامت مخروط مضلع كى جمامت كى نصف ع-مخ دولمصلل كا فجم = الله ق ع كمعب نط はそれではます= サースリストー = ١١ ١١ - كعي قث

: مطلوبه اسطواز کا ججم = ۱ آل کعب فط اس سئے آگرلا نط = مطلوبہ اسطوام کا ارتفاع TV = U. (+) . T 4/1 = مطلوبه أسلوانه كاارتفاع = ١٥٢٣ فك تقريباً حنال یج: ۵ اور ۱۲ انج طول کے اصلاع والے ایک مثلث قائم الزاویے کو اُس کے وترکے گردگھایا جاتا ہے: اس طرح بننے والے دوہرے نووط کا جج دریا نت کرو۔ (アチドリカミカ) وض كروكم إب ج مثلث قائم الزاوير زادية فائمرب سے وتھ اچ برعمورب د نكالو-زمن روك ب دكان لا الخب-تب تشابشلنات سے اج کے گرداب جی گردش سے بننے والے ووبيراع مخ وط كالمجم = ( ال ق ع + ال ق ع كمدب الخ دفوي ١١ جال في ٣= ١٤ 「一」」」「一 #= E+E ووبرس ووط كا في = الم ال الله المعب فك : ١٩٤٩٩ مَعي وَلِي مثال يد: مربع قاعده يرايك تخزوط مصلع كركناره كاطول .. إ نسط اور قاعده كا برصلع بهي ١٠٠ في ٢٠٠ في ٢٠٠ أس كي مبياوي الجحراكي كحرب كاكناده ملوم



نرض کروکرع نٹ = مخ وط مصلح کا ارتفاع تب مخ وط مصلح کا ارتفاع تب مخ وط مصلح کا جم =  $\frac{1}{7}$  ق ع کعب فٹ ... وفد انها جمال ق =  $\frac{1}{7}$  تب مخ وط مصلح کا جمال ق =  $\frac{1}{7}$  تب مناب اوع الله ع =  $\frac{1}{7}$  تب رفعات الاوع الله ع =  $\frac{1}{7}$  تب رفعات الاوع الله ع =  $\frac{1}{7}$  تب رفعات الاوع الله ع

= ا ... ه جودوامضلع کا جم = البدر آ ... م کعب نظ اب فرمن کردکه لا فظ عمطلوب کمدب کا کناره

A... XTI.X = M-

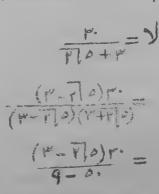
٠٠ إ = ١٤٤٤ تقريباً

اس کئے مطلوبہ کمعب کا گذارہ = عواد فٹ تقریباً مثال سائے: اُس بڑے سے بڑے کمعب کا کنارہ دریافت کروجدا کی۔ ایسے قائم مخزوط میں سے کا ٹاہا سکتا ہے جس کا ارتفاع ۱۰ اینے اور تا اینوں کا قطر ہ اپنے ہے۔ اِس طُرح کہ کمعب کا قاعدہ مخزوط سے قاعدہ پُرنطبتی رہے۔

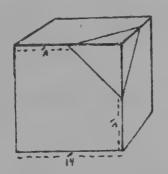
زمن کروکه لا ایخ = کمعب کا کناره تب لا ۱۶ ایخ = کمعب کافتر ... وفد ، ا اس لیئے تشابر مثلثات سے ۔

١٠٠٠ ١٠٠ ٢ ١٠٠ ٢ ١٠٠ ٢٠٠٠

Y1960 =



اس کیے بڑے ہے بڑے کمعب کے ہرکدارہ کا اب مه و و و اپنے ہے۔ حشال سلے ائس مخر دطرمصلع کا جم دریا فت کر وجو ۱۱ فٹ کنارہ دالے کمعب کوایسی ستری سطح سے کا شنے سے نبتا ہے جو کمعب کے میں تصلہ کناروں کی شفیف کرتی ہے۔



اگریم بین ساوی الساقین شافات قانم الزاویز ایجی کے برمساوی صلع کا ناب هرفث ہے ہیں سے کسی ایک کو مخود طرمصنطع کا قاعدہ تصور کریں تو اس مخود طمصنطع کا ارتفاع مرفط ہوگا ور اس کا جم = لم ق ع کمعیف . . . وفد ۱۹۹۱ جہاں ق = لم یدم ا

. اور ع = ۸

اس ليم مخ وطِ مضلع كاجم = له بدلم بدم بعب فث = له مركعب نث

المثلهمنبري

(جب بک کرفاص طورسے ذکر نکیا جائے ہے = اللہ )

ذل کے ابعاد کے مخوط ہائے مضلع کے جم دریا فت کرو۔

اسے قاعدہ و مربع فٹ ہم یہ مربع انج ' ارتفاع ہم فٹ ہ انچ ۔

سے قاعدہ ۱۱ مربع فٹ ۱۰ مربع انج ' ارتفاع ہم فٹ ہ انج ۔

سے قاعدہ ۱۹ مربع فٹ ۱۸ مربع فٹ ۱۲ انج ۔

ہے قاعدہ ۱۳ مربع کُر ہم مربع فٹ ۱۱۲ مربع انج ' ارتفاع ہم گرز ۲ فٹ ۱ انج ہم ۔

زمل کے ابعاد کے مخوط ہائے مضلع کے ارتفاع معلوم کرو:۔

م جم محب فٹ ۱۱۲ محب انج ' قاعدہ ۲ مربع فٹ ۱۸ مربع انج ۔

ہم ہم مربع انج ۔

ہم المجب گرز ۱۹ محب فٹ ۱۱۶ محب انج ' قاعدہ کے مربع فی ۱۲ مربع انج ۔

ہم المجب گرز ۱۹ محب فٹ ۱۱۸ محب انج ' قاعدہ کے مربع فی ۱۲ مربع انج ۔

ہم المجب گرز ۱۹ محب فٹ ۱۱۸ محب انج ' قاعدہ کے مربع فی ۱۸ مربع انج ۔

ہم المجب گرز ۱۹ محب فٹ ۱۱۸ محب انج ' قاعدہ کے مربع فی ۱۸ مربع انج ۔

ہم المجب گرز ۱۹ محب فٹ ۱۱۸ محب انج ' قاعدہ کے قاعدہ لے کے مربع فٹ ۱۲ مربع انج ۔

ہم المجب گرز کے ابعاد کے مخوط ہم شمصلع کے قاعدہ ل کے دیجہ دریا فت کرعہ۔

ویل کے ابعاد کے مخوط ہم شمصلع کے قاعدہ ل کے دیجہ دریا فت کرعہ۔

\_ أيك قائم مخ وط كالمكوين خط ا فق كے سابھ ، وكازا ويد بنا تا ہے - اگر مخسروط كاارتفاع ما افي بوتواس كا جح دريانت كروب ا ایک مخ وط مصلع کا قاعدہ م و فیٹ صلع کا ایک مربع ہے اور اس سے ترقي ارتفاع كا ناب دم في سي - جم معلوم كرو-٢٤ \_ أس برك سے برك قائم تؤوط كا جج دريا فت كرو جوايك ايسے كعب ميں سے كافاجا سكتاب جس كاكناره ٥ التي به (١٣ = ١١١١ ١٦) -- اُس بڑے ہے بڑے کمعب کا کنارہ دریا فت کرو بھوایک ایسے قسائم محروط میں سے حس کی بلندی افت اور قاعدہ کا قطرم ایج سے اِس طرح کا لما جاسکتا ے کہ عب کا قاعدہ تخوط کے قاعدہ برنطبق رہے۔ ٢٩ کسي فزوط مضلع کا قاعدہ ایک ایسامتطیل سے جس کے ابعاد ہم گزی فسط م انیج اور سرگز افت نیں اور راس سے فاعدہ کے دولوں چھوٹے اصلاع کا۔ کی ترجھی مبندي مركز افك النج مع جمعلوم كرو-· س \_ ايك قائم يخوط مصلع كا عده ١ انج صلع كا أيد سطیس افت کے ساتھ ، مو کا زادیہ بناتی ہیں: جم معلوم کرد F 500 1. 59 1 1 1 1 9 11 9 11 9 11 ا \_ ایک الیسی تزوط منابع کا گروریافت کروجی کا قاعده به فنط منابع کا منظ مدس اورجس كارتفاع م في بيد (جامعين بيني لحباد مان كينايي : دوسرامتحان) -ایک کمدب (کناره از) میں سے ایک ایسی ستوی طح سے ذرایع آیک و وطبیضلع کا اگیا ہے جو کھوپ کے ایک کونے پر طنے والے تین کناروں کے انتباني مقانول سي سيرز دني سع كالميوت مخ وط معنله كا جم معلى كرور را ) ا كم عزد طِ مصلع ك ووط في رفع شلفات مسادى الاصلاع بن ادردوسم وو كوخ شلقات قام الزاويين : مزوط مصلع كاجم معلوم روارساوي الاصلاع

رسب يورابونيس ديارىنك: امتحان سالان ٨٧ \_ ايك مثلث قاغم الزاوييس تحلقيه زاوي ٩٠ اور ٣٠ بي ايخ وترکے گردگردش کرتا ہے وترکا طول ۱۱ ایج ہے: اس طرح بنینے والے مجنم کا جم معلوم کرور اسب پور ا پرینٹس ڈیارٹمنٹ : فیا مینل) ٢٩ - ايك شلت قائم الزاديه كے اصلاع بالترتيب سرائج اور سم انجين: وترك كردمتلت ك محمومة سع جود وبرا تخروط نتاب أس كالجحمعلوم كرو-رسب بور اپريشس دياريمنك: فائينل) رُوْكِي الْجِيسِين: د اخِل • س - بتاؤكر أس برتن ميں كتنے گيلن سما سكتے ہيں جواليسے قائم مخ وطی شا کا ہے جس کے قاعدہ کا نصف قطر مرفظ اور ترجیمارُخ یما فٹ سے۔ اس - اُس مخروط کی جسا مت معلوم کروجس کے فاعدہ کا قطر س فی اورار تفاع الما - أس برے سے را ہے کعب کا صلع معلوم روجوایک ایسے قائم مخز وط میں سے جس كاارتفاع ١٠ الج اور قاعده كاقطر ٢ الج بي إس طرح كالماجاً سكتاب كم کمدب کا قاعدہ مخزوط کے قاعدہ پر منطبق رہے۔ سس - ایک ترجعے مخزوط کے قاعدہ کا قطر ۱۱ فط از یادہ سے زیادہ ترجعی ملبندی ٢٠ فْكُ اور كُمْ سِي مُحْمِ يَرْحِيمِي لمبندي ه ا فْطْ سِينَ : مُخْرُوطُ كَيْ حِمَامِت مَطْلُوبْ سِينَ رُرُكِي إبرسب آردُنييك؛ داخلي بم س - ٥ أرميول كى ر إنش سے ليے ايك مخروطي وصنع كا ديره مطلوب ہے-شخص کوزین براا مربع فط جگه اورسانس لینے کے لیے .. ا کمعب فط ہواکی صرورت ہے: عمودی ارتفاع، ترجیا ارتفاع اور در ماعوض معلوم کرد۔ ٥٧ - ايك مخوط كارتفاع ١٥ ايخ اورتاعده كالصف قطر ١ الخ بي اس كوهيك اس قدرترا شا آیاکہ وہ مثلث مساوی الاصلاع قاعدہ سے آیا مخوط مصلع میں الول يوك : تراش كرنكان بوع عصر كا في معلى كرو-رُرْي ( بخليس: قَالَيْنَالِ

## باب بسن وجبهارم فانها ومثلثی منشور کا زر جیام قطوع

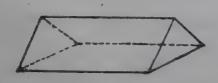
۵۷۱ - فانه ایک ایسامجسم ہے جو بانج مُستوی طحول سے گیرا بُوا ہوتا ہے ۔ اِن طحوں میں سے ایک سطح استنظیل ہوتی ہے اور اُسے قاعدہ کہتے ہیں رونوں سرے مثلثات اور دورُخ اٹسکال منوف ہوتے ہیں -

وہ خطاص پر فانہ کے دونوں رُخ متقاطع ہوتے ہیں اس کوف انہ کا کنا رکا کہتے ہیں -یہ توظاہر سے کرف انہ کا

یہ تو طاہر ہے کہ متازی ہوگا۔ کنارہ اُس کے قاعدہ کے متوازی ہوگا۔ فانہ کے کنارہ اور قاعدہ

کے درمیان جموری فاصلہ ہوتا ہے اُسے ناد کا اس تفاع کہتے ہیں -

بسفار اب ج دع ف میں۔ اب ج د مسطیل قاعدہ ہے ادع اور ب ج ف شکنی سرے ہیں اب فع اور ج دع ف سخوف نارُخ ہیں



ع ف کنارہ ہے۔ ک لا ارتفاع ہے۔ جب ی فانہ کے کنارہ کاطول اس کے تاعدہ نے طول کے برابر ہوتاہیے

مساحت (حصه دوم) بالبست وجهادم نانهاورمتكتى فمنتوركا يرحيص مقطيع تو فانه مثلثی مشورین جا ما ہے۔ وقعه ١٢١ سمار ۳۲ ١٧١١- فانه كاجعمعلوم كرناجب كراس كاكنارة ارتفاع ا ورقاعله كاطول وعراض ديه هوے هوں۔ فرص روكر إب ج دع ف ايك فانه سے اور اس كے كنارہ ع ف كا اب كسى طولى اكائى كے كاظ سے ك اور ارتفاع كى لا أسى خطى اكائى كے لحاظ سے ع ہے۔ نیز فرض کرد کو اس کے قاعدہ کا طول اب اورعرض ب ج کے ناب أسى طولى أكافي مع لحاظ مع بالترتيب ل اورض بيس -ابج دع ف كاجر J 5 5 ک ع کی آل اور من کی رقوم یں دریافت کیاجائے۔ فيظادع کے متوازی مستوی سطح طینے۔ اس سے فانہ مشور ا دف اور مخروط مصلع ف ق ب م م منتسم موجا البع-اب مشور ادف كاجم عمودى تراش برطول . = اعض ×ك كعب اكائيان يز مخروط مصلع ف ق ب جم ع = الم قاعده x ارتفاع = ال (ل - ك) ع × ص

: فانكارهم = { العض حك + الحرال ك عمن } كعب اكا يمال :: = ( عن ك + اعن ل - اعن ك كعب إكانيان = عض (۱ ل + ک) کعب اکائیال فاننككناده ميسكى طولى أكائيون كى تعدادمير قاعد ہے طول میں ان ہی طوبی آکا نیوں کی تعب ارکا دوچنال جمع كرو-هي إس حاصل جمع كوان بي طولي أكانيون کے لحاظ سے فانہ کے قاعدہ کے عرض اور ارتفاع کے حاصل ضرب کے چھٹے حص سے صنب دو - بت یہ حاصل ضرب متناظم کھی اکائیوں میں فانہ کے جم القبیر فاذكا جم = قاعده كاعرض بدفانه كاارتفاع x(7 x قاعده كاطول + فانكاكناره) (J+Jr) UE = T اِس امرکا یا در کھینا نہایت صروری ہے کہ فانہ کے تاعدہ کے طول سے ہمیشہ اُس کا وہ بُعد مُراد ہوتا ہے جو فانہ کے کنارہ کے متوازی ہوتا مؤدا: بوركر عمن مربع الاثنال =عودى تراش كارتبد اسياس قاعده كو مختمراً اس طرح بهي لكها جاسكتا سيع: -

فاندا ورشلتي متنور كايرحيصامقطوع 10 فانكاجم \_ عمورى تراش كاربم × ( ٢ × قاعده كاطول + فانكاكناره) (J+U+) = = 7 نوٹ : جب سی فانہ کاکنارہ قاعدہ سے لما ہوتا ہے تو منور کی تھیل کرنے کے بعدنا بت كياجا سكتابي كراس صورت یں بھی اُسی صنابط کا اطلاق ہوتا ہے۔ یہ منورايسابهوتاب كدفانه أس كاايك حصه ہوگا جیسا کرشکل سے ظاہرے ۔ منور کی تکمیل کے بعدفانے کے جم کے متعلق اِس طرح تصوركيا جائيگاكه ده مشورا درايك مزدط مفلع کے جمول کے فن ف کے رابرے صورتفاص ۱۷- سکی مشور اس صورت میں فانہ کا گنارہ = قاعدہ کاطول ن مفورشلٹی کا جم = غض (۲ ل + ک) معب اکامیا جہال ک = ل یعنی منورتانی کا جم = عض بدا کا میاں

= عض بدل کمعب اکا میاں

= ق ل کمعب اکا میاں

جہال ق = عموری تراش میں مربع اکا میوں کی تعداور فعہ ۱۳۰ میں یہی

نتجہ طامل کیا جا چکا ہے ۔

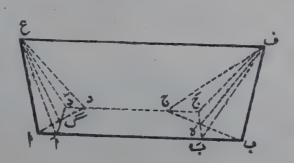
نتجہ طامل کیا جا چکا ہے ۔

اشکال بھی مشر کے بہول جن کا قاعدہ بجائے مستطیل سے کوئی شکل انسکال بھی مشر کے بہول جن کا قاعدہ بجائے مستطیل سے کوئی شکل منحی ف ہو۔

منحی ف ہو۔

یڈنا بٹ کیا جا سکتا ہے کہ ایسے فائد کا جم اس کنارہ اور ارتفاع یہ اسکان میں اور ارتفاع میں اسکتا ہے کہ ایسے فائد کا جم اس کنارہ اور ارتفاع

یہ نابت کیا جا سکتا ہے کہ ایسے نانہ کا جم اسی کنارہ اور ارتفاع کے مسلط ہی تامیدہ والے ایسے فانہ کا جم اسی کنارہ اور ارتفاع کے مسلط ہی تامیدہ والے ایسے فانہ کے جم کے مسادی ہے اورطول منحوف قاعدہ کے مسادی ہے اورطول منحوف قاعدہ کے متوازی اصلاع کے جم عمر کے نصف کے مسادی ہے۔



ناندا بج دع ف برغور کردجی کا قاعده اب ج د ایک شکل منون ہے۔ اد اور بج کے نقاطِ تنصیف گ اور کا یس سے اب پر اک اور بج عمور نکالوجو دج یا دج میرودہ سے نقاطِ کے اور بج پر میں۔ فانه ادرشلني نمشوركا يزحيها مقلوع

أع كع كو ف كو ف كو ف كو فاؤ ـ تب چوبکه مساوی قاعدوں اور مساوی ارتفاع کے مخروط ہائے صلع ن نادابج دع ف كاجم = ناداب ج دع ف كاجم منون نا قاعدہ کے فانہ کا جم = عض (ال بال بال عب الائیاں جهال ل منحرف منا قاعده أعدمتوازي اصلاع كے مجموعه كي نصف میں کھولی آگا ٹیوں کی تعداد ہے یاں ملک المیاں اللہ کے نوانہ کے متعلق اس طرح ۱۲۹ - منحرف نا قاعدہ کے نوانہ کے متعلق اس طرح تصورکیا جاسکتا ہے کہ وہ شائی منشور کا ترجیما مقطوع ہے بینی نشورشلنی کا ایسا حصہ ہے جود د کا کا سطور کے مِثلاً فاء ١ بجدع ف كوسشلني منورك وك ل من كارتيها مقطوع تصوركيا

جاسکتاہے۔ اگرناندابجدع ف کے عین متوازی کناروں کے ناپ ایک ہی طولی ا کائی کے لحاظ سے الترتیب کی کئے کہ ہوں تو 7 = 300 (10 + Z) ير مب ول المدراجات كرسكة بن: -

1 - J - J

5= 5

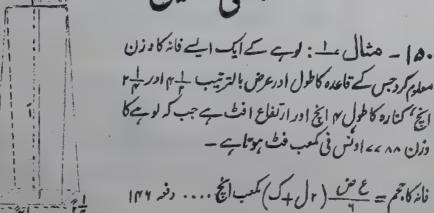
اورصابط إس طرح لكهاجا سكتاب: -

 $\mathcal{L}_{+}\mathcal{L}$ 

يس قاعده \_

فان (یامثلیمنشورکترچےمقطوع) کی عمودی تراش میں کی مربع اکائیوں کی تعدادکومتوازی کنادوں کے اوسططول میں کی متناظی طولی اکائیوں کی تعداد سے ضرب دو کتب آس حاصل میں ب سے جمع میں متناظی مکعب اکائیوں کی تعداد

حاصل هوئي-با اختصاراً-

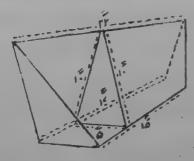


: نادکاوزن = به ۱۲۸ مریک اوش : دادی اوش

= 17 اونس مثال مل: ایک مثلثی نشور کے آخوں کے عرض ہم کم اور ۱ فط میں - ۱ نبط والا گرخ ۲۰ فیط لمباً متطیل ہے لیکن مثور کا دوسراکنارہ صرف ۱۲ فیٹ لمباہے مجمع معلوم کرد۔

 $\frac{d}{d} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \times \frac{1$ 

- C 10 =



سے دوچند ہیں اور حبی کا اماطہ ۲۵ اپنے ہے۔ نیز فائے کے تین متوازی کنارے بالتر تیب ۱۵ اپنے اس کا جم معلوم کرو۔ اور ۲۲ اپنے ہیں: اُس کا جم معلوم کرو۔ وض کروکہ لا اپنے = عرضی ٹراش کا قاعدہ تب لا + ۲ لا + ۲ لا = ۲۵

فانداد رشلني نمشوركا ترجيهامقطوع

ن فانك الجم = عن ( بل + ك) كعب الخ . . . . . وفو ١٢٨ . . . . . وفو ١٢٨

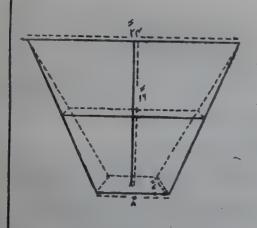
 $|\gamma_{1}| = |\gamma_{2}| = |\gamma_{1}| - |\gamma_{2}| = |\gamma_{2}| = |\gamma_{1}| - |\gamma_{2}| = |\gamma_{2}| = |\gamma_{1}| = |\gamma_{2}| = |\gamma_{1}| = |\gamma_{2}| = |\gamma_{2}| = |\gamma_{1}| = |\gamma_{2}| = |\gamma_{2}| = |\gamma_{1}| = |\gamma_{2}| = |\gamma_{$ 

 $rr = \sqrt{\frac{1+6}{r}} = 0$ 

= مراح × ۲۵ کعب اغ

= عود ۳۵ مکتب انج س ایم نام کاران مهر انخ

مثال میں: ایک فانہ کا کنارہ ۱۲ ایخ کو تاعدہ کا طول مرایخ کون مرائع اور ارتفاع استال میں۔ ایک اور ارتفاع اور ارتفاع اور انتفاع انتفاع



ایک متوی سطح کے دریو نانکورد حمول ایک متوی سطح کے دریو نانکورد حمول منتقسم کیا گیا۔ ہرایک حصہ کا جسم معلق کرو۔

تام فاندكا جم = عض (ال بل) كعب النج . . . وفد ۱۲۹

جمال فن = عرب عدا ك = مك = ١١٠ ك = ١٢٠ . د الما ما معلى المعلى ا

= ٢ ٢٩٤ كمعب اليخ

ستری طے سے مقطع ہونے والے مجھوٹے فائکا جم = عمل (ال + ک) کمب انج دفعا ۱۲ ال

rr = 51 1+ rr = 0 1 1 = E + = 10 Ulq.

نانه اورشلني تمثوركا ترحيها مقطوع

: يجموع فاذكا جم = حدده كعب الح = ا۲۱ کمعب ایخ ن يُور عنان كي بقيمه كا جح = الم معب الخ مثال عه: ایک الیسی بیشت کوه کے درمیان سے مطرک سے لئے کانی کروا اسطلو ہے جس کا ڈھال ایک طرنب هین ا اورد وسری طرف دهمال ٣ يس الم كيشيط كوه كالمندرين نقط سطح تياري سے ١٠٠ نسب لمندب - مطرك كاعرض بي اورکٹائی کے بازودں کا اُتار ایں اے - بتاؤ کرٹرک کی تیاری کے لئے ہ روپرے في ١٠٠٠ كعب فث سع كما لاگت ہوگی ہ . جیسا ک<sup>نسکل</sup> سے طاہر ہے کٹائی ذیل سے ابعاد کا ایک نا ندمعلوم ہوتی ہے: قاعده كاعرض = ( الله + الله ) فث = سيد نث تاعده كاطول = ٢٠ من ارتفاع = ١٠٠ فط po (1: + 1: +1.)= = ۱۲۰ فث ن كنائى كى جمارت = عن (ال باك) كعب ندف بران ص = المان ع = ۱۰۰ ل = ۱۲۰ = مان م اس سے کٹائی کی لاگت = اسم الم × (۱۲۰+۴۰) × مروبے

= الدوي الزيان

## المشله تمبري سهم

ا ــ ايك فانكاكناده ١٨ ايخ وعده كاطول ١٥ ايخ اورقاعده كاعض ٩ ايخ اورف انكا

ارتفاع ١١ ایج ہے: جم معلوم کرد۔

م \_ ایک فانه کا کناره م نکث و اینج او قاعده کاطول م فی اور قاعده کاعوض افد سر ایخ

اور فانكارتفاع افي و انج ب- جمعلوم كرو -

سم - ایک فارکاکناره افت مرائح اورکناره برعلی القوائم سطح سے فارکی تراش کا رقب ا مربع فط بے: ججمعلوم کرواگر قاعده کا طول ۲ فیط بو -

مم - كناره برعلى القوائم سطح سے ایک فائد كی تراش مر اینج صناع كامتناث سیاوی الاصلاع ہے: جحرمعلوم كر واگر فائه كاكناره ۱۸ اپنج اور تاعده كالحول ۲۱ اپنج برو-

جو عموم مرواره ده ما ده مهابي اوره عده والماريخ المربع بعدان كاارتفاع ۱۱ انج اوركناره ۱۲ انج بيد م

. ج معلم کرو -

۱ - ایک فائد ناخندق کاعرض الائ حصد پر یه نشا در اس کاطول ۳۰ گریسے - تئر پرکناده کا طول ۲۰ گرزید - تئر پرکناده کا طول ۲۰ گرز اورخندق کاعمق ۹ فش ب : کھودکرنگالی ہوئی مٹی کا دزن ۹۵ پونڈ مبو -

ے ۔ کسی منشور کے ایسے مقطوع کا جج معلوم کروجس کی عمد دی تراش س فیطے ضلع کا مشلب ہے۔ مساوی الاصلاع ہے اورجس کے تین متوازی کمناروں کا جموعہ ۱۲ فٹ ہے۔

## سوالات امتحانات من

ا۔ ایک فاد کے کنارہ کا طول ہے داننے ، قاعدہ کا طول سر آنج اور آسس کا عرض مرائج اور فائد کا ارتفاع مرائج ہے: اس کا جم معلوم کرو۔

رجامعۂ جبئی۔ ڈپلوماآ ٹ آگر پیکلجے: دُوسل استحان (جامعۂ جبئی۔ ڈپلوماآ ٹ آگر پیکلجے: دُوسل استحان)

ایک ایسے فانہ کا جم معلوم کروجس کے قاعدہ کا طول اور عرض بالترتیب

ے تیں جصول میں منقسم کیا گیا۔ ہرایک حصر کا جحر معلوم کرو۔ (سببورايرينش دپارمسك: المتحان ماهان) 9 \_ ایک نا نه کاکناره و فطع تاعده کاطول و فط اورعرض م فط اورفا نه کا ارتفاع ١-١ فف: جمعلوم كرو (مُنْ كى انجينيو: د اخله) ١٠ - ايك فانه كاكناره ٢٥ أنج اور قاعده كاطول ٢٢ انج ب اوركناده برعلى القوائم سطح ہے فانہ کی تراش ۱۰ اپنج صلع کا شلث مساوی الاصلاع ہے : ججم علوم کرو (وركى ابرسب آرفينيك: دالخلى) اا - اع، ب ف، ج ك دلا أيك كمعب نك لكؤى ك انتصابي كنار ادرابج دع ف كه أس كمتوازى الائن رُخ بي- ابي اسے ، ایخ کے فاصلہ پر ایک نقط م اور ادیس اسے د اپنج کے فاصلہ يراك نقط ن لي كيّ - كعب كالك مصرم ف اك يس سي كرد والىستوى سطحسے اور پھراس كاايك دوسراخصه كالاك يس سے گزرے والی ستوی سطح سے کاف لیاگیا۔ اُن بین صول سے مجم معلوم کرو جن من وه كمعب إس طرح تقسم بوجا است - (إسفاف كالج) مثلتي منثور كالمقطوع ١٢ - ايك نشور كا قاعده م الخ صلع كا أيك مثلث مساوى الاصلام ب أس مجبركا بحم معلوم كروجواك منتوركا ايك محوااس طرح كاك لينے سے حال ہوتا ہے کہ اس سے متوازی کناروں کا مجموعہ ۲۲ ایخ ہو-(سب بورايينش ديارشنك: ١ مخان ماهاد)

سوا۔ ایک فان کا قاعدہ ۱۵ ایخ صلع کا مربع ہے۔ کنارہ ۲۲ ایخ اورف ایکا ارتفاع ۲۲ ایخ ہے: جم بعلوم کرو-

( رُرُكَى الجينير: فائينل)

بابرت

قائم تنظم شوركة رجع قطوع اورقائم سدير المطوانة كترجيع مقطوع

اما - منشود کے ترجیح مقطوع سے ننور کا وہ حصہ مراد ہے جوایک دوسر سے زادیہ بنانے والی سنوی طحول سے

ع تر جھے قطوع کے اور کا دہ صدر کے عور کا دہ صدر کے عور کا دہ صدر کے عطوع کے اور کا دہ صدر کے انسان کا میں انسان کے انسان کی انسان کی میں کا انسان کی کا میں کے انسان کی کے ا

درمیان واقع برتا ہے۔

منور کے ترکی تطوع مقلوع کے طول سے منٹور کے محور کا دہ عمہ مراد ہے جو دونوں اُل سطوں کے درمیان برتا ہے۔

درمیان برتا ہے ۔

برس حرک طول ہے ۔

اب ج دکا طول ہے ۔

المستلك ٢

الم الم الم عمودی تواش کای قبر اوراس کا طول دیے جب کداس کا طول دیے معدودی تواش کای قبر اوراس کا طول دیے معدودی و الم فائم فتظم فتورکا ایک ترجها مقلوع ہے

اوراس کی عمودی تراش اب ج دع کا
ناپ کسی مربع اکائی کے لیاظ سے ق
اور اُس کے طول و و کاناب تعناظ
طری اکائی کے لیاظ سے ل ہے۔
طری اکائی کے لیاظ سے ل ہے۔
مطلوب یہ ہے کہ ع اور ج
کا جم ق اور ل کی رقوم میں دریافت

فرض کروکه ۱۱ ب ب ب ج ج ح د ، ع ع نے اب اسی طرلی اکائی کے لیاظ نے بالتر تیب ل ، ل ل ، ل ، ل ، ل میں ۔

اب میساکی طاہرہ تام قطوع کو بانج مثلثی صوں ہے اور ان میں سے و ج د ، و حرع ، و ع میں مقتلی مثلثی صوں ہے ۔ اور ان میں سے ہوا کہ مقطوع کی عمودی تراش آیک ایسا مثلث ہے جو منظم نمس ا بج دع ہوا کی ایسا مثلث ہے جو منظم نمس ا بج دع کا بانجوال حصد ہے اور اس لیے اس کا ناپ ہے۔ اور اس لیے اس کا ناپ ہے۔ اور اس لیے اس کا ناپ ہے۔ اس کے اگر۔

 $\frac{J+_{n}J+_{n}J}{J+_{n}J+_{n}J} \times \frac{\ddot{o}}{\ddot{o}} = 7$   $\frac{J+_{n}J+_{n}J}{J+_{n}J+_{n}J} \times \frac{\ddot{o}}{\ddot{o}} = 7$ 

أسطوان كي تعريف يس بتايا جانكا عدى ده نشوركى انتهائي صورست

مر وفع ۱۱۵) -

اسی طرح اسطوانے ترجی مقطوع کے متعلق کہا جا سکتا ہے

که ده منور کے تربیکی تعطیع کی انتهائی صورت ب-

اس ليه منابطر

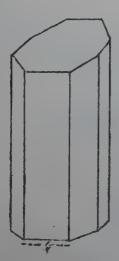
ح = ق ل سے قائم متدر اسطوان کے ترخیے تقطیع کے جم کا بھی تعین ہوگا جہال ق مقطوع کی ہموری تراش میں سے مربع اکا یکوں کی تعداد اور ل اس کے طول میں تعداد اور ل اس

تتنا ظرطولی اکا ینوں کی تعداد ہے ۔ اگر عمودی تراش کے نصف قطر میں رطولی اکا ئیاں ہوں تواس

صابط كواس طرح لكها جاسكتا سع-

توفيري السياليس الوفيري اليس

-101



هنال مله: ایک قائم نشور کا قاعده ۱ دن ایک قائم نشور کا قاعده ۱ دن ایک قائم نشور کا قاعده ۱ دن کا کر آیک مقطع قائل کی محمد اس طوح کا فی کر آیک مقطع قائل کی گیاروں کا جموعت میں مقطع کا جم معلوم کرو ۔ مقطع کا جم سے مقطع کا جم سے مقطع کا جم معلوم کرو ۔ مقطع کا جم سے مقطع کا حاصل کے مقطع کا حاصل کے مقطع کے مقطع کا حاصل کے مقطع کے مقطع کے مقطع کے مقطع کا حاصل کے مقطع کے مقطع کے مقطع کے مقطع کا حاصل کے مقطع کا حاصل کے مقطع کے مقطع کا حاصل کے مقطع ک

ماحت (حِصرُدوم) البت ويجم قائم منطح فشورا ورقاعم متديرا معطوانه كيتر · مقطوع كا جم = ١٢ (١+ ١٦) كمنب فك = ۹۰۵،۹۹ کمدید نظ مثال مسة: أيك قائم ستدير أتعطوانه کے قاعدہ کا نصف تطراف و انج ہے: اس أسطوام كم مقطوع كاجم معاوم كروا أرمقطوع كاطول ١ فظ ٢ ايخ بو -مقطوع كا جم = ق ل كمعب نك . . . وفوسه : مقطوع كاجم = ٢٢ × ٢٩ - × ٩ كعب فرط = به سرم کمعب فی است ایک نظم مدسی نشور کا بی مصد زمین می دهنسا مواسیم اوراس مقام ا ورط زمین کا دهال مه سیے۔ منفوراس طرح وعنسا جواسي كد اس كاكد أخ دُهال ك قدم ك متوازي ادرأس سيحرد نش مے فاصلیر سے: اگر شور کا اطاطراا فنط موثوزين مس وتطني - 35 ple 3. 8 mes iny زمن کردک بدع ک منودك وهش بوت معدكي انتصابي وسطى تراش بيء جودهال مسم قدم برعلى القوائم مستدى سطح سے بتی ہے۔

فالم منظ فمنورا ورقائم سندر اسطوانك ترجيع تطيع سامت (مصددهم) بابست وسيح وقليدس مقالة ول شكل 1 ج ف= اب+بج ليكن إب = ٢ نك ادربج = مدى كاصلع × ما = X 1 = = الم نك : جون = (۲۲ +۲) نف = ق × ل كمعب نك اس كي دهنيه بوسيمه Flxrxm = 0 Ulg. اس کے رصنے ہوئے معد کا جج = ٢ اس (١٠ ١ ١٦) کمعب فظ = ١١ ١٦ + ١٨ كعب نبط = ۲۲۸۶۲۸ کوب فظ امتارینبری ۲۵ ( فرعن كروكم ٢٣ = ٢٤) ١ - ايك قائم نشوركا قاعده ٢ في صلح كا ايك تنظم تسدس ب- إس مشوركا ايك حصه كا في رايك معطوع ماصل كياكي اس طرح كرجيد متوازى كنارون كالمجموعه م هف ے مقطوع کا جم معاوم کرو۔ ہے۔ معلق کا بر معموم مرو۔ س ۔ ایک قائم نشور کا قاعدہ افٹ صلع کا ایک متنام شمن ہے: اِس منشور کا مجموعہ الا منط حصر کا لئے کرا کیے مقطوع حاصل کیا گیا اِس طرح کہ اٹھ متوازی گناروں کا مجموعہ الا منگ ے۔ مقطوع کا جج معلوم کرو۔ س- ایک منشور کی عمر دی تراش و ایج صلح کی ایک متنظم بارون معلی شکل ہے۔

تام تنظم منورا درقائم متدراسكوانك ترجيع تطبع

اس نشور کا بچھ حصکا ملے کرا کے مقلوع حاصل کیا گیا اس طرح کہ بارہ متوازی کنارول کا مجموم ، نٹ ہے ۔ مقطوع کا جج معلوم کرو۔

سم - ایک مشور کی عمودی تراش ا منط صلع کی ایک نظم نوصلعی شکل سرے - اس نمشور كالجحه حصه كاث كراكب مقطوع حاصل كياكيا اس طرح كه نولتوا زي كنارو ل كالجحويب

مم فف ہے۔ مقطوع کا جج معلوم کرد۔ ۵ - ایک قائم مندیراً سطوانے قاعدہ کا نصف قطر م دنے ۱ ایج ہے: اُسطوانہ کے

اس قطوع كا جحم معلوم كروجس كاطول ه فث ٩ ايخ بهو-

٢ - ايك قائم ستدير اسطواد ك قاعده كانصف قطر فط سرائج ب : اس التطواد کے ایم قطوع کا جم معلوم کرد اگر مقطوع کا طول م فط ۸ ایخ او-

# سوالات أتتحانات عهما

ا - بتفركا أيك مثمن منا منثور كلمان كى ايك اليي اللسطح كے باير حربان استادہ ہے جو اُفق کے ساتھ میں کا زادیہ بناتی ہے ۔ ڈصال اور اُفقی زین کے قطع کرنیکا خط نشور کے ایک رئے کے متوازی ہے اور اس سے افث ا کے داتع ہے۔ اگر منٹور کی بلندی م ضط اور اصاطم ۱۲ فٹ ہو تو سبت او

كدأس كے ججم كاكون اتناب مأل سطح كے اوپرواقع ہے؟

(درلی ایخینی: داخلی) ٢ - اگرا كمعب فك سنگ مرم كا دزن ١١٥ م ا دنس برتابه توسنگ مرم کے ایک ایسے ستون کا وزن معلوم کر د جو تقطوع انسطوانہ کی وصنے کا ہے ا ورحب مے النظم اور اصغر كنارے بالترتيب ١٦ فط ٩ لئج إور ١١ فك ١ ائج بين اورجس

تاعده كانصف قطران الخب - رحمش كى الجنينين : داحلس) س - ایک مرائع وزوطِ معنلع میں جس کی بندی قاعدہ کے ضلع کے سادی

ب قرسے ایک تہائی بندی پرقاعدہ کی مستوی سطی اور دو رُخوں کے موّازی ایک متدرسوراخ بنایا گیا: فارج شده ماده کی مقدارمعلوم کرو- قاعده کاطول والمتمنطم ننشورا وردائم ستدير سطوان يحرج جيح قطوع سامت (حضرد دم) إببت ويجم و فك ادر سوراخ كالصف قطرافك ي (رُرُكِ) ايرسبآردُينيف: داخلس) ہم - ہر اپنج کنارے والے لکوی کے کمعب میں ہے اپنج قطر کابر آیس طرح کیاگیاکہ برما ایک اُخ کے وسط سے داخل ہو کرمتصلہ اُخ کے وسط سے فارج ہوتا ہے: فارج شارہ لکرای کا جم معلوم کرو -(روای انجینیں: فائینل) ۵ \_ ایک قائم مستدیر اُسطوانہ کے قاعدہ کا نصف قطر م فٹ ۲ اپنج سے: أسطوانه كم مقطوع كاجم معلوم كرواكر قطوع كاطول ٥ فث ٩ ايخ ب- -(زُرُک) اینینی: داخله)

اللب وقد مشورنا - فانكأ قطوع يمنلع تخروط اورمخ وطكامقطوع ١٥٥ - منشور نما أيب ايسامجسم بيهجس. جن میں اصلاع کی تعداد مساوی ہے اور یہ الغيكال متوازي سطحون مين واقع بين اور اس مے طرفی أرخ اشكال مخرف بيس-منور مناکے سروں کے ورميان عمودي فاصله كوفتورنا كأاس تفاع م بوتے ہیں تووہ فانہ کا معطوع بن جاتا ہے۔ یعنی فانہ کا ایساحصہ بو قاعدہ اور قاعدہ کے متوازی ایک متوی سطح کے درمیسان داقع ہوتا نشورنا کے سے جب مقشابہ خطی اشکال رو سے ہی تو

نشورنا<sup>)</sup> فانه ادر صلح مخروط كالمقطع مساحن المعتدادي إلى المسيت وشي 1-14 فنثور ينامصلع مخروط كالمقطوع بن عامًا ے - لینی مخ وط مصلع کا ایما صد جو قاعدہ اور قاعدہ کے مترازی سوی سطح کے درمیان واقع ہموتا ے -۱۵۲ - منورنا کی تعریف میں اس قدرتوسيع كى جاسكتى بسے كراس كا أس صورت برجمي اطسلاق بهو جب رجيوت سردل كے غائب الرجائ وجست شوف بنا رُخوں میں سے چندمثلث بن جائیا مياكرفكل سيظاري-ی ۵ | - نتشورنا کی تعریف میں اور اس قدر توسیع کی جاسکتی ہے کہ اس یں دہصورت بھی شامل ہوجائے جب کرسرے متوازی سطی س و اقع رہو نے والی کوئی دواشکال ہوں اور اس کے رخ سیدھے ہوں جیسا کرفکل سے ظاہرہے۔ رُخ سيل هي يوسين كا مطلب یہے کال کی تع پر کے لی نقطس سے آگے۔ خطمتقیاس المرح فينا ماسك كرايد مرك The Sound in play the منلاً المنوران كراخ يكنفح سنايا فل

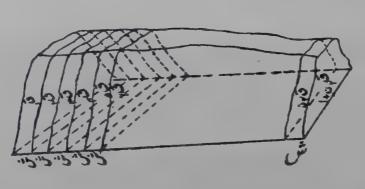
ع ف اور دج یں سے گذرینے والی سطح کے دربینتورنا کودوفانوں آبج دع ف ادرع ف گریج دین قسم کرو۔ فرض کردکہ آب ع ف کل ادرک ن کے اب اُسی طولی اکا ڈیکے کیاظ سے بالترتیب ل ل ک من من من فرض کردکہ فانوں اب جدع ف اورع ف ک اوج د کے ناب تناظر کمعب اکائی کے لحاظ سے بالترتیب حم اور حم بیں - $z_{i} = \frac{3\psi_{i}}{7}(1 | j_{i} + j_{i}) \dots (i | j_{i} + j_{i})
 z_{i} = z_{i} + z_{i} = z_{i} + z_{i}
 z_{i} + z_{i} = z_{i} + z_{i} = z_{i} + z_{i}$ اور {, i, J+, i, J+(v, x)}= (,0+0+0+0) == يس قاعده

منشور مناکے ساوں میں کی کسی مربع اکائیوں کی تعلاد میں سروں کے متواذی اور اُن کی وسطی تراش میں کی اُن ہی مربع ا میں سروں کے متواذی اور اُن کی وسطی تراش میں کی اُن ہی مربع اُکائیوں کی نقد اِد کاچاد گنا جمع کو و چھرا س مجموع می کواس سے ارتفاع میں کی متناظم طولی اکائیوں کی نقل ادسے ضرب دو تب اس ننثورناا ورختلف تفط

حاصل ضرب كالجهثا حصرمتناظر ملعب أكائيون مين منشورنا کے جمہوتعبی کرنگا۔

متورنا كاتجم = ارتفاع (رول كے زبول كالمجموعه + ۴ بدوطی را ش كارقبه) (0+0+0)=7

١٦٠ - منتورنا كے صابط كا اطلاق كركے بمكسى ايسى كا كا جح تعريباً معلوم كرسكتے ہیں جس کے دومقابل سے متوازی طوں میں داقع ہوتے ہیں لیک جو قیقہ ا مشور نما ہنیں ہوتے مثلاً تا لا بول کے کئے اور دیلوے کٹا ٹیاں جہاں زمین كى سطح كليت مسطح بنيس بوتى -كيونكه الركية كوسرون كى متوازى سطحول سسكسى تعداد کے مساوی حصص میں تغلیم کیا جائے ( دیکھوٹنکل) تو کوئی سی دو متب ادل



سطول (یعنی ایک شور کالی چودری) کی درمیانی زمین کو ایک منور نما تصور کیا جاگتا ہے اور درمیانی مستوی سطح سے عمودی تراش کومنٹور نما کی عرضی تراسٹ اما اس سلنے اس کا جم ذیل کے صابط سے علمیدہ معلوم کیا جا سکتا ہے۔

J= = (0 + 0 + 0) اسى طرح أورحصول كے جو بھى دريا نت كئے جا سكتے ہيں اور زمين ی سطح میں اہمواریاں ہونے سے با وجو دخصول کی تعداد جتنی زیادہ ہو گی نتیجہ آسى قدرزياره تيم بوكا-اب طالب علم كوكسي اليسي حبيم كالجم تقريباً معلوم كرنے سے ليے صابطة ذیل کے برت میں کوئی دقت مون لیں ملیجس سے کرے موازی سوی سطحول میں واقع ہوئے ہیں: -ح = في {قب أقب المارة جہاں ح = جم ش = متوازی شوی طول کا درمیانی مشترک فاصلہ ان = سادی مصول کی تعدارجن میں مجسم کاطول متوازی مطحل ا متوازي طحول معجم ا في ي ي . . . . في ق ان الما المتوازي طحول معجم ك عرضى تراسول كے رہے ترتيب والد كے -اس منابط اورقاعرهٔ سمبسن (Simpson) کے منابط کی مشابهت قال غورے ( دلیھو باب شانزوہم) -111- ہم لے اکا ہے کرضا بط ۔ (じゅ,じょじ) キョフ سے نشور ناکا جم متعوین ہوتا ہے جب کر نشور نامقطوع فانری صورت خاص اختیار کرلیتا ہے۔ اِسی صنابطہ کا اطلاق اُور بھی زیادہ وسیع ہے۔ جیاکہ دفات موا کو کا عوای ذکرکیا گیا ہے ایس صنا بطر کا اطلاق مز صرف تام منور ناؤل برہوتا ہے بلکہ اس سے بعض ایسے بحيات مح جمول كالقين تهي بوتا ب جن كي تعليف آسان ابتدائي طيقول

منورنااور تختلف ناقه تقطع

سے نہیں کی جاسکتی ۔ صرف اِتناکہناکانی ہوگاکہ ایسے مجسات مُمنشورغائی مجسسات "کہلاتے ہیں۔ اور ان میں دیجر مجسات کے علادہ کرہ علوہ کرہ علاقہ کرہ جاتھ منال ہیں۔ اور منطق عرکہ چینا کرہ نا ور لمبوراکرہ نا بھی شامل ہیں۔

فاص صورتين

ادر وسطی تراش منظیس موتی بین - است منظوع - است من دونون سر است من دونون سر ادر وسطی تراش منظابشکلیس موتی بین - ادر وسطی تراش منظابشکلیس موتی بین - ادر وسطی تراش منظابشکلیس موتی بین - ادر وسطی تراس منظابشکلیس می از دینه ۱۹۵۵)

اب اگر ہالائی سرے ' متہ اور وسطی تراش سے تناظراصلاع کے ناپ ایک ہی طولی اکائی سے لھاظ سے

بالترتیب (م) کی اور کو ہوں تو \_ کتی: تقی = کا

اليان الو = لم + لو

٠٠٠ اق= اق، + اق،

ادرمربع کینے سے ہ ق = ق + ق + اق ق ق

اس کے مخروط مصلع کے مقطوع کے لیے ۔



(۲) مخروط کامقطوع -مخروط کی تعریف اِس طسیم کی گئی تھی کہ وہ مخروط مصلع کی انتہائی صورت ہے (دفغہ ۱۳۷) -اسی طرح مخروط کے مقطوع اسی طرح مخروط سکتا ہے کہ وہ مخروط مصلع کے متعلق کہا جا سکتا ہے کہ وہ مخروط مصلع سے مقطوع کی انتہائی صورت ہوتی ہے -یس منا بطے ۔

フーゴーリーリーリー コープーマンロー (ソナルト) = 一一 (ソナント)

منثورنا اورمختلف ناقص تطوع

الفي : متطيلي مجات مواذي السطوح منثور أسطو اسني مخ وط معنلع مخروط اور ثانی یہ تمام مجسات منشور ناکی خاص صور تیں تصور کی جاسکتی ہیں ۔ اور ہرصورت کے خاص مشرائط کو مِنظر دکھ کر اُن کے حجموں کے صنوابط ذیل سے صابط کی مردسے باسانی اخذ کیے جاسکتے ہیں ۔ (0,+0,+で)== مثلاً فانه کی صورت میں ---ف = من ل ق = نق ق = <u>ل</u>+ك × من ت = ر  $\left(\frac{\dot{v}}{v} \times \frac{J+J}{v} \times v + J\dot{v}\right) = 7$ · (5+ 11) == توهيج مثاليس منشورتها مثال مله: ایک ایسے کشته کا جم معلوم کروجس کا طول مدم فث سرون بربندی بالترتيب وف اورم فث إزوك ولهال ١:١ اوركل بالائي حصه كاعرض . م فط مع اور مرسه انتصاباً بس زمن کروکر اب ج دسے گئے۔۔۔۔ بیک میں کروکر اب ج دسے گئے۔۔۔۔ بیک میں کروکر اب ج دسے گئے۔۔۔۔ بیک میں ان کا ان کا ا كا وفك والاسرا تعبير بوتاب تببع = ٠٠ نظاوربع = ٢٠ فظ اس لیے چونکہ بازو کے ڈھال کا تناسب ۱: ۲ ہے

مساحت (حصدُ دوم) باب بست شمشم ۱۱۱ تشور نا اور متلف القرمقطيع

الد = (۱۲×۲+۳۰) فنف = م ه نسط اسی طرح بهم معلوم کرسکتے بین که-م فنط والے سرے کی شہر کر = (۲+۳۰) فنط بیشتہ کا عرض است م کا عرض

: رُنته کا مجم = ع (قرب قرب ق) کمعب ف ٠٠٠ ونورا۱۱ جہاںع = ۲۰۰۰

٢٩٠٠ - ٢٠٠ = ٢٠٠ + ٢٠٠ = ق

ن الناسم على المام ا

= ۸۰۲۲۲۶۲ کعب فظ

مثال سے: ایک البی موری کی تبخائش معلوم کردجس کا طول ۱۰۰ نٹ اورجس کے عمق از آلات اور منط ہیں۔ عمق می اور منط ہیں۔ نیز مازو کے درسان میں اور اختتام کے مقام پر بالترتیب سا م اور م نط ہیں۔ نیز مازو کے دھوال ۱: ۲ اور تئر پرعوض م فٹ سے۔ ریر

نیز بازد کے ڈھال ۱: ۲ اور تئر برعوض م فٹ ہے۔ چوٹکہ درمیانی گرائی م فٹ دونوں سروں کی گرائیوں م فٹ اورہ فٹ کا اوسط ہے اس لئے موری کوالیا نشور ناتھور کرسکتے ہیں جس کے متوازی سرے اور دسطی ترایش ایسی اشکال منحوف ہیں جن کے رہے تی ہی قی اور تی مربع فٹ

آمان كرمانة در إنت كيم واسكة أب -

منثورنما اورمختلف ناقصمقطوع

ق معلوم كرنے كے ليے فن كردكم ابج د ايك منوف نامرك كوتبيرك الهجس رقبه = ق مربع نك حج مرده يربع عمود كالو-بونکربج کا دُھال ۱: ۲ہے۔ عَمَّ اِنْ عَامَ وَ ن ج ع = ۲ × ب ع = ۲ نط ع ۲ ت مَامَ وَ اس لياب = (١٢ + ١١) فط =١١ فط ادرق= ١٠٠٠ دم. اسی طرح ہم معلوم کرسکتے ہیں کہ ۔ فر = ٠٠ ن مورى كا جحم = ع (ق، + ق، + س ق) كوب نك جمال ع = ١٠٠ ق = ۳۰ اق = ٠٠ m= 0 اس کے موری کا جم = نال ( ۲۰ + ۲۰ + ۱۹۲) کوب فث = ۲۱ ۲۲۸۷ کوب فط مثال سے: ایک ومن کے بازو بالائی مصبہ پر ۳۰ اور ۲۰ فف اور متر بر ۱۲ اور مر نٹ ادر اس کاعمق م نٹ ہے۔ ایک ایسے ٹل کے فدید ومن سے کمنٹوں میں فالی کیا جا سکتارہے جس میں سے پانی م فٹ نی ٹانیہ کی کیساں رفتار کے ساتھ بہتا ہے۔ لل کا تطر معلوم کرو۔ ومن كي بياش = الم القرائي المائي كعب

مثال المن الما الأماناك برا ١ نط مناع كوشك ماوى الاضلاع ادر دور اسرام نظ منطح متطب مدس كا ومن كا سے مدس ك نين منك دورسه مرع كم شلف كيس صلعول كم مواذى دي - بندى

ننثورناا ورمختلف مقطوع

٤

اور ایک فراس کے ۔ جم معلوم کرو۔

الم من کروکہ اب ج دع ف سے خور تا

کی وسطی تراش تجیہ ہوتی ہے ۔ جس میں ۔۔۔

ادر ب ج ح د = ع ف = م فط

ادر ب ج = دع = ف ا = اف

ادر ب ج = دع = ف ا = اف

یکن ا ب ج د ع ف کارقبہ

کو دونوں طرف بڑمایا جائے تومعلوم

بروگاکہ شکل اب ج دع ف کارقبہ

زیل کے دور قبول کے فق کے مماوی الاصلاع

ادر ایک فی صناح کے مثلث مماوی الاصلاع

ادر ایک فی صناع کے تین مثلظ سے

مماوی الاصناع کے تین مثلظ سے

مماوی الاصناع کے ترب کا

كُفُدو انه من كيا اخراجات بموجّك : طول ٢٠٠ فك عرض تدبيره إفت تدكاطولي وعال ٠٠ ایس انجم ازمحم گهرائی ١٠ فث بازوول کا ڈھال ١٠ یس ۱ -بيو كمه خندق كا طول ٢٠٠ فيط إورتَهُ كاطولي رفعال ١٠٠ مي ١ اور بإلا في سرے پر کمرائی ١٠ فف ہے ن خِلے سرے برگہرائی = (۱۰ + ۱۰ ) فٹ = ۱۲ فٹ ا ہے۔ نظاہرہے کہ خندق منٹورناہے اور اس کے دولوں سرے ایسی انسکا اِمنون ہیں جن کے قاعدے ارتفاع ادر بازووں کے ڈھال ہمیں معلوم ہیں اور اسے مثال م كى طرح ہم ان كے رقبے معلوم كرسكتے ہيں -خندق كا جحم = الح (ق + ق + ق) كعب فك ... وفرالا ق = ا (١٠٤ (١٠٤ ١٢ ١١ ١١٠ ) ٢١ = ١٢١٠ ... وفر ١٣ ق = تا { ٥١+ (ه١+ ٢ ١١ ×١) } × ١١ = ه١٠٠٠ . دفر ٢٩ اس کیے خندق کا جمع = بن (۱۲۲۰ + ۱۵۱ + ۱۵۰۰ معب فط <u> ۸۲۲۰ ۲۲۰۰</u> کعب فیل : کعدوائی کے افراجات = ۲۰۰×۲۰۰ فنلنگ ے ۱۲ پونٹر ۱۸ شلنگ ۲ بنس امتلهمنبري ۲۶ او

ا ۔ ایک منتور خاکا ارتفاع ۱۰ فٹ اور دونوں سرے ایسے متعلیل ہیں جن کے

تمناظ البعاد ٢٨٠ فظ م ٢٥٠ فظ ١٥١ فظ ٢٠ فظ بين جم معلوم كروب ٣ - ايك نشور ناكا ارتفاع ٣ فث ١ اخ ا در دونول سرك الياستطيل من الم تمناظرابعاده نط ١ الخ م نف م الج ١ ورس نث ١ الخ من ١٠ الخ مين : جمه معلوم کرو -س - بانی کاوزن معلی کروجو ایک ایسے نشور ناگراسے میں بحراجا سکتا ہے جس کی گرائی م فط ا درجس کا بالائی حصہ اور ته ایسے متعلیل ہیں جن کے تمناظر ابعاد ۲۲ مطاع ١٥ فظ اور ٢٢ فظ ١١٠ فظ مين - جواب من مين مطلوب ك -٧ - ١٢٠ فظ بلي ايك كرف كاعون تدرير جكر ١٨ فك به -ايك سرديد إسى كرائى ١١ نظ مع اوركرائى من التدريج اصافر بوالم يهال تك كردوس سرے پر گرائی ۲۰ فیط موجاتی ہے۔ ان سرول پر بالائی عرض بالترتیب مد فط اور ۸۹ فٹ کے : کمعب گروں میں اس کی گبخائش معلوم کرو ۔ ۵ - سروں کے متوازی اور ان سے وسطیں سے گزرنے والی ایک تراش مے ذریع ایک نمٹورناکو دوحصول منتقسم کیا گیا۔ اگر نمٹور ناکے سرے ایسے متطیل ہوں جن کے تمناظر ابعاد ۱۲ ایج ایخ ادر ۱۲ ایج ایج ایج ہول اور اگر منورنا کا ارتفاع ۱ ایخ بوتو برای حصه کا جم معلوم کرد ۔ ٧- ايك نمنورنا كفوس كا قاعده مثلث مساوي الامنلاع ادر بالائي سرااليسانتظ مدس ہےجس کے تین متبادل (یعنی کوئی صلع ادر پھراس کے بعد ایک صلع چھواکر روسرامنلع) صلع قاعدہ سے صلعول کے متوازی ہیں۔ عجسم کار تفاع ۱۰ ایج ک تاعده كا برصلع ٢ ايخ اورمدس كا برضلع م الخ بدے - جم معلوم كرو-ے۔ ایسے منور نا دصنع کے حوص کو بھونے سے لیے گئے گیلن بانی کی ضرورت ہو گی جس کی گہرائی ۳ فٹ ا درجس کا بالائی سراا در تَ السے متعلیل ہیں جن کے تناظر العاديم وف م وف ا در ٢٣ فظ ٢ فظ يس ؟ ٨- ايك ايسى سؤك كي پشته بندي كاساؤ معلوم كروس كاطول ٣٠٠ فيط بعد ادر طولی الا ادر سال سے - سرول برملندی بالترتیب م نث اور ۳ فث اور ۵ أتارى ا دربالائي سرك بر سرجگر عرض ٢٦ فث ا در سرك انتصابي منتوى یں واقع ہیں ۔ ۹ - بناؤکہ ۱۰ زنجیرطول کی ایک رملیوے کٹائی میں کتنے کمعب گرمٹی ہوگی آگر ذیل کے اعداد مربع گزوں میں اس کی ایسی عمسرضی تراستوں سے دقبوں کو ظاہر کرتے ہیں جرا یک زنجیرے فاصلہ پر لی گئی ہیں ۔ ۲۲٬۲۵۲٬۲۵۲٬۲۵۲٬۲۵۲٬۲۵۲

> توسيحي مثاليس مضلع مخروط كامقطوع اور مخروط كامقطوع

مثال المان المان فرده كى وضع كى جنى كته كاكبى سماؤ منال المار المان فراد من كاعرض قاعده بر ، م فث الائى رب بر افث اورتنه معلوم كروم كافرهال المين الله ودكن مت برقائم اسطوانه سهاور اس كاقط م في بي الله ودكن مت برقائم اسطوانه كالبي ساؤ منطوع جرم كالبي ساؤ منطوانه كالبي ساؤ منطوع جرم كالبي ساؤ منظوم كالبي ساؤ منظوم كالبي ساؤ منظوم كالبي ساؤ مناكبي ساؤ منظوم كالبي ساؤ مناكبي المناكبي مناكبي المناكبي ساؤ مناكبي ساؤ مناكبي ساؤ من المناكبي ساؤ مناكبي ساؤ مناكب

جمال ع = ۱۵٬۰۰۰ ق = ۱۲۰۰ ق = ۱۲۰۰ د ۱۲۰۰۰ معب نگ د مقطوع برم کاکبی ساد = ۱۲۰۰ د ۱۲۰۰ + ۱۲۰۰ + ۱۲۰۰ کعب نگ

 منثورناا ورختلف يقطع

ن أسلوانكاكعي سماوُ = ١٠٠ ١١ كعب مَثْ اس میے تنماکیس ساؤ = (٠٠٠) ١٠٥ - ١٠١١ ٢ ١١ ٢ ٢٠٠) کسب فث = ۲۰۳٬۱۱۵، ۲۰۳ کعب فٹ مثال سلة: مربع قاعده ك مؤرط مصلع كم مقطوع كاارتفاع ١١ فك قاعده ع فط ٨ الح كامريع اور إلائي سرام فث ٩ الح كامر بعي ادراس کے ادیر ایک ایسام بع مخروط مصللے رکھا گیاہے جس کے تاعدہ سے راس کے کاعمودی فاصلہ عنظ و ایج سے ۔ مینارکا جح كمعب نط مي دريانت كرو\_ مقلوع كا جم = الله (ق) عب نك = & Uly.  $\frac{A}{4} = \frac{A}{4} + \frac{A}{4} + \frac{A}{4} = \frac{A}{4} + \frac{A}{4} + \frac{A}{4} = \frac{A}{4} + \frac{A}$ عب فنظ × ١١٠ عب فنظ مخروط مصلع كا فجم = الله في ع معب فك دفعه اهم ا Al = r+xr-1 = 0 Ulg. ، وفع به مخروط مصناع كالجم = سل × الم × ما كلعب فط اس کے جموعی مینادکا جمع = ( الا معدد معرف + معرف الا معدد فط مثال سے: مخروط کے مقطوع کی رصنع کی ایک بالٹی کی گبخائش ہ گیلن ہے الرعبرائي م افخ ادر باللئ مرے اور تنہ کے قطول کی نسبت ١٠٩ ہوتو انہیں مطوم نمثورناا ورمختلف مقطوع

وض کردکرس ایخ = بالٹی کے بالائی سرے کا نصف قط نب -بالٹی کا تعبی ساوڑ = الم ساوڑ الم ساو ليكن إلى من م كيلن يا الم ٢٥٠ ١٠ معاليخ PXY22 = (V = + V 1 + V) 1 :: 1.. x < x x x 11.9 = 1/2 : YCIXYY XA MASA169 .... = اس ليے بالائي سرے كاقط = .... ١٣ ١٩ ايخ اورة كاقط = .... ١٢٥٥ ١١ انج مثال مس : ایک مخووط کے مقطوع کا ارتفاع ۳۱ ایج اور ایک سرے کا كانصف قطروا النج ب: اگراس معطوع كا جم ايك ايسے قائم أسطوانك جم کے برابر ہموجس کا ارتفاع لے اپنج اور قاعدہ کا نصف قطر ۱۴ اپنج ہر آد تعلیع کے دور سے سرے کا نصف قطر معلوم کرو۔ وَفَلَ رُوكُ لِهِ الْجُ = دورس مرع كانصف قطر

جال ع = ۲۱

ننشورناا ومختلف قطوء

مقطوع کا کے = <u>۱۱ × ۱۲ (۱۰ + ۱۰ + ۱۰ ) کمیائج</u> ابا ينعة قائم أسطوانه كالجج جس كاارتفاع بها ايخ اور قاعده كا نصف قَطر ۱۲ ایخ بو - = ۱۲ (۱۲) × ۱۳ کمعب ایخ . . . دندا ۱۳

اس كئة اگر تقطيع اور انسطوا مذك حجم مساوي بول توسد - × (4r) T = (-1+1-1) - XT

アイニノトナンナイト

اس لیے دو سرے سرے کے نصف قطر کاناپ م ایج ہے۔ حشال عد: ایک مرتبہ بارش کے دوران میں آیک بالع کوجس کے بالائی اور تیلے

سرول کے اندرونی قطر۱۱ اور ۱ انج اور گرائی ۱۱ انج ے ایک ہموار طح پر رکھا گیا

اور ۲۰ منٹ کے بعد بالٹی میں یانی کی کائی ٢ اليخ معلوم بموتى: بتاوُكه في كلفنظيكس قدر

باوش ہوتی ؟

زمن کردکر شکل اب ج د سے بارش کے بعد بالٹی کی ایک انتصابی وسلی تراش تغییر ہوتی ہے۔

4 IY = JE

ع ف = ٢ ١

すんススンシャノート

تمنايستانات سے ۔

نشورناا ورفختلف تغطوع

82: ひきが: ひょ 17:7=を17:0」 制十二十二十二 اس لیے یا لی یں کے یانی کا جم = ہے ( ان + لا + ماد ) کعب انج ... وفعال r= = Vulg. ن بالٹی میں کے پانی کا جم = اس ( اہلے + ۹ + ۱۱) کعب انج = ہمت ایک ایسے قائم ستدیر اُسطوانہ برعور کروس کی عمودی تراش بالٹی کے منہ کے اليسے أسطوان سي سي معلوم و تغميں صريحاً بارش سے باني كي اتني مقدار راخل ہوگی جتنی کہ بالٹی میں وافل ہوتی ہے۔ اس لیے آگرے ایج = ۲۰ منط کی بارش کے بعد ایسے اُسطوالایں کے اِن کی گہرائی تو۔۔ . . . MY.Y = E'Z TT ا گران ایک گھنٹری بارش سے بعد = کا مجام ای لیکن ایک گفشدی بارش مے بعد سی اُسطواندیں کے بان گی گہرائی = بارش کی مقدار فی گھنشہ بارش کی گھنشہ = فی ۲۰۵۰ دا ایخ بارش فی گھنشہ = فی ۲۰۵۰ دا ایخ

### امتار منبرى ٢٧ب

(デ=サ)

ذيل ك ابعاد والع عن وطمصلع كمقطوع كا جحمدى يافتكرو-ا - سرول مح رسب مربع من اور ه مربع فك ارتفاع م فك -٢ - ١ مربع ايخ ادر ٨ مربع ايخ ارتفاع ١ الخ -ع م مربع ذف م ع مربع انج اور م مربع فف ٢٨ مربع الخ ارتفاع مفط و الخ -٧ - سرول ك رقي هم وله مربع فث اور ١٥ و ١٥ مربع فنك ارتفاع ۵ - ایک ایے مخروط مصلع کے مقطوع کا جم معلوم کروجس کے سرے اليستطيل بين جن كے تمناظر ابعاد ٢٦ الج عمر الج اور ١٢ الج من اوراس کارتفاع ما انج ہے -٢- ايك مخروط مصلح كے مقطوع كے سرك بالترتيب ٥ في اور ، فيف صلعول کے مثلثات تسادی الاصلاع ہیں مقطوع کا ارتفاع م فٹ ہے۔ اس کا جم معلوم کردہ ذیل کے قام متدر فروط کے مقطوع کے جج دریا ف کردجی یں ٤ - سرول كي نصف قطره فناور وفك التفاع م ون ١١ نج -٨ - سرول كي نصف تطر ٣ نث ٨ النج ادر ٢ فك ٢ الج ارتفاع ٢ فك ٩ - سرول كے نصف تطره عرور واله ور ١٥١٥ فظ ارتفاع ه وم فط ١٠ - سرول ك نصف قطر الرَّوم فث اور مرَّد افث ارتفاع الرَّم فك والح ١١- ايك قائم متدريخ وط كے مقطع كے أيك سرے كا محيطم م ایخ اور دوسرے كا ٣٢ الح إورمقطوع كالرتفاع ١٠ الح بي: جم معلوم كرد-١٢- ايك مخزوط معنلع كے مقطوع كے سرے ايك مربع بيں جن محاضلاع مع طول بالترتيب ١ الج اور ٨ الخ مي مقطوع كاارتفاع م الج ب- مردك منورناا ورمختلف مقطوع

سوازی اور اُن کے عین وسطیں سے گزرنے والی سطح کے ذریع تعلوع کو دوسے دورہ سول میں تعلیم کی اگیا: ہرایک حصہ کا جح معلوم کرو ۔
ساا ۔ ایک تائم متدیر محزوط کے مقطوع کے کمرول کے نصف قط بالترتیب افت ہو اپنے اور ۲ فی سواج ہیں اور آئل ملندی اوائے ہیں اور آئل ملندی این ہے جم معلوم کرو۔
ان ایک محزوط معنلی کے مقطوع کے سرے ایسے متنظم شمن ہیں جن سے اسلام میں ہے۔ ارتفاع م فیل ہے ججب معلوم کرو۔
اصلاع کے ناب بالترتیب سوف اور دو فیل ہیں۔ ارتفاع م فیل ہے ججب معلوم کرو۔۔۔

## سوالات امتحانات عالم (۱۲ = ۱۲) منتورنسا

ا - ترسیم دُول کے ایک بین فرانہ (فرانزاب) کا قاعدہ ۵۰ فیط بر بم وفیل اور اس کی انتصابی بلندی وفیل اور اس کی انتصابی بلندی اور الا فی سرا ۵۰ فیل بلندی اور اس کی انتصابی استار کی انتی میدلا بیا ) (جامعی الدی آباد: انتی میدلا بیا ) جامعی بینی - دُوبلوما آف اگر دیکا پھی : دُوس اا میحان

الم منشور ناکی وضع کے ایک بن خزانہ کا بالائی سراا ور تہ متعطیل ہیں ۔
بالائی سرے کے ابعاد ۲۰۰ فظ × ۱۵۰ فٹ اور قرکے ابعاد ۱۲۰ فٹ بر ۱۵۰ فٹ بر ۱۲۰ فٹ بیس ۔ اور اس کی کیسال گہرائی ۱۲ فٹ ہے:
و شکنگ ۲ بیس فی کمعب گزی صاب سے اس کی گفدوائی کی اجرت معلق کرو۔
معلق کرو۔
سال مفور ناکی دعنع کے ایک بن خزانہ کا طول اور عرص بالترتیب سال مفور ناکی دعنع کے ایک بن خزانہ کا طول اور عرص بالترتیب

١٨٠ فف اور ٨٠ فف يع عدم كاطول اورعون الترتيب ١٠٠ فسف اور الله فف زين ١٠٠ فسف زين ١٠٠ فسف

منفورناا ورمنتلف مقطير

کھوری گئی تھی ہ ٧ - ساگوان كا ايك شهتيرايك سرك برا فك ١١ يخ عران إور ۱۰ انج دبیزے اور دوسرے سرے براس کا عرض اور دبازت بالتیب افٹ ۲ آنج اور افٹ ہے اور اس کاطول سمافٹ ہے: اس کا جم معلم کرو ۔ معلوم کرد -۵ - مسطح زمین پرایک خطیمتنقیم میں ایک ایسی بَرَدِ رَدَ کھدوا ما مطلوب ہے ۵ - مسطح زمین پرایک خطیمتنقیم میں ایک ایسی بَرَدِ رَدِ کھدوا ما مطلوب ہے معلوم کرو ۔ جس كاعرمن تديره فنك إلائي سرب برعمق مع فنك اورطولي أمار ٢٠٠ كويش را فعلى بموية أكر بازوول كا دُصال ايس ا بموتو بتاؤ كد بينك ايك ميل بي كتف کمعب گرزمین کهدوانی ویکی به ٢ - منشور مناؤں كے كئے ضابط، بيان كرواور ذيل كے كيا عمل كا جم دریا فت کرنے سے لیے اُسے استعال کرو: طول = ۱۰۰ نسط سرول مركى لبنديال ١٠ وف اورم فف بالائي موس كاعرض = ٥ فث إذوول كاجله リルー コピー جامع بمبئى: إيل سى - إى - دُوس ١١ معتان ے -ایک ربلوے کٹائی ایسی زمین میں سے بنائی گئی جو ہموار سطے آئی کی وضع کی ہے ادرجس كارُخ أسى طرف معرض طرف كرير الله الله الله الله كالم کمود کربکالی بوئی مٹی کی مقد ارمعلوم کرو اگرکٹائی کا طول ۱۰۰ گری نے برعرض الرور ایک برے کے بالائی مصم یرعوش دم کر: اور دؤر سے بد ٥٢ كرز بواور اگران سرول كي عمق بالترتيب ها كرز اور ع كرزول-٨ - ايك ريلوك كائي ك إلا في عرض الزيب ١٢٠ ود ٩٠ ونظ ہیں اور ان کی تمرائیاں ۳۰ فٹ اور ۴ فٹ ہیں۔ نیزیئہ کا عرض ۳۰ فٹ ہے اور کٹائی کا طول ۶۴ گرزی مکعب گرزیں جہامت معلوم کرو۔ ٩ - اف بندهانس ك ايك تود الكائمان العده كالول ٢٠ في اورعوض من سب - زين سب ٩ في ك فاصله يراولتي سے گزرنے و آئی متطیلی اُفغی تراش کے اصلاع ۲۲ فٹ اور مرمد نشف

ہیں - اور اولتی کے اور کا حصہ ایسامتلتی منٹورے جس کا طول ۲۲ فط ہے۔ اگر الکعب فعل محمانش کا دزن اینٹررڈویٹ ہوتا ہو توبت اوک گھانس کے گل تورے میں سکتنے ٹن کھانس ہوگی ؟ ١٠ - ايك مقطوع مخ وطرمصلع كے قاعدہ كاطول اور عرض بالترتيب ١٥ اور س انج ہے اور بالائی سرے کا ۳ ساور ۲۲ ایج اور اونچائی ۴۰ انج ہے۔ مقطوع کو قاعدہ کے ایک صلع میں سے گزرے والی ستوی سطح سے قاند او منشورنا میں منتسر کیا گیا ہے مستوی سطح مقطوع کے بالائی سرے کے متناظر صلع سے ۱۱ نج کے فاصلہ رکا شی ہے۔ فاند اورمنٹور ناکا مجم دریا فت کرو ١١- ايك غاركاطول مهم فنظ اور يركيال عون و فك لي -ايك سرے پر اس کی گہرائی مرافظ ہے اور اس میں التدریج اصافہ ہوتا ہے بہاں تک کہ دو سرے سرے پر اس کی گہرائی ۲۰ فی ہوجاتی ہے ان سرو ل مع الله في عرض الترتيب ١٠١١ ور ١١ ونط مين : غاريس كمعب كزول كي تعدا دمعلوم كرو-ا - بناؤ کرایس ایسام طی کیفته بنانے کے لئے کتنے کعب فص معی كى صرورت بهوكى جس كاطول . . ها فك مرول يركمرانى دا فك إور ١١ فدف بالاي مصديرعرض ٢٠ فث ب اورجس كے بازوول كا أثار (جامعة مدراس: المخان يي-إي) -410:4 سا - نشورنا سے جم دریا نت کرنے کاصابط بیاں کرواور اُس کامفہوم سمجھاؤ۔ ایک مالاب کا ناپ بالائی صبہ پر ۲۹ منٹ ید ۲۵ منے اور تئریر ۲۷۷ فن × ۱۹۸ فن بے اور اس کاعمق وافث ہے: اگراس منے وسطيس ٢٦ فط قطركا أيك مستدير بمرج بهوتو بتاؤكه الاب كاتين جوتف أني حصہ کھرنے کے لیے کتے کموب ذیط بان کی صرورت ہوگی ؟ (سب بورانجينود يارتمنك: امتخان سالانه) سما - بتاؤكة والم متدريخ وط كامجم دريا فنت كري كاصابط فشورنا محمنابط سے كس طرح افركيا جاسكتا ہے۔ (سب بور ايونش د پارشنك: ١متان ماهاند)

اوراس ين بالتربيع كي بوكردوس سرسيد بندي ١١ ونظ ده جائي ج

قاعده برسرول مے عرض الترتیب ١٢٠ فيف اور ٨٠ فنط بيل - ٥ دوسيم

في ١٠٠٠ كمعب نط عراب سي المتعبدي كا او ت اعلوم كرد -

(سب بوايونس ديارشن امتحان فالميال)

مننورناا ومختلف تغطوع

٢٠ - كسى مشورنا كا أيك ربرا ٢ فث صناح كا أيك مثلث مها وي الاصالاع ا ور دُوسرا سرا ا فن صلع کانتظم سیرسے ۔میدس کے تین تبادلہ صلع دُد سرے سرے کے تین صلعوں کے متوازی میں ۔ارتفاع س فك بع : جم معلوم كرو- (رُدْكَى الجينيس: داخله) ٢١ - كوئله كي ايك أيسي واكن كالجحم معلوم كروجس كي مجرائي ٢٧ انج سب اور بالا ئی حصه اور تَه ایسے متطیل مراح ب اکے متناظرا بعاد ام ایخ پیم د ایخ اور ۲۲ ایج بر ۳۰ ایج میں - (من من تی ایرسب آرڈسنیف: داخلہ) ٢٢ - منشور ناكي وضع كي اليب ايسي لكن كي تنجائش معلوم كروجس كي تذكا طول ۸۴ ایخ اورعرض ۴۰ ایخ اور بالائی حصه کاطول ۵ فیل ورعرض مفط اور كمراني افغ مع - (من ملى كايرسب آردينيك: داخله) سرم - امیں اے اُ ادر ایک کیٹ بنایا گیا ہے۔ اِس کا بالا فی حصت متوازی الانق اور ہرجگہ اس کی تراش شکل خوٹ کی دصنع کی ہے ۔ أمارير زیادہ سے زیادہ لبندی عد فط ہے الائی صدی عرض ورم فٹ اور بازووں كا أتار ايس اميے - بشتہ كئے ١٦٠ كر طول مي معب كرز كى تعداد معلوم کرو ۔ (سوبسی براکونکس)

#### سوالات أمتحانات مزدط مضلع كمقطوع

۱۹۲۰ ایک مخروط معنلع کے مقطوع کے سرے ایسے مربعے ہیں جن کے
اصلاع کے طول بالتر تیب ۲۰ فیف اور ۳۰ فیف ہیں۔ ایک سرے کے
کسی ضلع کے نقطۂ وسطی کو دو سرے سرے کے تمنا ظرصنلع کے نقطء میں مسلمی سے طالعے والے خطومت میں کاطول ۱۳ فٹ ہے۔ جمعلوم کرو۔
وسطی سے طالعے والے خطومت میں کاطول ۱۳ فٹ ہے۔ جمعلوم کرو۔
(جامعۂ الدآباد:۔ انشر میں یہ ب

لمتورناا وزختلف مقطوع

ہرتا ہے) - ہو فی د بازت میں حوض کی نینائی کی جائیگی - ۲ رویب فی کعب فی سے حساب سے نینائی کی قیمت معلوم کرو۔ (مرش کی ابرسب آرڈ بینیٹ : حاخکہ) معرب ایک نشور مناجسم کا قاعدہ ایک مربع ہے ۔ اور بالائی حصہ ایسا منظم شمر ہے جس سے حاربتیا دل اصلاع قاعدہ سے صلعول سے متواذی

مع معا ۔ ایک مشورتما سم کا فاعدہ آیا۔ سربع ہے۔ اور ہالای حصہ ایک اسلام نظمنمن ہے جس کے متوازی اسلام فاعدہ کے متوازی ہیں آجے۔ کا ارتفاع ہوا ور بالائی حصہ ہیں آجے۔ کا ارتفاع ہوا ور بالائی حصہ کے اصلاع ہے۔ کا ارتفاع ہوں : اس کا جج معلوم کرو۔ ( سے اسلام ایف ہیں : اس کا جج معلوم کرو۔ ( سے سے) ہم معالم مسرسی مخروط مصلع کے مقلوع کی جسامت کیا ہے جس سے سرول کے سمارت کیا ہے جس سے سرول کے

اصلاع م اور افث میں اور ارتفاع مم فٹ ہے ؟-(مُنْ مُن کی ایرسب آرڈینیسے: داخلہ)

۵ س ۔ ایک مخروطِ مصلع سے مقطوع کا اُرتفاع ۵ و ۱۲ ایج ہے۔ اس کے سرے ایسے متابع ہیں : سرے ایسے تمن ہیں جن کے صلعے بالترتیب ہم ایج اور ۲ ایج ہیں : مقطوع کا ججمعلوم کرو۔ (مراش کی انجینیں: فائینل)

### مقطوع مخروط

۱۹۲۱ - ایک پیدی کی وضع ایسی ہے جونمخ وط کے دومساوی تقطوعاً
کو قاعدہ بہ قاعدہ ملا دینے سے بنتی ہے اُس کا بالائی قطر ۲۰ ایخ درسیانی
قطر ۲۵ ایخ اورطول ۳ دیئے ہے آئیل کی گہائش گیاں میں دیا فت
کرو ( ہے ۲۷۷ کمعب ایخ = آئیلن )
(جامعہ بہئی - ڈبلوما آف آلایکلی : دُوسلا میخان)
کم سے گھائش کے ایک تو دہ کا بخلاحصہ قطوع مخروط کی دصنع کا ہے اورا ویہ
کا حصہ مختلف زاویہ کا ایک مخروط ہے اس کے قاعدہ کا محیط ۲۰ اور اویہ
اولتی کا محیط ۲۰ مقطوع کی عمر دی لبندی ۵ افعط اور مخروط کی لبندی ۱۷ افتا اور می اور ایک بندی ۱۷ افتا کی ایک میں کتنے کمعب گر گھائس ہے ؟ ( سے سے )
اولتی کا محید جونا کہ اس تو دہ میں کتنے کمعب گر گھائس ہے ؟ ( سے سے )

٨٧ - ايك فائم مندير مقطوع مخ وط كي وصنع كے برتن كي ته كا تطرع ١١٠ إيخ ہے۔ محوری سے گزرنے والی تراش کے دیر اس طرح ایک دوسرے کو قطع کرتے ہیں کہ ہرایک و ترتے قطعات ۳۰ ایخ اور ۲۰ ایخ ہیں۔برتن کا جج معلوم کرو۔ (جامعتر بمبئي: أيل -سي-اي - دوس ١١ متحان) ٣٩- أس قائم مخووط كے مقلوع كا جھم كيا ہے جس كے دومتدير سرول كے رتجے بالترتیب کہاء کہ ۱۲۵ اور ۲ ۵ اور ۲ مربع اینج بیں اور کمسل تحزوط کا ارتفاع ٣٠ ایخ ہے ، (جامعہ یخاب: سیول الجنین تک کا علا المتحان) ٠٨ - ياندي كاليك جام مقطوع مخزوط كي وضع كاسع - بالائي قطراندرسے ٢ النجي بخلافطر النجي بندي ١ النج أوردهات كي د بازت لها النج ب-وزن معلوم كرو (كثافت إصافي ١١٥٠٠) [جامعي مدراس: امتحان بي- اي ام - ايك متديركنوي كاقطر النط ١١ النج اورعمق ٣٣ فط به : مجناني کی استرکاری کی مقدار معلوم کروجس کی دبازت بالائی حصه پر ۲ فیط اورتئیر م فنط ٩ ایخ سے دسال عقب کی جانب م (جامعی مدراس: امتحان بی-ای) ٢٧ - قائم ستدريخ وط كے مقطوع كا جم دريا فت كرنے كا قاعده لكھو - (يا يا) سام معطوع مخروط كى وضع سے ايك ورل كى كرائى ١٠ اينج است كا قطرا ايج اور وُ كَا قَطْرُ ٩ الْجُ جِي : بِنَا وُ كُر . . ، ٢ كيلن ياني تُح حوص بين يه دُول كتني مرتبه بھراجا سکتا ہے (ایک گیلن = ۲۷۷۶۲۷ کعب ایج) (میری) مهم سرایک ایکرزمین کا پانی نکالنے سے لئے مقطوع مخروط کی کیل کاایسا کنط ر کھی وایا گیا ہے جس کی سلخی تراش کا نصف قط ۳۰ گرزا در پیر کا ۲۰ گز ہے اور عمق ١٥ فظ ہے - يه زمن ركے كم بارش كے يانى كا لم وال حصه زمين ميں خدب نہیں ہوتا اور کنطیس جا اسے اور زیر زمین کے یانی کو کالنے تے لئے اليول كاانتظام نبيل ج نيز تبخير كاغل نظرانداز كياجا سكتاب توروزانه ادسط بارش کی مقدار معلوم کروجب کرم اویس وص کا بے حصر کھر جا اے ۔ ( ایک اه = ۳۰ دن) - (جامعً کلت: ۱ متحان ایف-۱ی) ۵٧ - ايك قائم تدير ووط كالمقطوع لوہے كا بنا بحواہے - أس كا

ارتفاع ١٥ انج ہے ۔ أس كے حيوث رُخ كا قطر ٩ انج اور برے يُخ كا ١٦ اینج ہے۔ ہردومتوی تئے میں مخزوطی وصنع کے سُوراخ بنائے عِشْمُ ہیں۔اِن سُوراخوں کے قاعدوں کے قطرا ہے تناظر رُم کے قطر کے تصف ہیں یُمور اخوں کے محا ورمقطوع کے محور مِنطبق ہوتے ہیں اوران کے س محور کے نقط وسطی پر ملتے ہیں -سورانوں میں سیسہ مجراکیا -مرکب سیم کا وزن معلوم کرو اگر نوست کی کتا فت اصنا فی ۸۱ ، اورسیسه کی (سب يُودِ الجينين دُيارِ المنك : سالام) 44 - اوے کے ایک قائم متدر مخ دط کی بندی ١٠ ایج ١ ورنصف راس زادیہ ، س ہے ۔ مخر وط کو قاعدہ کی متوازی تراش سے بلندی کے نقطار وسطی یر دو حصول میں کا اگیا۔ اس طرح حاصل شدہ مقطوع سے البانخ قط کا تار بنایا گیا: تارکا طول دریا فت کرد - (=: ے ہے ۔ بوری (Pompey) کے ستون کا تنہ ایک ہی سنگ مرم کا بنا بھواہ اس کی لمبندی . و فط ہے ۔ ایک سرے پر قطر و فط اور دوسرے رے یرے قب ہ انج ہے۔ جم معلوم کرو۔ (سب بور ایرینٹس ڈیارٹمنٹ ماھانہ) ٨٨ \_ أيك قائم متدر مخروط كي مقطوع كي اعل لبندي ه فك ا ورسرول ت قطری فنط اور ۱۰ فنط بین جم معلوم کرو - (یا 97 - دویاتین صورتول می محسوب رکے ذیل سے مثله کی تصابی کرون اكرايك قائم متدير تخزوطكو ايك محزوط اور ايك مقطوع مخ دط ين مفتركياجائے اورمقطوع كوظميك إس قدرترا شاجائ كه وه قائم متدبراً تعلوان من تكذبل ہرجائے۔ اگرمقطوع کا ارتفاع ابتدائی مخزوط کے ارتفاع کا آیک تہائی ہوتو أسطوان كا جحرباتي تام اشكال سے زیادہ اور ابتدائی مخروط كا کم ہوگا (سب يورايرينس ديار منك : أصحال فائينل) · ۵ - ایک مخروط کے مقطوع کا ارتفاع ، فط اور دونوں سرول کے نصف تطر بالترتيب م فيك اوره في بين - سرون كيمتوازي او رنجيو في مرب سے ہم مرس نے فاصلہ رستوی سطح سے تقطوع کو دوحصول میں تراشا

سہارا بُواب : ہرایک سے بالانی اور پنجاے حصوں کا تعلم بالبرتیب افط بالبرتیب افط بالبرتیب افط بالبرتیب افط بالبرتیب افتط بالبر منط ہے۔ اور طول ۲۰ فظ ہے۔ ۲۰ روبیدی کمیب فی گئرہ سے

اَن کی مجموعی قبیت کیا ہوگی ہ رَدْ كَي أيرسب آرفِينيك: داخله ۸ ۵ - لکرط ی کی ایب ناط مقطوع مخروط کی وضع کی ہے - بڑے سرے کا قطر ١١ النج اور حميو في سرب كا ١١ الخ بي - انتصابي ملبندي و ونك: ١ روسي م آنہ فی معب نٹ سے حساب سے اس کی قیمت کیا ہوگی ہ ٥٥ - مربع قاعده سے ایک مخروط مصلع کے تقلوع کو تھیک اس قدرترا شاکیا ے کہ وہ مقطوع مخ وطیس تحویل ہوجائے: بتاؤکہ اس طرح اتبدائی مجم کے اللہ حصہ سے قدرے زیادہ ادہ تکل گیا۔ ٠٠- ايمقطوع مخوط يرون كي نصف قطره ااور ١٢ في بي اور أل لبندي ١١ فيط ب : جيم معلوم كرو y - مُصانس کے ایک توادہ کا بجلاحصہ اُسلطے مقطوع مخروط کی وضع کا ہے اور أس كے اُور كا حصة مختلف زاور كا ايك مخ وط بے ۔ زما دہ سے زمادہ بلندى ٢٥ نيك برنب سے بڑا فيط م ونك مفطوع كا ارتفاع ١٥ فيك اورقاعاه کا قطرہ ا دن ہے: کمعب گروں میں مجم معلوم کرو۔ رُرُ لِي ايرسب آردُ لينيك : ماها س ١٧- ايك باللي مقطوع مخروط كى وصنع كى ب- مركا قطرا فك اور بالافي قطب افث الخيرے - گرائ افت الخيد - قريب ترين يوبلت معلوم كروكم اپن سے مھری ہوئی بانٹی کا وزن خالی بالٹی سے وزن سے کس قدرزیا دہ ہوگا مما - زل سے ابعاد والے تینی کے تنہ میں خینائی کی مقدار کموب فنظ میں معلوم كرو و قاعدة كا قطر م فنط اور بالاي قطر ٢ فنط واعده ير دودكش كا قطر سوف اور بالائ حصدير، من حميني مح بيروني اوخ كي سلامي ، مين ايب ہے-م ١٩ - ٧ ون جور عاور ١ فرط كرب أسطوان كى وضع مح ايك كنوس كوايك ايسى بالفي سے خالى كيا جا ما يخ جس كا بالائى عرض ١١ الح ، تديرعوض ١٨ الح ادر كرائي ما الج ب: يوفن كرك كرمروته بالعلى المحصه بان سے بحرك باہر أتاب بتاؤ كدكنوس كوفالي كرف مع ليع بالطي كوكتني وفعه نيمي اكارنا بوكا

بالبست كره-كروى خول اوركره نما 190 - کوکا و جسم ہے جو ایک ایس مطح سے گھرا بُروا ہوکہ جسم کے اندرایک فاص نقط سے سطح تک کو در سے کے فاص نقطہ سے سطح تک کھینچے ہوئے تمام خطوطِ متنقیم ایک ڈوسرے کے مساوی ہوں -ینقط کرہ کا مرکز کہلا<sup>۔</sup> منظ یتم مرادب بواس کے مرکز معروہ کا مراد بہلاتا ہے۔ گرو کے نصف قطرے وہ خط سے مائط سطح کے کھینی اجائے روکا قطی وہ خطِ متق ب جوم كريس سے كزركر دولوں طرف عائط سطح تک جنچتاہے۔ کسی تنوی سطے سے کرہ کی أكركا طنغ والىستوي طح کرہ کے مرکز میں سے گزرے توالیسی تراش كود الويكيس كيتين-أكركا شنيخ والى ستوى هج کرہ کے مرکزیں سے نہ گزرے تو تراش كو د ا ترك صفير المعالى -شلاكره ابع دين -

مساحت (حصرُه دوم) باب سبت ومعتم كره- كردى خول اوركرهمنا -4-18/089 وگ نصف تطربے۔ اع فطرے -ب ج د دائرة كيرے -ف گ ہ دائرہ صغرے۔ اگر کسی نصف دائرہ کو اُس کے قطرے گردھا یا جائے تو کرہ بنتا ہے ( دیمیونکل) -فینس کا گیندگره کی عام مثال ہوسکتا ہے -(r9) 1= 144- کُوکا بحم معلوم کو ناجب کر اُس کا قطی دیا هُوا هو۔ ر فرض کروکر احب ع ایک کرہ ہے اور اُس کے قطر ا ب کا اب کسی طولی اکائی کے کاظے رہے۔ مطلوب یہ ہے کا د ب ع کا مجم رکی رقوم میں معلوم کریں۔ بح مكه كره مشور ناتي جسم ا د فعر ۱۲۱) اس لئے صنابطہ \_\_ (0+0+0) = 7 سے کرہ کا ججردریافت ہوسکیگا۔ دفعہ ااا اب اگریم کره اور دومتوازی ماسی متری سطول ن اورک کے نقاط تاس کوکرہ کے دومتوازی سرے تصور كرس تودائره اب ج كوان توازى سرد کے درمیان کی وسطی تراش تصور کیا جاسکتا ہے اور قطر دع متوازی مروں کاورمیانی

فاصلہ ہوگا۔

اس کئے صابطہ نے  $= \frac{3}{4} ( ق + ق + 7 ق ) یں ہم ذیل کے$ 

اندراجات كرسكة بين:-

1=6

ق عده \_ رو مرا تعلی اکائیوں کی تعداد کے کمعب کو اسے معرب کو اور کے کمعب کو اسے معرب کو جو سے معرب کا جھٹا حصہ کرہ سے جم میں مناظر کمعب

الاينون كوتعبركر لكا --

"(b) x = = 2.500

....

علاا۔ کروی فول کے تج کے لیے آزو عمراز کروں کے قطروں کی رفوم یے صابطہ اسانی کے ساتھ افتر کیا جا سکتا ہے۔ کیونکہ فول کا جج دوری مرکز کروں سکتا ہے۔

ماحت (حِصْدوم) بالمبت ويتم

كرة - كردى فول اوركره نيا (-10 + - + 1) (1-1). V. - T = اب فرعن کروکہ خول کی دبازت قطرس کے مقابلہ میں تم ہے۔ تب ہے۔ تقریباً اکائی۔کے ساوی ہے اور アンマンン・ゴーニフ = با مرا × ۲ ما تقریباً (جمال ط = خول کی دبازت) = مرا من نقریباً نصف مویدی اگرخول من نقریباً نصف مویدی اگرخول نقریباً نصف مویدی اگرخول نقریباً نصف مقدار موگی - نقریباً عقوم مقدار موگی -

では、シャーナーで

= المار الا ما عن تقريباً (جمال ف = فول كى دانت) = الم براك لقريبا

۱۶۸ - اگرگره کومقابل کے قطبین بر چیٹا کر دیا جائے تو آسے کس لا غما

- 00 = زين ايك كرة منا ب

قطع اقعل كواگراس ك اكي محورك الرفعالا عاسمة توايسا

عجم بیدا ہوتا ہے۔ اگر قطع ناقص اپنے عور اصعنی کے گرد گھوے ترجو کر ہ ان

فيكل مسا

ماحت (حصر دوم)باب ستومتم كُرُه - كُرُوي خول اوركُرُه نا پیرا ہوتا ہے اس کو چیٹا کرہ ننسا كيتي بيس (وميسوسكل مل) الرَّفطع نا قص این هجود اعظم كے كرد كھۇسے توجو كرہ نابيدا ہوتا ہے اُس کولمبوتواکوہ عنا کہتے ہیں ( دیکھوشکل ۱۰)-گھڑی تقریباً چیٹے کرہناکی عام مثال اورركبي (Rugby) فك بال لموتر \_ كره ناكي عام مثال ہوستے ہیں ۔ جیساکہ بیان کیا جاچکا ہے کرہ نا مشور نائی مجیم ہیں۔ دفعہ ۱۲۱ اس کے ان کے جم بھی ذیل کے صابطہ سے دریافت کیے اس لئے ہم لکھ سکتے ہیں کہ ۔ اورقطع ناقص (جس کے محویے سے کڑونا نبتاہے) کا محور اِنکم ۲ اواور محور اصغر اب بوتوہم یہ میامندرج کرسکتے ہیں ۔ ع = اب اور ی = ۱ وا جب کرکه ناچیا ہے ع = يو د اور ق = ١٦ ب جب كركونالموزاب ان اندراجات كى بنايريس ذيل كما بط ماصل بوتي :-

كره - كروى فول ادركره

(١) لبوترے كره نامے ليے (-+++++) = 7 ヤナナー

149

مثال مل: ٢ منال مل: أم الني تطرك ايك كره كاوزن و اونس به: أس مادة ك ایک کمعب فنط کا وزن معلوم کروجس سے کرکرہ بنا یا گیا ہے ۔

جال ر = ۲ 

ن المعب فث ارتم كاوزن

و معدد المراد ا مثال ملے: بتاذکہ م اپنج قُطر کے سید کے گولے سے اپنے قطر کی کتی گولیاں ڈھالی جاسکتی ہیں اگردوران علی دھات کا بچھ جھی صیصائع نہو۔

الع تَقَرَى بِرايك كولى كاجم = \ الم مرايك كولى كاجم = \ الم مرايك كولى كاجم = الم مرايك كولى كاجم الم الم الم

٣ انخ تطرك كرك كا فيم = TX (٣) كعب انخ . . . وقد ١٩١

 $1<\gamma = \frac{\left(\frac{1}{\Gamma}\right)\times\Pi}{\frac{1}{\Gamma}} = \frac{\Gamma(\Gamma)\times\Pi}{\frac{1}{\Gamma}} = \frac{1}{\Gamma}$ 

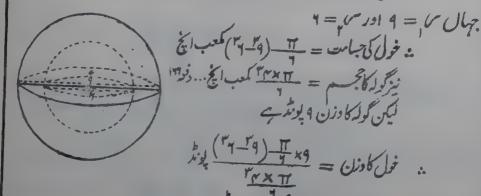
مثال سے: ١١ الج قطر کے توب کے ایک کروی کونے کو کیم ماکر ایک ایسے تخرطی

ساحت (حصُّه دوم) بالبسبت دَبْقتم م ۱۳۸ مثره - کُرُوی خول اورکُره من

: تو ب کے گولکا مجم = مل اللہ کعب انج اور اگر ع انج = مخوط کا ارتفاع

یں ہے۔ اس لیے می وط کا ارتفاع ۳ ایج ہے۔ مثال سے: اگر م ایخ تُطریح لوہے کے ایک گواد کا وزن ۹ پوٹم ہوتو بتاؤ کہ لوہے کے اُس خول کا وزن کیا ہوگا جس کے بیرونی اور اندردنی قطر بالترتیب ۹ ایج

اور ۱۹ انخ ہیں ؟-خول کی است = آرسی - سی کمعب اننے . . وفعہ ۱۲۷



<u>ہے ہوئٹر</u> ھٹال ہے: ایک ایسے کرہ کا نشف قطردریا فت کروجس کے محیط اور جم کی عددی غیرتیں وُہی ہیں۔

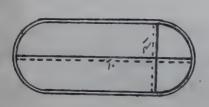
ئن من كروكه رطولي اكائيال = كره كانصف قطر

مساحت (حصر دوم)باب بت دومتم كرة - كروى خول اوركره نا ت الروكا في المال عد الماليال : كره كا . ع = - الم الما يال نيزكره كالحيط = ٢ ١٦ رضلي اكانيال コイトニアコード せい! مثال سائد: ایک قائم مخروط اور ایک نصف کره م فط قطر کے شترک قامله پرمقابل متول میں واقع ہیں - مخ وط کا راسی زاویہ قائم ہے: اس دصنع میں اگرایک أسطوانه ان كالهاط كرے تو بتاؤكراس سے كتنى زائد فضا كھ جائيگى ب تيمون تكلول مح جموعه كي ايك أتصابي تراض يرفوركرد -برایک شکل کے قاعدہ کا قطر نظیم کا۔ أتطوان كاارتفاع نصف كره كے نعمف قطرت دوچند اور مخروط کی ملیندی نصف کرہ کے نصف قطر کے برابر ن نعف کره کا جمع الم الم الم الم المحب فط مخوط كا فحم = الم ١×١١×١١ معب فط . وفعيد ١٢٤٢ أنطوادكا جم= TX/1X معب فنط - وفعسراسا يس أسطوان كے احاط كرنے كى وج سے زائد نصنا = ولا - ( الم الم + الم الم) } كعب قط = المعب فرط مثال عد: ايك كرة ك قطركا ماب ... الميل ب: تقريباً معلوم كروكا والمجم ايك و وسرت ایسے کرہ کے جم سے کئے کعب میں زیادہ ہوگا جس کا قطر پہلے کرہ سے قطر سے ، م گزیم ہے ؟ جھوٹے کرہ پر ٹرے کرہ کی زیادتی = م م م ط کعب میل تقریباً ... وفعہ ۱۹۲ جہاں م = ... باور ط = جم

: زارتی =  $\frac{17 \times 100 \times 100 \times 100}{1690}$  کعب میل تقریباً =  $\frac{17 \times 100 \times 100 \times 100}{1690}$  کعب میل تقریباً =

= ٢ ١٩٠٤ ا كعب مل تقريباً

مثال مه: بروال او ہے کے ایک بندا سطوان ناجو شارہ کا طول ۱۰ فٹ قطر م مثال مدر بازت بے ایج ہے اور اُس کے سرے نصف کروی ہیں : اگر ایک بندا سے سرے نصف کروی ہیں : اگر ایک بندا ہوتا ہوتواس جو شارہ کی دھات کا وزن ۲۹ میں برٹر ہوتا ہوتواس جو شارہ کی دھات کا وزن



بو اره کا مجم = برونی سطح سے گھری ہوئی فصنا۔ اندر دنی سطح سے گھری ہوئی فضا۔

اندروني مطي سي مكري بوئي فضا = { الله (١٣٨) ٢٠ ١ ٢ (١٣٨) ١٢ عب النج وفعات ١١١ ١١١

= T(71) { 17 + 12 } der 13

گره - کړوي خول اورکړه نړ

= Tr (۱۲۲) × 1/4 کعب الج = Tr ( ۲۲) × م. ا کعب ایخ

= T × ۹۹۵ ۱۸۱۲ کمیب ایج = ۲۹۹۸۰ کعب فط

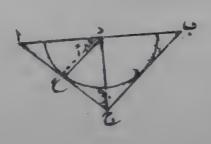
وصات كاوزن = ١٩٠٠ و٣ × ٢٩١ بوند = ١٠ ١٩ بوند لتربيا لزط ۔ و فلمو کی سطح کودھات کی دیازت سے صرب دے دیا جائے تو اُس کا تقریبی جب زیادہ آسانی کے ساتھ معلوم ہوسکتا ہے۔

مثال عد: مزولی وصنع کے ایک ایسے جام شراب میں پانی محراکیا جس کا راسی زادیہ ایک قائمہے ۔ پھرایک ایخ نصف تطرکے ایک نصف کرہ کو بانی میں ایس

طرح دارياكياكم اس كى مختى على يني كى طوف رسى اب معلوم يو اكرجب لصف كره جام شراب کے بازووں پر کمک جا الب تواس کی ستوی مطح عین پانی کی سطح میں روہتی ہے۔

نصف کرہ کو وادے کے بعدمام می جیانی باتی ره جا اس سے اس کی مقسدار معلم

فرض کرو کہ شکل سے مخدط



اورنصف کره کی انتصب کی وسلی تراش تعبير ہوتی ہے۔ چو کر شلفات ( دج

اور ح ج تنسادى الساقين قالمُ الزويه مشلت ہیں اور دع کا لول = الغ

ETT = (3 = 1) :.

نصف راہ الاسنے کے بعد بقیر بانی کی مقدار = مخروط کا تعبی مجم نصف کرہ کا تعبی مجم

= الله (١-١٦) كعب الخ

= ۲۸۹۲۰ کعب ایخ

مثال سل: ایک ایسے خول کی دبازت معلوم کر وجس کے احدونی قطر کاناب ا الج اورهب كا وزن اسى قطرك ايس مطور كول كوزن كا نصف م

زمن کرور فول کے بیرونی تعولا

ناپ لا ایج ہے۔

وَلَي الْحَ الله عَلَى الله عَلَى الله عَلَى ١٠٠٠ وفيها ليكن يفوس كولكا عجم = المدين من كعب انج دفعه ١٦١

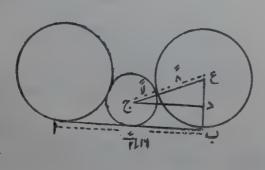
"<x T x + = ("2-") T :

EX = Y

014:0 = "8

اس ليے فول كى دبازت = الج

مثال علا: ١ ايس كولي عن من من من من من من من الله الخ ب منزير اسطسيخ رکھے کئے کہ ہرایک بقیدیں



سے ووکوش کرتا ہے۔ بتاؤکر ایک ایسے پاپنویں کولیکا قطر كيا بوناجابين أأراس كوميز پرجاروں گولوں کے درمیان

ركها جائے توده الناس سے

گره- کروی خول اور کره نما

ا ہرایک کومس کرے ہ جادوں گومے جب حسب سرائط سوال رکھے ہوئے ہوں توان کے مرکز

ایک ایسے مربع کے چار کونے ہو بھے جس کے منابع کا ناپ ۱۱ ایج ہے۔

اس کے اگرشکل سے اس مربع کے وتریں سے گزرنے والے گولول كى انتصابى تراش تعبير بمواور أكريا بخويل كوله كانصف قط لا ايخ بهوتو \_

· · [ ] [ ] - | をアノーンで

き(ハーリ)=とで

と) (リーハ) = そろ 「シート」できること الليدس مقالهُ اول شكل مه

「(リーハ)+リトー(ハ+リ)

اس کیے بابخوی گول کا قط = ۸ ایخ

امتلهمنبري (۲۷)

(جب مک کامل طورسے ذکر نے کیا جائے ہے = ٢٢) ذیل می مندرج قطرد الے کروں کے جج معلوم کرو: -

ا- وفف - ٢- ١ فف ١ الله علم - ١٥ ١١ الح -

٧- اگر ٢ نظ ۽ ايج

کعب ایج میں اعشاریہ کے دومقامات کے اُن گردں کے بچے معلوم کروجن کے مجیط

ولي مدرج بين:-

## سوالات امتحانات

ا - قائم مخروط كى وصنع كے ايك ايسے عموس كوجس كا قاعدہ نصف كرہ سے یانی سے بھرے ہوئے ایک قائم اسلوان کی وصنع کے برتن میں ڈال دیالیا اور وه برتن کی تذکومس کرتا ہے۔ بیٹا ئے ہوئے یانی کا جم معلوم کرو اگر أتعطواء كاتطرا فط بلندىم فث نصف كره كالضف قطرم فط إور مخ وط كا ارتفاع م فط بور (جامعً الماآباد: ا نظميل بيك) ٣ - يانى ك أيك قطره كو إلى النج قطر كاكره فرص كيا جائے تو بتاؤكه اليسے ٠٠٠ ا تطرول سے ایسے فزوط ناجام شاب میں تنی مرائی کے بانی بحرجها میکا جس كاارتفاع أس كے بالائي كنارہ كے قطركے برابر ہو-(جامعت الله آباد: انظرميل بيك) س - دہ کون سنے تین میں اعداد ہیں جوکڑہ کس کے عائط اُسطوانہ اورسائط ماوي الاصلاع مخوط كي جمول ك تناسب بين -(جامعتى جبئى: ايل سى-اى-درسااعتان) الم - مزوط کے جم سے ایک کرہ کا جم اخذ کرو- ( ۵ - ایک کرہ کا فظر ۲۳۱ اپنج ہے - اس کا جم کمعب فطول میں معلوم کرو -(جامع، بنجاب: سيول الجينين الكاكا بعدا متان) ٢- توب ك ايك كروى كوله كا تطره الله ج اس كويكه للكراكي ايا مخ وطی سانج میں ڈھالاگیا جس کے قاعدہ کا تطرم النج ہے: مخروط کا ارتفاع معلوم رو- (جامعن يخاب بسيول ابخينير تك كأبكلا اسخان) ٤ - أس كره كا في كياب جس كاقطر الا الخب ؟ ( ٨ - يېخىند - كاليك سال يى افتاب سے زين كومتنى مرارت بېخىتى ب وہ ام ع زمن بر ١٠٠ انبط دبازت كى برت كى سل كو تھاد دينے كے لئے كانى الوجائيكي - زمن كو . . . ٧ ميل نصف قطركا كره زمن كرك اس برن كا جحسم

(جامعهمدراس بي - اي - امتحان) 9- ١٢ النج بيرد ني تُطركا أيك كهو كه لا خول أيك ايسة مخروطي برتن مين ركها كيسا جس کاارتفاعی زا دیر ۹۰° ہے اور اس میں یہاں یک پانی بھراگیا کنواٹھیک تعياب وصاب جائے اور اس میں کا خلا بحرجائے - بھرخول کو انی سے خالی کرکے برمّن میں سے نکال لیا جاتا ہے اور اُس کے بجائے اتنے ہی قطر کا ایک عموس گولہ اس میں رکھا جا تاہے توائس سے بانی ہا ایج اُور چڑھ جا تا سع - خول کی دبازت تقریباً معلوم کرو- (جامعی کلکتن: امتحان ایف - ای) ١٠ - لوسي كاايك عشوس كمعب جس ك كناره كاطول ٢ فط ب اور ١ فك نصف قطر کا لوے کا ایک عفوس کرہ کعب وصنع کے ایک ایسے وض یں ڈال دیے کئے جس کا صلع 4 فٹ ہے ادر جونصف حصہ ک یانی سے بھرا ہٹواہے ۔ اگر کمعب اور کُرہ دونوں پانی میں کلینَّہ وُوںب جائیں تو اعشاریہ کے پانچ مقامات مک وریافت کروکہ پانی کی سطح کتنے اپنج چڑھ جائیگی (جامعنً كلَّة - إمتحان-ابف-اي) ا ا - ایک ِ ایسے ام طوا نہ ہے جس کا ارتفاع قطر سے مسا دی ہے کتنا بڑے سے براكره بنانامكن ب - بتاؤكه البدائي عجسم مح جركاكونساكسري مصه كاف والا رجامعيم كلكتر: امتحان ايف- اي) سِب پوراپرينس دپارتمنت :ماهان ۱۲- لوہے کے ایک ایسے مخزوطِ مضلع کا و زن معلوم کروجس کا ارتفاع ۸ ایخ اورجس كا قاعده ٢ النج صلع كاأيك مثلث مساوى الاصلاع ب - يرفن ر لیا جائے کہ ہم اپنج قطرے لوہے کے گرہ کا وزن و پونڈ ہوتا ہے۔ الله - ١٥ فن قطرك أيك نصف كروى برتن كي تنائش أيك اليس اُسطُوا نہ نما برتن کی تنائش کی ایک سوبیس گئی ہے جس کی گہرائی افٹ ۲ ایج ہے ۔ اسمطوانہ نا برتن کا قطر معلوم کرو۔ ١١٠ - كسى اده كے ١٨ الح نصف قطرك كول كا وزن ٨ إو ترب - أسى اقہ کے ایک ایسے کروی خول کا وزن معلوم کروجی سے اندرونی اور

كره- كروى فول اوركون

بيروني قطربالترتيب ٨ انج اور ١١٠ أم بي ي ۵ - ایک ایسے مخروط کے قاعدہ کا نصف قطر معلوم کر وجسس کا جم م فرط نصف قط كروك في ماوى ب ادر وخوط كاارتفاع اكره ك نصف قط كا ١٧ - إگرزمين كا قطر ٠٠٠ ميل بنواور ماهران علم طبقات الاريش سطح كے ينجے ه ميل بمرائي مك زيمن كي اندروني حالت سے واقف ہو چکے ہوں تو بتاؤكر زمین کی گل جسامت سے کونے کسری حصہ سے وا تفیت ہو چی ہے ؟ 2 - سیسہ کے ایسے متطبلی جم اپنے قطری کتنی کروی گوایال بنائی جاسکتی يل جس كابعاد افط سانخ افث الني اور مانخ بي ب ١٨ - ايك فزوط كے قاعده كانصف قطم رہے ہے اگراس كا جم م الج قط ك كرة كے جے ساوى ہوتواس كاارتفاع معاوم كرو-19 - ایک عجم ایک مخروط اور ایک نصف کره پر اِس طرح تنتل ہے کہ یہ انظ قطرکے ایک متدیر قاعدہ کے مقابل جا نبوں پرواقع ہیں اور مخزوط کا راسی زاويه ايك قائمه ب : مجم كا جحم معلوم كرو-(سبب بورا برينش لإ بارممنت: اعتان سالانه) ٢٠ \_ نصف كروى وضع ك ايك برتن ك بالائي كناره كاطول و فط ٢ الح بي: اگروه نصف عصه يك بغربت سے بھرا بُهوا بهو تو بتاؤكہ تا الح تُطُرِ مَن نصف كروى بيالول من كتن أوميون كوشربت بلايا جاسكتا ہے ؟ (سبب بورايزيش ديارتمنك: ١ محان سالاند) ا۲-۲ فظ لمبي الي من مجه پاني سب ايك كره جونلي مين شيك مشيك ساسكتا ہے اُس کے اندر ڈالاگیا اورمعلوم ہواکہ بانی کی سطح تھیک تھیک گرہ کے بلندرين نقط يك بيني كني - على من كتنا باني عنا ب (سب بودا برينش د يا د منك : ف الينل) ٢٢ - لوب كايك فول كابيروني قطرا فظ به اور وصات كى وبازت ٢ ایخ سے ۔ خول کا وزن علیم کرو [المعب نٹ لوپ کا وزن = ٥٥٠ پوٹر] ( س ا بایدن و به می اور قطاع کره منطقه گره - قطعه کره اور قطاع کره

، کا منطقہ گرو سے کرہ کا وہ حصد مراد ہوتا ہے جدکوئی سی دو متوازی سطور ل

کے درسیان ہوتا ہے۔ معددی فاصلہ مراد ہے جو دومتوازی

ستولوں کے درمیان ہوتا ہے۔ جب متوازی ستولوں میں سے ایک سطح کرہ کو گاشتی ہیں بلکر صرف اس کوش کری ہو تو اسی صوبت بر منطقہ کرہ کو قطعہ کرہ کہتے ہیں۔

اس کے قطعہ کرہ کی تعریف اس طرح کی جاسکتی

ہے کہ اس سے دونسکل مُراد ہے جو کوئی سی ایک مستوی

اوراس سے کئے ہوئے۔

تطور کا فاعدة کره کی ده تراش بے بوستوی سے بنتی ہے۔

بس روابج دعیس اب دع ایک منطقہ ہے جس کا ارتفاع ف گ ہے اور ب ج دایک قطعہ ہے جس کا ارتفاع

ج ف اورقامره ب لاد ہے۔

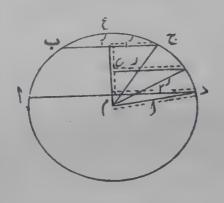


منطقه كُره قطه كره اور فُطاع كُره

ا ۱ ا - قطاع کرہ سے وہ مجسم مراد ہے جو ایک قطعہ کرہ اور ایک ایسے مخروط پرشتل ہوتا ہے جس کا قاعدہ قطعہ کرہ کا قاعدہ اور ماس کرہ کا مرکز ہوتا ہے ۔

## مسئله (۴۰)

۱۷۲-منطقہ کر کا جحم معلوم کر ناجب کر اُس کے دونوں سروں کے نصف قطر اور اس کا اس تفاع دیے ھوسٹے ھوں۔



فرض کردگرہ ابعج د کا ایک منطقہ ابج دے اور اس کے دوسردل کے نفسف قطر رئر رہیں اور اس کے ارتفاع کا ناپ ایسی خطی اکائی کے کاظ سے ع ہے۔ مطلوب یہ ہے کہ منطقہ کا جم دیر روم یں در یا

فرص کرو کہ کرہ کا نصف قطر الرا و منطقہ کی توسطی تراش کا تصف قطر ر سے اور کُرہ سے مرکزا و منطقہ کے قریب ترین سرے کا عمودی فاصلہ اسی طوبی اکائی سے لحاظ سے مسیرے۔

ہے م ہیے۔ چونکہ منطقہ کرہ بھی ایک منٹور نمائی مجسم ہے کو دفعہ ۱۹۱) اس کئے صابطہ سے سے ایک درخار کی ہے ہے اور کا ہے ہے اس کے صابطہ سے میں میں سے ایک درخار کی ہے ہے ہے ہے ہے ہے۔

سے اُس کا مجم عاصل ہموجائیگا . . . . . ونسہ الاا لیکن اس صورت میں ۔

ن منطقه الحب ج د كا فيم = على ( المراب + المراب كعب اكانيال - المسلمة المراب إلى معب اكانيال - المسلمة المراب إلى المعب المانيال - المسلمة المراب إلى المراب المسلمة المراب المسلمة المراب المسلمة ا

[ 1] = -12 + 27 + 17 + 12 = 17 | 19 = 17 + 17 + 17 + 17 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18 | 19 = 18

اس ية تفراق كرنے سے - لاء - الله عام - لاء - لاء - الله عام - لاء - لاء

اس ليم م كوساقط كرف سے -
را - را + را ل - را + را ل - را ا - ر

 $=\frac{\Pi^{3}}{4}\{\Pi(\Gamma_{1}^{4}+\Gamma_{1}^{4})+3^{4}\}$  کمعب اکاعیاں منطق منطق میں کی طومند منطق میں کی طو

یس قاعدہ \_\_ منطقہ کرہ کے مرول کے نصف قطروں میں کی طولی اکا پئوں کی تقداد کے مربعوں کے مجموعہ کے بین گنے میں اس تحارلفاع میں کی اُن پی طولی اکا بیوں کی تقداد کا مربع جمع کرواور اس مجموعہ کوارتفاع میں کی طولی اُکا پئول کی تعداد سے ضرب دو تب اس حامل مزب کو ہے۔ کی طولی اُکا پئول کی تعداد سے ضرب دو تب اس حامل مزب کو ہے۔ منطقره -قطعره اورقطاع كره نصف کره کا جم = الله . (۲)! (۳) المانیال = <u>الم الم المعب الماثيال</u> اوریہ دفنہ ۱۲۱ میں حاصل شدہ متیجہ کے مطابق ہے۔

مسئل (۱۲۱)

قطاع کرہ کا جے معلوم کر ناحب کر اُس کے قطعی کا ارتفاع اوركر لاكانضف قطرديه هويء هو فرض کروکہ وابج د ایک قطاع کرہ سے اور اُس کے

تطعه أب ج د كاارتفاع اوركره كا تصف قطربالترتيب ع اور رطولي ا کا نیاں ہیں -

مطلوب يرب كرقطاع كا جمع اور رکی رتوم می دریافت وص کروکہ اسی طولی اکائی کے

لحاظ سے قطعہ کے قاعدہ کانصف قطر م ہے۔ اب تطاع وابج د کم = قطع ابج د کا جم + مزوط و اج د کا جم

= سے (١٤١١) کعب اکافيال + لم (١٤١١) وج معب اكائيال . . . ونعات ١٢٢ ١٢٢

: تطلع کا جی = <del>ایا (۱۱-3) + غ کیب اکائیاں + ہے (۱-3)</del> ٠١٠٠٠ (١١ -ع ) كعب المعيال

مساحت (حصره وم) بالبرسيمتيم منطق كره وطدكره اورقطاع كره 109 (ヤンシャーリット) をはしいははしいます(ヤンシー・ラントラントラントラント) = 7 (731-3+11-431) Lun 183/ يس قاعده \_ ٣ ياع كمس أكانيال کرہ کے قطاع کے قطرے ارتفاع میں جوطولی اکا یٹوں کی تصدار ہوتی ہے اس کوکرہ کے نصف قط۔ میں ان کا طولی اکا یٹوں کی تعداد کے مربع سے عزب دیا جائے تو اس حاصل عزب کا بیا ہے تنا ظرکھ اکا یُوں ہیں قطاع کے جم کو تعبیر کردگیا۔ قطاع كره كا . تم = ته ١٨ مركره كا نصف قطر الدقطة كا النفاع そり サーマ 5.3 مثال ملد: اید منطق کرہ کے سروں کے نصف قطر افظ اور ہا فیط اور اس التفاع مدف ہوں کے استعام کرد۔ きまんできゃくりょうりょうとか = そとない リニアニアニアニモリタ

「一」をいき、これが、「サヤ+(アナ+1·・)アト キ×サルー = 3.55bir:

= المرال معب الح

اس ليم أكرلا الي = تحنى كي دبازت TIME = Y'(Y) T

· 5/0/1 = 1/ = >

لیعنی تحنی کی دبازت = ۱۹۵۱ء انج مثال سیمے: ایک کُره کا تطر ۱۱ ایج بیعے بتا ڈ که دومتوازی مستولوں کے درمیان اس کا ہو حصہ ہوگا اُس کے جم کا تناسب کرہ کے جم سے کیا ہوگا ؟ متوازی ستوی مرز کے مقابل جا بنوں یں اُن سے م اور و انج کے فاصلول پر ہیں ۔

مساحت (حصرُ دوم) بالبسبة واستم منطقارة - قطعه كره ا ورقطاع كره 141 المابر بيم كه دومتوازي سطول کے درمیان کرہ کا جوحصہ ہوگا وہ ایک منطقہ فرمن کروکہ اِس منطقہ کے سرول أ کے نصف قطر م اور رم ہیں۔ 1 = 11×1= 1

جمال ع = ١٠ ٢١ = ١٨ ٢١ عم وا

اس کیے منطقہ کا جم =  $\frac{7}{7} + \frac{1 \cdot x}{7} + \frac{1 \cdot x}{7} + \cdots$  کعب ایج

= مر ۳۲۸ × ساخ اوركل كره كا جم = ٢ × ١١ كعب الخ

 $\frac{\text{MP} \times \frac{\text{MO}}{P}}{\text{MO}} = \frac{\text{MO}}{\text{MO}}$ 

مثال مص : م نك مولك ايك نصف كردى برتن ميں إس نك كرائي مك یانی بھراہُوا ہے۔ ایک بیٹھر کو اس کے اندر و النے سے بانی کی سطح بلند ہو کر برتن کے

المليك معيك كنادى كك أكمى: بتادك ائس پیمر کی جسامت کیا تھی۔

زمن کرو که نسکل سیسے برتن ا در بیتھر می انتصابی وسطی تراش تعبیر ہوتی ہیے۔ فرص کروکدع اور اب الترتیب بتھرے ڈو سے سے پہلے اور بعد یانی کی سطح کو نعبیر کرتے ہیں ۔ رج = ١٠٠٠ فك ف لے یہ لے فٹ ف ب یے ہنٹ اوراگرگ ع = لافظ アナメアナーリ كع = المال نك اب يتمرك جسامت = أس سے مطائے ہوئے إلى كا جم = سطة إبع دكا جم bire { ( + )+(14+ 41/2) p) (+) TI = = 191 X TT = = ١١٠ ١٥٥ كمب فك تقريباً مثال على الله فط نصف تطريح أي كرة من و ند نصف تطركا أي أسطواند اس طح رکھاجائے گاکہ ووٹول ہم مرکزریں ۔اس طلب کے لیے کرہ کے جتے مصد كوكاك كركالنافريكاأس كافيم معلوم كرو- (١٣ = ١١١١٣) زمن کرد کشکل سے کڑہ اور اسطوار کی ایک انتصابی وسطی تراسش

كرُه ك أس معد كا جُوجِكاك كر نكال ديا جائيكا =

منطقه كرة ورقطاع كرة

کرہ کے رومساوی قطعات کا جم + اُسطوانہ کا جم فرض کرو کہ لافٹ = ہرایک قطعہ کا ارتفاع

U(A-B)=A-A

ن برایک قطه کاارتفاع =  $(\gamma - \gamma)^{T}$  فث اور اُسطوان کا طول =  $\{ (\gamma - \gamma)^{T} - \gamma \}$  فث =  $\gamma$  اس فث =  $\gamma$  اس فث

اس کیے ہرایک قطعے = اس ۲- ۱۳ (۱۳ ۲- ۱۳) کی کعب فال اس کیے ہرایک قطعے = کا جم اس کا جم میں اس کی میں دونوں دونوں دونوں دونوں دونوں دونوں کی دونوں ک

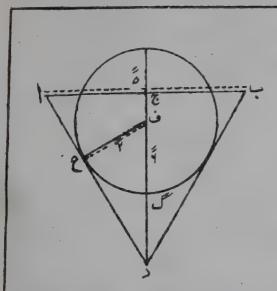
= 1 (١١ - ١١ ) . (١١ - ١١ ) كمعب ونط

= ١١٦ (١٥٤٣٢٠٥ + ١٥١٣٤٥) معب مغ

= ۲۱ ×۲۱۲۱۲۲ × ۲۹۲۸۱ کعب نظر

<u> ۹۳،۹۵</u> كىب نىط تقريباً

مثال سے: مخسروطی وضع کے ایک گلاس کی گہرائی ایخ اور اس کے



بالائی کنارہ کا قطرہ ایج ہے ۔ اِس میں بانی بھراجا تاہیے اور بانی سے زیادہ کشیف اوّہ کا ہم ایج قطر کا ایک کُرہ اُس میں ڈالاجا تاہیے ۔ بتاؤ کہ کس قدر بانی بَرجائیگا ہ فرض کروکہ شکل سسے گلاس اور کُرہ کی ایک انتصابی وسطی تراش طاہر ہوتی ہے ۔

تشاربشلثات سسے ۔

دع:عف=جد: الج ..... وقع ١١ دع: ٢ الح = ٢: ٦ . دع = ١٠ الح : ٤

د فد= \(\(\frac{\gamma\_1}{\pi}\) + \(\frac{\gamma\_1}{\pi}\)

E1 - 14 =

و بروئے قطعہ کرہ کا جم = 13 اور د = م عام کمعب ایج ... وفو ۱۲ ما عام کمعب ایج ... وفو ۱۲ ما عام کمعب ایج ... وفو ۱۲ ما ع

رُوبِ بوع قطور كره كا جم = ٢٠ × ١١٠ (١٢ - ١٨) كعب الح

= ۲۲×۱۹۱×۲۲ معب ایخ تقریباً = ۲۲×۲۰×۲۰۰ معب ایخ تقریباً = ۲۲۶۲۸ معب ایخ تقریباً

= بانى كى مقدار جو گلاس ميں سے برجائيكى

منطقهٔ كره - قطعه كره ا ورقطاع كره مثال معد والك نصف كره كا قطر ال فط سع اس من اسى قاعده كا مخروط جس كا ارتفاع م نف ب دصنا دیاجا اسے - نصف کرہ کے باتیا ندہ حصد کا جم معلوم کرو-زمن كروك شكل سے نصف كرہ اور مخروط کی انتصابی وسطی تراش تعبیر مقیہے۔

وب = ۲ وث بع = بس = ونط وس = افك

فن كروكر وس = م لا فنط فس = الأفض

س = ( الم لا - ١) فك س ب = (۲-۱/ ال) فط ١٠١ (١ ١ ١ - ١ ) (١ - ١ ١ ) = ١ ١٩ -

TO = 1 :

ن طس = الله فط س = سلم ونك

س ب = الله فط

تقطوع ف د ج م کا مجمع = ١٦ × ٢٥ م الم ٢٠ ١٠ (٣) + (٣) معب فط

قطعم عط م فرس کے =  $\pi \times \frac{\pi}{4} \times \pi$   $= \begin{cases} (\frac{\pi}{4})^{1} + (\frac{\pi}{4})^{1} + (\frac{\pi}{4})^{1} \\ (\frac{\pi}{4})^{2} + (\frac{\pi}{4})^{2} \end{cases}$  . . . ونذسها

ا × ۲۵ × ۲۵ × ۱۳۳۴ کعب فط

منطقه كره - قطعه كره اورقطاع كره

ن جموعی جم جوک کر  $\left( m^2 + \Lambda P A \times IY \right) \frac{P \times P \times P \times P}{P \times P \times P} = \begin{cases} \int_{-\infty}^{\infty} d^3 x \, d^3 x \,$ 

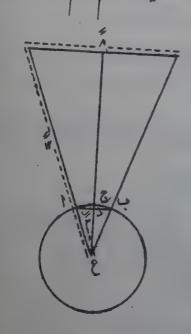
= ۲۲۳۹۲ کوپ فط

 $\therefore \lim_{n \to \infty} \frac{1}{2} \sin \left( \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \frac{1}{2} \right) = \pi \left( \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \right)$ 

= ٢٢ × ٢٨٨ كعب فك تقريباً

= ١٩٥٥ه كعب فث تقريباً

مثال عه : ایک قائم محزوط کے قاعدہ کا قطرہ ہے اور اگل لبندی الا ۔ اس کو سا نصف قطر کے ایک کرہ کے اندر اس طرح رکھا جاتا ہے کہ مخزوط کا راس اور کرہ کا مرکز ایک دوسرے پرمنطبق ہوتے ہیں: مجسم کا مجم دریافت کرد۔



فرص کرو کہ شکل سے عجسم کی ایک ایسی تراش ظاہر پر تی ہے جو مخوط کے محور میں سے گزرتی ہے -مخوط کا ارتفاع = ۱۲۴ ایخ مفعہ ۱۲

E11 / 1=

شنابمثلثات سے ۔ ع د: ۸ آ۲ آنج = ۳: ۱۲

٠٠٠ دفو۲۲

: 3 c = 1/1/13 : 5 c = (4-1/1/13) منطقه كرة \_ قطعه كرة ا ورقطاع كرة

اس سي كروي قطاع ع اج ب = به ١٦ (٣) . (٣-١١) كمعب الخ ... وفوام ١ = ۲×۳×۱ه ایمار، کعب ایخ = 17× 19 . وا كموب الخ اس ليخ مخ وط = ١٦٠ (١١) م ١٦ كعب الحج . = Try x Trg x Tr و مکعب ایخ اود كره= ٢٠١١ كعب الج = TT x PT معب الخ مطلوب جم = Tr (۱۲۰ + ۱۲۰ ۲۹ - ۱۲۰ ۱۶۰) کعب ای = ۵۱۹۹۹ کسی ایخ فراً مثال سنا: ایک مخوط کارتفاع ۲۲ ایج اوراس کے قاعرہ کا قطر ایج ہے۔ اس کو ایک ایسے خط کے گرد مھا اجا تا ہے جو قاعدہ کے عیط کے کسی نقطم كوراس سے الا اس - إس طح بننے والى شكل كا جح دريا فت كرو -بنين والى شكل ايك كروى تطاع ہے۔ اُس قطاع کی آیا۔ ایسی وسطی تاش بوفزر دو جركره كے مركزي سے كزد في سرے -كرة كانصف قطر= (١٢٠) + (٤٠) انج E1 40 = اور اگر قطاع کے قطعہ کا ارتفاع ع انج اور اس کے قاعدہ کا نصف قطرص ہو تو۔ 3 (· a - 3) = D. رفع ۵۵ ادر ص = (۱۲) - ع وفير ۱۲ 3(.0-3)=(11)-37 4A = E

 $\therefore \mathcal{L}_{c} \circ \mathcal{L}_{c$  $\frac{9h}{4} = \frac{9h}{4} = \frac{9h}{4}$ جہال  $u = 673 = \frac{9h}{4}$ اس کیے گروی قطاع کا جم =  $\frac{1}{4}$  ،  $\frac{17}{4}$  ،  $\frac{17}{4}$  ،  $\frac{9h}{4}$  کعب ایج تقریب آ ا = الم ١١٣٥ كموب الج تقريبًا

> امثلهمنبری (۲۸) (١١ = ٢٠ فن كرد)

ا۔ ایک منطقہ کرہ کے سرول کے نصف قطر بالترتیب ہ ایج اور ۱ ایج اور اس کا ارتفاع م انج بي ججمعلوم كرو-

٢ - ايك منطقة كره ك سرول مح نصف تعل الترتيب و الخ اور ١٠ النج اور

ارتفاع ١ النج ہے: جم معلوم كرو-

س - ایک قطعہ کے قاعدہ کا نصف قطر سانخ اور اس کا ارتفاع ۲ ایخ ہے جج معلوم کو م .. ایک قطعه کے تاعدہ کا نصف قطر م فٹ اوا ایخ اور ارتفاع و ایخ بے: جم

۵ - ایک تطعه کړه کا ارتفاع ۳ نط اور کړه کا قطر انت سے: قطعه کاجېمعلو کړو ٧- ايك قطعه كره كاارتفاع ١ النج اوركره كانصف قطر افط ہے: تطعه كا جم معلوم كرو-

٤ - ١١ اینج قطرکے ایک کرہ کو ایک ایسی منتوی سطح سے کا اما جا تاہے جس کاممود فاصله مركزسے ٣ ايخ كے فاصله برسم : أن دوقطعات كے جم دريا فت كروجن

من كركر منقسم بوجا اسم -

٨ - ايك كره كا قط المخ ب اور دومتوازي مستويوں سے مساوى لبنديول كے تین حصول میں اُسے منقسم کیا جاتا ہے: ہر ایک حصر کا جم در یافت کرو۔ ۹ - اُس نطقہ کا جم معلوم کروجو ۱ ایج قطر کے ایک کرہ میں سسے دومتوازی

ستولیں کے ذرایع کا طاجا ما ہے۔ یہ متوی مرکزے ایک طرف اس سے

بالترتيب ۵ وا اور ۲ ايخ كے فاصلے پرواقع ہيں -

149 ١٠ - أس منطقه كا جحم دريا فت كروجوس فك ٢ ايخ قطرك أيك كره يس سعد دوايسي متوازی مستوی سطحوں سے کا الم الم الم الم جومرکز کے مقابل جا بنوں میں اس سے الترتيب الغ إدري الخ كے فاصلول پرواتع بوتے ہيں -ا - قریب ترین گیلن یک یانی کی وہ مقدار دریا فت کروجو ایک ایسے کٹورے میں ساسكتى ہےجس كى وصنع إيك قطعہ كرہ كى ہے -كٹورے كى گيرائى ، انتے اوراس کے بالائی سرے کا نصف قطر لا ایج ہے ۔ ۱۲ - تین متوازی متوی سطحول سے ۱۰ فنٹ قطر کا ایک کرہ مساوی بندیوں کے چار حصول مِن تقشيم كيا كيا: برايك جعد كا جحم دريا نت كرو -١١٠- ذيل سے ابعاد کے كروى قطاع كا جم دريا فت كرو ؛ كره كا نصف قطر م فط االخ اور تطعه کا ارتفاع و ایخ - اور تطعه کا بحم دریا نت کرد: کره کا نصف قطر ۱۴ ایخ کا مرا دی کا نصف قطر ۱۴ ایخ کا

## سوالات المتحانات مراك

 $\left(\frac{\gamma\gamma}{2}=\Pi\right)$ منطفةكره

ما۔ ایک منطقہ کرہ کی دبازت م فط اور اُس کے مقابل کے رُخوں کے قطر ١١ فك اور مرفك بين: جح دريافت كرو-(جامعُه بمبئي: ايل سي-اي- دُوس المتحان) ۲-۱۲ ایخ قطرکے ایک کرہ کے جج کا کولنساحصہ اُن دومتوازی مستویوں کے

ورمیان ہوگا ہو مرکز کے ایک یی لاف اس سے م انج اور م انج کے فاصلول برین - (جامعتر عبعی: ایل سی - ای دوس ۱۱ متحان)

س- أس كروى منطقة كاجم دريافت كروجس كم سرول كالصف قط إلترتيب

س منط اور ۲ فٹ اور ارتفاع لیے افط ہے۔ (سِب بِوس ایرنیشی دیاس مید استحان ماهادی) م - 4 فط قط کاکے ایک نصف کروی کونٹرے کا پجے میں منے بل افقی وضع میں زمین کے اندر مدفون ہے اس طرح کہ اس کی بلندی کا صرف ایک تہائی مصرزمین کے اُور ہے ۔ بتاؤ کرمٹی کی کتنی مقدار کھوری جانی چاہیے اک وہ کو ٹھا پورا زمین سے گھنلا ہموا ہموا و رمٹی کی اسطوا نہ نا دیوار سے گھیرے ہموئے ہمو۔ (سب بور) ايرينش د بارشنك: امتحان سالانه) ۵- کروی منطقہ کے دونوں بسروں کوکڑہ کے مرکزکے ایک ہی طرف اورائس سے الترتیب ا انج اور دا ایج کے فاصلول برفرض کرکے اس کا جم در افت (تُن كالجنب: داخل كرو \_ كره كا نصف قط ٢٠ انج ب -٧ - ١١ انج قطر كا ايك كره تين متوازي مستوى تطحوں سے مساوی لمنديوں تحيطار حصول مي نفتيم كيا كيا- برايك حصه كا جح دريافت كرو- (٣ = ١١ ١١ ١٥ ٢ ) -إَنْ مَا كِي إِيرِسب اردُينيك ; ماهانه } ٤ - ١١ ایج قطرکا ایک گوامتوازی مستویوں سے مساوی بلندیوں سے نین حصول یں منتسم کیا گیا۔ ان صول کے جم کیا ہو تکے ؟ ( ا ٨ - أس منطقة كى جهامت كياربو كى لجس كابرا قطر ٩ فث ٣ النجي بيحولا قطر ٧ فنط ٩ ایخ اور ارتفاع ۵ فظ ٩ ایخ ب ؟ (مُمْ کی الجینیر) فائینل) - 2-110

منطقه كرة - قطعه كرة اور قطاع كرة

مسٹلٹن بنیرے اُس ٹکڑے کی لبندی دریا فت کروجس سے قاعدہ کا قطر ١ ایج اور جبامت أتنی ہی ہے جتنی کہ لے م ایج دبیراور لے ١٦ ایج قطرے الینڈ بینرے مراے کی جامت ہے۔ (جامعتم بيئ: إيل سي-اى: دوس المتحان) ١١ - قطعه كره كا جح دريا فت كرو جب كه قاعده كا نصف قطر ١٦ فث اورقطعه كاارتفاع (جامعة مدراس: امتان بي- اي) ١٧- ايك كره كا قطر ٨ فث ہے - اس كو دو ايسے قطعات مين فتىم كيا كيا جن یں سے ایک کی بدندی ڈوئرے کی بدندی سے دوجیند ہے: ہرا کی کا جم دریا فت کرو۔ (سب بدرا بریننس ڈیارٹمنٹ: امتحان ماھانہ) سا - قطعہ کرہ کی وضع کا ایک کٹورہ ہے اس کی گہرائی ۹ انچ اور بالائی سرے کا قُط ٣ في بع: قريب ترين كيلن يك باني كي وه مقدار دريا فت كروجوكلوره (سب پورايرينس ديارتمنك: (متحان ماهانه) ١٨-١٨ ايخ قطر كا ايك وزني كره أيك ايسي إني عيم عبوت وي وطنا كلاس یں ڈالاجائے جس کے بالائی کنارے کا قطرہ ایج اور گرائی و ایج ہے توبتاؤ كركس قدرياني برجائيكا ، (سب بودايرينش لخيار شنك : أ مُعَان سالان ) 10- ایک قطعه کره کی لمبندی د فظ اور کره کا قطره ا فظ ہے: ججردریا فت کرو۔ (سب يورايرينس ديارمنك: فالمينل) ١١- ايك قطع كره ك قاعده كانصف قطراً الج اوركره كانصف قطر الم- الخ ے: قطع کا جج دریافت کرو۔ (مُمْ کی ایرسب آرڈینیٹ: د احلی) علم - ایک قطعه کره کی ملندی م فط سر ایخ اور کره کا قطر و فط سر ایخ بے: جرور بافت كرو-(مَاثُمُ كَي ايرسب آردينيك : داخله) ٨١- أس برے سے برے كمعب كالدے كاطول دريا فت كرو جو ایک ایسے قطعہ دائرہ میں سے کا اما سکتا ہے جس کے قاعدہ کا نصف قطر ۱۱ ایخ اور بلندی ۵ ایخ ہے - ( سر

#### قطاع دائرے

19 - ۱۰ نشانصف قطر کے ایک گرہ میں سے ایک تھوس قطاع ایس سے ایک تھوس قطاع ایس سے فروط سے کا ملا جاتا ہے۔ اس کرہ کا نصف قطر دریا فت کروجس کی جہامت تھے مساوی ہے۔ دریا فت کروجس کی جہامت سے مساوی ہے۔

(جامعنی بنی ایل عی وطود اخل کیا گیا اس طرح که مخووط کار اس دائرہ کے مرز برنطبق ہوگیا ۔ کرہ کا قطر ۱۲ اینج نے مخووط کے قاعدہ کا نصف قطرہ النج اور مرز برنطبق ہوگیا ۔ کرہ کا قطر ۱۲ اینج نے مخووط کے قاعدہ کا نصف قطرہ النج اور انس کی ملبندی ۱۲ اپنج ہے ۔ بتاؤ کہ کرہ سے وزن میں کس قدر کمی ہوجائیگی بوالم کی مدر کی انجینیں : حاخلہ ) المدب اپنج اور ایس سے قاعدہ کا قطر بالترتیب م فی اور انس سے قاعدہ کا قطر بالترتیب م فی اور انس سے قاعدہ کا قطر بالترتیب م فی اور انس سے قاعدہ کے محیط کے اس کو ایک ایسے خط کے کرد گھایا جاتا ہے جو قاعدہ کے محیط کے کہ وقی ایس سے طاتا ہے جو قاعدہ کے محیط کے کرد گھایا جاتا ہے جو قاعدہ کے محیط کے کہ سی نقط کو راس سے طاتا ہے ۔ اس طرح بننے والی شکل کا جم دریا فت کرو۔ میں نقط کو راس سے طاتا ہے ۔ اس طرح بننے والی شکل کا جم دریا فت کرو۔ میں نقط کو راس سے طاتا ہے ۔ اس طرح بننے والی شکل کا جم دریا فت کرو۔ میں نقط کو راس سے طاتا ہے ۔ اس طرح بننے والی شکل کا جم دریا فت کرو۔ میں نقط کو راس سے طاتا ہے ۔ اس طرح بننے والی شکل کا جم دریا فت کرو۔ میں نقط کو راس سے طاتا ہے ۔ اس طرح بننے والی شکل کا جم دریا فت کرو۔ میں نقط کو راس سے طاتا ہے ۔ اس طرح بنے والی شکل کا جم دریا فت کرو۔ میں نامی کو نین کا نفید کی اینجینیں : فی نین کی اینجینیں : فی نین کی اینجینیں : فی نین کا کھونی کا میں کا خوالم کی کارہ کی کی کی کا بیات

#### ضيمهوالات أتحانات مهر

مرم میط کے نقاط ن اور ق بر مرائج نصف قطر کے ایک دائرہ کے وہ ماس طن اور طق اس طرح کھنچے گئے کران کے درمیان ، 4 کا ذاور مرکز دائرہ کو الا نے والے خط کے گرد شکل کو کھایا جائے تو بناؤ کہ اس طرح بیننے والے جب کا جج کیا جوگا ہے جائے تو بناؤ کہ اس طرح بیننے والے جب کا جج کیا جوگا ہے میں اور ڈیپنیٹ ؛ داخلہ) مرابع دوف قط کے کرہ کے ایک منطقہ سے مرے دوایسے متوازی دائرے ہیں جوالکہ مرابع دوایسے متوازی دائرے ہیں جوالکہ

منتر تعلیہ سے بالترتیب ۳ ایخ اور ۹ ایخ کے فاصلوں برہیں۔ اس منطقہ کا مجسم دریا فت کرو۔ (مُرثی کی ابنینیں: داخلہ)

المالية وإنه مشابرجتهات ١٤٧ - مجتّات متشأب كملاتے بي أكران كي وضع طع ايك بى بولىكن أن كى جهامتوں كإمساوي بونا ضروري نبين - شكل مسلكه مي مخروط مصلع هراور محزوط مصلع ع متشابرين -کعبایک دوبرے کے تشابر ہوتے ہیں اور اسی طرح بتا ) گرے بھی ۔ کسی مشین کا نقشہ خور خ کے تمشابہ ہوتا ہے۔ کسی بم کی تکبیر خودائسی ہے متثابہ ہوتی ہے الركسي برے مخ وط مصلع میں سے قاعدہ کے متوازی کسی تراش ایک جھولما مخروط مضلع کا طیابا سے تو یہ ابتدائی مخروط مضلع کے قشار ہوتا ہ سيحتم مي د وخطوط مستقيم مامخني يحجائيس اور دونتنا ظرخطوط كعلى متثابر م م جمی تصنیح جایش تو میجار و ت خلوط مناسب ہوں کے ۔ اس طرح ننشابه مخسبه وطول کو ابجد اورؤبج ديس ـ محط ب ج د: محیط بَ جَ دَ = ارتفاع ع: ارتفاع أع: ارتفاع أعَ

مسئله (۲۲۹)

مدارد ومتشاب مجسمات میں کینچھوٹے دومتناظ خطوط کے طول اوران مجسمات میں سے آیات کا جم دیے ہوئے ھو کے ھوں تو دوس سے عجم دی یا فت کی نا۔



وض کروکر اب ج د اور ف گ کا ک دو تستابه مجمات میں جن کے تناظر خطوط ع ج اور ل لا کے ناب ایک ہی طول اکائی کے لحاظ سے

بالترتیب او اور اور میں 
نیزوض کروکر مجتم ف گ لا کا مجم کی عب اکائی میں ج بے
مطلوب یہ ہے کہ مجم اب ج د کا جم اور اور ح ہی رقوم میں

دریافت کریں 
کے ساتھ وہی کنبت رکھتے ہیں جوائی میں کھنچے ہوئے کوئی سے دو تمناظ مطوط کے طولوں کے معبوں کی کنبت ہوتی ہوئے کوئی سے دو تمناظ خطوط کے طولوں کے معبوں کی کنبت ہوتی ہے ۔

نظوط کے طولوں کے معبوں کی کنبت ہوتی ہوئے کوئی سے دو تمناظ میں ہوتی ہے ۔

نظوط کے طولوں کے معبوں کی کنبت ہوتی ہوئے کوئی سے دو تمناظ میں ہوتی ہے ۔

نظوط کے طولوں کے معبوں کی کنبت ہوتی ہے ۔

نظوط کے طولوں کے معبوں کی کنبت ہوتی ہوئے۔

نظوط کے طولوں سے معبوں کی کنبت ہوتی ہوئے۔

نظوط کے طولوں کے معبوں کی کنبت ہوتی ہے ۔

نظوط کے طولوں کے معبوں کی کنبت ہوتی ہوئے۔

は: り= て: そろう・ كسى عجسم كا جحم معلوم هوسكتاه اكر أس كى نسبت کسی متشابی عجسم کے معلوم عجم سے دی یا فت کی جائے اور اس (نسبت)کودونوں عجسات میں کے معلوم متناظی طولوں کے مکعبوں کی نسبت کے مسادی م کھاجائے۔ بها عجم كا فج : دُوسر عجم كا في = بها عجسم اور دُوسر \_ مجتمیں کے تمنا ظرطولوں کے معیول کی انسان 7:7=7:7 · , Z | ": , Z | = , 1 : 1 توضيح مثاليس مثال سل: بتاؤكه ٢٠ فك ارتفاع كي مخ وط مصلع كي س قدر بمندي كا الله على جاني چاہیے تاکہ اس طمح مامل شدہ میزوط مضلع کل کا جہارسٹے یا پخواں حصہ ( اللہ ) ہو ؟ چھولا مخروط معنلع اور وہ جس سے کہ وہ کا اجاتا ہے وونوں مثابے جہات ہیں . . . وفد ۲۵۱ اس لين أر وفط = يهوف موفوط معنلع كاارتفاع でに、こい=り:り بهال ال = ۲۰ ح = ۱ اور ح = ۵ では、アアニア・・・ シ・・ アイニー・ジャー مطلوبه لمندي = ۲ ا ۱۰۰ انت مثال مل : ايك معب ونك بيل كاوزن

ایک ایسے کمعب کا و زن دریا فت کروجس کا وتر ۱۲ ایخ ہے۔ ایک کمعب فٹ کے ورکاناپ سے فٹ بوتا ہے . . . . وقعہ 119 اس لیے آگر ۱۱ ایخ وز کے کعب کا وزن و اونس ہوتو تشابہ مجسات سے ۔ 16 mrs. 0 = m 1 ... = 9 ... مطلوبه وزن = ۱۲۲۲۰۵ اولس مثال سے: قاعدہ کے متوازی سری طحوں سے ایک مخروط کوتین مساوی حصول میں تعسیم کرواور ان طحول کے مقام معلوم کرو۔ مخ وط کاارتفاع ، ۱ انچ ہے ۔ فرحن کرو کہ مخ وط کے راس سے متوازی سطمیں بالترتیب لا ایخ اور اانخ کے فاصلوں برہیں -تب متنابر مجهات سے \_\_ · · 1: = --- : " Fr - - V : 1A 1 1 == 1: = " : " ] #J " " = 1 : سطین مخروط کے راس سے بالترتیب ۱۰ سام النج اور ۱۰ الج کے فاصلول يرمين ـ منال على: اكراو بي كوشاه بلوطى لكرى سے آ الله عارى ومن كياجائے تولوہ سے کے امس گولہ کا قطر کیا ہونا چاہئے جس کا وزن مرا ایخ قطروا ہے شاہ بلوط سے گولہ کے وزن کے برابرہے -زعن کردکه و پونڈ ہرایک گوله کا وزن ہے اورح اورخ بالترتیب لوہے اور شاہ بلوط کے گولول کوتعبیررتے ہیں-

 $\frac{3}{2} = \frac{3}{2}$ A:1= を:2 ! اگر ایخ = لوے کے گولد کا قطر アル: ア) = をここ دفعہ ۲۵۱ 1:1=EN:3 = "3 لوہے کے گول کا قطر ہ انج ہوگا۔ مثال عهد: ایک مخوط کے قاعدہ کا رقبہ ۲۵ مربع ایج ہے: ایک مشابہ مخوط کے تاعدہ کا رقبہ دریا فت گروس کے جم اور اول الذکر مخروط کے جم کا تناسب زعن كروك إلى انج اور لى الج دونول مخزو لول من كے مناظر لول مي Nr: 7 = 1:3 وقع ۸۷ ١:١٥ = ١٥٠ : اقر ٠٠٠ ادر نیز دفع ۱۰۴ جهال. ف، مربع الج = مثاب مؤوط کے تاعدہ کا رقبہ 11 = rol: ,5] . ٠ = ١٠ :

تشابہ مخروط کے قاعدہ کا اب ۱۰۰ مربع اپنے ہے۔ مثال علنے: ایک قائم متدیر مخروط کے مقطوع کے سروں کے نصف قطر بالترتیب اپنے اور ۸ اپنے ہیں اور اِس کا ارتفاع سر اپنے ہے۔ سروں کے متوازی ایک

16A

ايسى تراش كامقام دريافت كردجواس ع جح كودوسا وي صول بن تقسم كرد كي -أس ووط كوممل كروجي كاأب حصر د اير المقطوع سے -السكل مس مو وط كي ايك ايسي رَاشْ ظامِر روتى بع بوأس كه محود مي سے - 4-315

كاب= ١١٤ ライニンを بدد= ۱۱٪ اوراكر اب = لا ايخ

اب فرص كروكه ف ج سے كاشنے والى متوى سطح تبير بوتى ہے اور

يجى زمن كرادكرتين و وطول ابك اج ف ادرادع كرجم

الترتيب م كر اورح كعب الخ اي -

شب تنشار محبهات سسے ۔

160,00 "tr: [: "r = 2: 2: 2

アースースーといり " +1 - " = " - " + " :.

TT. AD = Fri + Fry = Thy :

1107750= 11 :

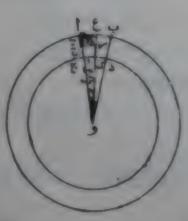
rrs099= 1:

(ri-rr/099....) = でい: اوراس سے کاشے والی مستوی سطح کی تعیین ہوجاتی ہے۔ مثال عيد : مقطوع موزوط كي وصنع كي أيك إلتي كا بالائي قطر إ افك تدكا قطر ا نط اور گرائی ا نظ ہے۔ اللی کے نصف حصہ کے پانی بھرا ہوا ہے۔ أكر و النج قطركا أيكسره أس مين وال رباحائ توبتاؤكه باني كتني لبندي كم وإيد جائيكا ؟ · الني كا جم = المنظم = المنظم المنظ = 11 كعب في = ۱۱۰۲۲ کعب ایخ : نصف الي كا جم = ١١٥ ١١ كمعب ايخ اب مخروط كوكمل كروس كا أيك حصر اللي ب-الرشكل اس مخزوط كے تورس سے كزرنے و الى تراش كوتعبركرك أكب = ما الخ رج د = ١١ ايج ك ف = ١١٨غ ادراكرع ف= لا ايخ 1A:17= (1/4) : [ ] ن. وزوط ع ج د کا . في = الم × الم × (٢) × ١٦ معب الح .... = ۱۳۲۳ کعب ایج ٩ الج قُطر كا كُو دُالْتِ مِن الله ١٩ كعب الج جم كا إنى يرف جائيكا = المعب الح

اس سے اگرخط من کرہ ڈالنے کے بعد پانی کی سلم کو تجبیررے تو مقطوع جم می د کاناپ (۱۳۱۲ + ۱۳۱۵ ۲۳) کمعب انچ ہوگا = ۱۳۲۵ کمعب انچ زمن کردکہ اانچ = وہ بلندی جہاں کے کہ پانی چڑھیگا۔ تب منتاب انتکال سے ۔ تب منتاب انتکال سے ۔ دفعہ ۱۳۲۲ تا ۱۳۲۲ عام ۱۳۲۲ تا ۱۳۲۲ میں دفعہ ۱۸

> > 175700 = 1 :

پانی ۱۵۵ و ۱۲ ایخ بلندی کم براه مایگا مثال عش : ایک کردی خول میں ایک مخزد ملی تسوراخ کیاگیا اِس طرح کر مخزد ط کا راس خول کے مرکز پر داتع ہوتا ہے ۔ سوراخ کا بیرونی قطر ۲۰ و ۲ ایکی خول کا اندرونی قطر ۱۲ ایخ اور ادّہ کی دبازت ۲۰۱۵ ایخ ہے ۔ بناڈک ایسا سوراخ بنانے سے خول کے جمر کا کتنا حصر ضائع ہوجائیگا ؟ (۲۲ = ۱۲۱۱ اوس)



اگرشکل سے کرہ کے مرکزیں سے گزرنے والی تراش تعبیر ہوتو — اب = 1510 الح و ج = 1510 الح ج ا = 1510 الح فرمن کردکرس ع = ل

- -

· = 1 + U + - U

·5·4747 = U

: قطاع و أع ب كا جم = ٢٠ ١١ ١١ ل كعب الج وفعههما

٠٥٠٤٢٩٢ = ١ ١٨٥٤٥ = ١ ١١٦٠ اس ك قطاع واعب كا جم = ٢ ١١ ل كعب الخ

= الما × ۱۱۹۱ × (۵۱۶۸) × ۲۲۲ ، و. كمعب الخ

اب قطاع وج ک د اورقطاع و اع ب دونول تشابیس -

ن. قطاع وج ل د کاریم = به ×۱۱۱۱۲۳ (۵۲۸) × ۲۲۲ ، د.

× (۲۶۵) کعب ایخ... ونوم ۱۷

اس كففارج شره في = بدا ١١ او ١٢ ١٢ م ١٠٠٠ حدد (٥٤٥) عدد الما المع ١١ م ١١ م المعدية

= - + ١١١١٤٣ × ١٢١٤٠٠ ، ١٤١٤٥٥ كوب الخ

= المر ١١١١٤٣ ٢ ٢١٠ ١٨ ١٥ معب الح

= ١٥٨٤ كمعب الحج تقريباً خول کے جم میں تقریباً عدم کمعب ایخ کی محمی ہوجاتی ہے۔

امثلهمنبري (۲۹)

ا۔ دو ایسے گروں کے جموں کا تناسب معلوم کر دجن کے قطرد س کا تناسب

٢- ايك كمعب كا جم كسى دُوس كعب كع جم سه آله كناب - الربه كمعب كا كناره ١ نف ١ الح بوتودوسيكاكنايه كما يوكل ؟

٣- ووتشار مخوطهائ مصلع سم ارتفاع بالترتيب ١ افخ اور ع الخ بي الريبل كا

تح - و كمعب الخ بوتودومرسه مخوط كاجم دريا فت كرو-

الم - أكركسى ٥ الج قطرك كره كا وزن م إوالد بروتواسى اده ك ايك ايس كره كاوزن وريافت كروجس كاقطرم الناج -۵ - ایک مخزوط کا ارتفاع د فف ہے - ایک ایسے تمثنا برمزوط کا ارتفاع دریا فت کرو جس كا جم يلي محزوط ك جم كاستائيس كنا ب الله - ٢٠ الله ارتفاع كاكب تزوط مصلع كوتا عده محمتواز یں کا فاگیا۔ سرایک عصر کی بندی معلوم کرد ۔ ع- دو تشابه مشورول مح جمول مي نسبت ١٣٥ : ١٢٥ - أن كي لمبديول من بت ٨ - توب ك دوكولول سك وزنول كاتناسب ١٠٠٠ : ٢٩ ج- ال ك نصف قطرول كاتنا مب در إفت كرو-9 - ووتشابر وزوطول مے وزن بالترتیب احده اوس اور ۱۹۱۳ اوس بي الريبل مخ وط كا ادتفاع و فث بوتو دوسرے كا ارتفاع معلوم كرو \_ ١٠ - قاعده كي سوازي اور راس و قاعده كي وسطي ستوي سطح سه اي مخروط مضلع كوكا اليا مقطوع اوريور عفروط مضلح كي عجمول كاتناسب معلوم كرو-١١- أيم مقطوع مخزوط ك مرول ك تطر إلترتيب ١١ فك أور مدفك مي اوراس ارتفاع م فك به مرول كرمتوازي ايك مستوى عم عدمقطوع كو دوحصول ير تعتيم كيا كيا - جيوے سرے سے سطح كا فاصلہ وريا فت كرو۔ ا - قاعدہ کے متوازی ستولوں سے ایک مخروط مصلح کوئین مساوی حصوں میں منقسم رواوران حصول کی لجند اِن دریافت کرو مخروط مصلع کاارتفاع ۱۱ فط ہے۔

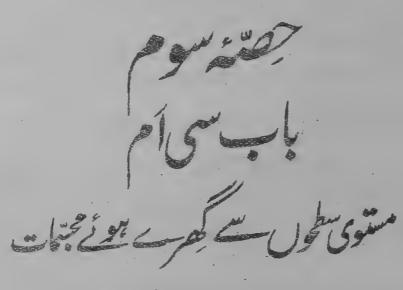
سوالات امتحانات عد

۱- ایک الی مقطوع مخروط کی وضع کی ہے۔ قد کا قطرہ ایج اللی عصد کا تُنظر افٹ اور البندی سما ایخ ہے: اگر اللی کا نصف مجم پانی سے مجمزا ہموا ہمو تو بان کی گہرائی معلوم کرد- (جامعًا مجمعی - اگر ایکلیم ڈیلوما - دُوسی ۱۱ متحان)

ع - ایک کعب کے ہرایک کنارہ یں آس کے طول کے دسوج صم کی کمی کردی جاتی ہے۔ بتاؤ کہ جم میں کس قدر کمی ہوجا لیکی۔ ا (جامعة پنجاب: سيول انجينينك) مه ایک قائم مشاریر فروط کو قاعده کے متوازی دو ایسی مستوی طون سے منقسم كرديا گيا ہے جو محور كوتين مساوى حصول ميں تقسيم كرديتی ہيں - ان مي صول كالجول كامقا بدكرو- (جامعة كلتها: ١ متحان ايف- ١٥) ٧ - ايك فخروط معنلع كا قاعده بها الخ صلح كا مربح سنة - ايك ايك مَشَادِ وَ وَطِ مَعْلُع كَا قَاعِدِه مَعْلُوبِ مِي حَمِي كَ فِي الْ وَرَجِيلِ فَيْ وَطَمَعْنُهِ كَ جُحَا تَنَاسِ اللهَ: السب دِرايونِيْشِي ذَبِاء مُعْنَا : مَاهَانِي) ٥- دداي تشابر مخ وطول كي بيول كاسفا بذكر وجن مي يوط الترتيب ما في اور ١٢ فطي س - (سب يور ايرينش ديار شف : ماهان ) ٢- اگرايك قائم الزاويم توازي اسطوح كأطول عرض اور بلندي بالترتيب ایک دورے قائم الزادیمتوازی السطوح کے طول عرش اور بلندی سے بقدار ایک بوعقاتی سے زیادہ ہو تو ابت کردکر بہلا بھی دوسرے سے تقریباً لقدروديد كي براج - (سبيد ايرينش ديا تيك عاهان) ع - قاعدہ کے متوازی اور قاعدہ اور داس کے نقط وسطی میں سے گزرنے والی ستوی سطح سے ایک مخروط معناع کو دوحصوں میں کا ٹا گیا: ثابت كرواك كرا اروس كاسات كنا بوگا-(سب پورا بريشس دُ پائهن ، ف ائينل) ٨ - ايك مقطوع مخرول مح مرول مح قطر الترتيب ٢٠ فك اور ١١ فك یں اور مقطوع کا ارتفاع م فیط ہے۔ سروں سے متوازی ایک سطے سے مقطوع كورومسا وي حصول بي تعتبيم كياكيا يجبو في سرب سي سطح كا فاصله (ساخ ا ع : شيني عُد آسين ( ق بني ) ٩ - ايمقطوع جزوط كے سرول كے قطر الترتيب ١٠ فيط اور ١١ في اور

أس كاارتفاع ٥ في ب - سرول ميم منوازي مستوى طول سيم مقطوع كو

یا ۔ حیونے سروں سے متبویوں کے فاصلے (مُرُكَى) برسباً مدينيك: داخلي) وریافت کرو ۔ ١٠ - ١٨ النج ارتفاع کے ایک مخروط کو قاعدہ کے متوازی ستوی طحول سے تین مساوی قطعات می تعتیم کرو اور ہرا کیے حصہ کی عمودی بلندی دریا فت کرو۔ (مُرُركى ايرسب آردينيك: د اخله) ۱۱ – اگراسٹیم انجن کے ایک بنونہ کا وزن ۸ یونڈ ہوتو انجن کا وزن معلوم کرو۔ انجن اُسی ادّہ کا بنا ہواہے جس کا کہ منونہ بنایا گیا تھا لیکن اُس کے طولی ابعاد ا منود کے ابعاد سے نوکنے ہیں ۔ (شرش کی ایرسب اس ڈین بے: ماھاند) ۱۲ - دو گروں سے وزنوں کا تناسب 4: ۵۱ اور ان سے ایک کموب انج مارہ سے وزنوں کا تناسب ۱۵: ۹ ہے۔ کروں کے قطروں کا مقابلہ (مرش كى ايرسب أس دنيك: ماحاس) ١١٧ - تابت كروكه ٢ الخ نصف قطر كے كره كا جم أن كروں مح جمول ك مجموعه كے برابر ہے جن كے نصف قطر النج أم النج اور ه النج بي -(رُرُ كَي الجنينير: فائينل) سم ۔ قاعدہ کے متوازی ترامٹوں سے ایک مخروط کوتین مساوی حصوں میں تقتیم کرواور اِن حصول کے ارتفاع دریا فت کرو۔ مخروط کاارتف ع 0 | - كمعب نا دوسيقرون كالجموعي جم ١٥١١٥١ كمعب الج مع اور تحيوك كعب اور را كعب كے كنارول كاتناكسب ٣:٧ بى - برايك كاكناره (جامعتراله آباد: انترميل يك) 14 - مزوطی وصنع کے ایک گلاس کا بالائی قطر انج ہے اور اُس کی گہرائی م النج ب أس كانصف جح ياني سے محرابوا ہے۔ بتاؤك أس ميں س فدر یا نی ہے اور گلاس میں اس کی لبندی کیا ہو تی ؟ ارتر کی ایرسب آس دینید اماهانه)



مراکسی میم کی مجوعی سطح کا رقبہ اُس کواعاط کرنے والی سطوں کے ارتبول کے مجوعہ کے برابر ہوتا ہے۔

اگرید احاط کرنے والی مسطین اشکال هستدی ہوں تر ایکے رتبے میاحت مستوی (حصرہ اُقی ) میں تابت سٹرہ کسی نہ کسی اعدہ سے دریا فت کے ماج سکتے ہیں اور اس کے لیے مزید سالہ است کی عزورت نہیں ہے۔

کی عزورت نہیں ہے۔

دیل کے مجتبات مستوی طحوں سے گھرے ہوئے ہوئے ہیں:۔

مستطیا تیجم
منشور
منشور
منشور
منشور

مصناع مخروط كامقطوع

### تونيحي مثالين

۱۸۱ مثال این مونی ۱ این جوری اور ۱۲ این کمبی ایک د طاتی تختی کو بلیملاکر ایک معلوم کرد - ایک معلوم کرد -



رصاتی تختی کی سطح = ۲ رم × ۲ ۲ + ۱× ۲ ۲ + ۱× ۲ ) مربع الخ ...... دف م

= ١٠٥ م ع اع

ا = ۱۱۹ کعب ایج

116 has 2 .... El YIV = 0168 and

를 가 ==

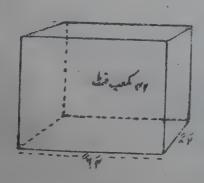
کیای سطے = ۲× (۲×۲) مراہ کے .... دنعہ ۹

色色ノバリニ

اس مے دونوں عبسات کی سطوں کا فرق = (۲۰۵-۲۱۲) مراج ایج = ۲۸۹

مراج ان الله معتب : ایک حوش کی استر کاری سید کی جا در وں سے جن کا ورن اور اسکی فی مربع دن الله میں استر کاری سید کی جا در وں سے جن کا ورن الله فی مربع دن ہے کیجا کیگی۔ حوض کا طول م نٹ ۲ لیخ عوض کا فیار اسکی سید میں معب فی سے: مطلوب سید سید

کا وزن دریانت کرو-اگر لا نٹ = حوض کی گھرانی



مستدى مطحول سے گھرے ہوئے جا

ون کی استرکاری کے لئے سید کی مطلوبہ مقدار

もらとはく(アナメドラメトナナナイナメナナーニンとは)=

مطاور سيدكا وزن = با ١٢ يو ل و إدند

مثال سلد بابر را مكن كا ايك صندوق الغ دبير لكرى سے نبا بدوا من اور اسك اور اسك المراسك المراسك المراسك المرادر بابر راك كروا ا جائيكا - اس كابيروني طول عرض اور كرائي بالترتيب ساكا ور

ويك ك كي سطى نظ دركاد يوسك و.

بيروني سطح -

+1+x(1+r)++xr}=

= (++0++ +1) =

= الم الم مربع فث

はしている」をメイトキャートトーラメトラーをいうから

= ( 1/4 + 1/4 ) مر يع وف

ر= جدم الراع نث

ايك مرتبدر يكف كے فتے ہے . ٢ مربع وظ ير رنگ لكانا يُلكا۔ مثال عمر : م منط صلع کے متفام شن قاعدہ کے ایک ترجیعے منفور کی جموعی سطح کا رقبہ

در یا بنت کرو۔ منتور کے طرفی کنارے ساگر اور ان پرعلی انقوائم تراسس کا اما طمہ آگر انٹ سے۔

منٹورکے رونوں سروں کی سطحوں کا رقبہ ۔ = ٢ ٢ (٢) (١+ ١٦) مربع فظ ٠٠٠٠ دفوه٢ = ١١ (١+ ١٦) مربع فث اب جو كم مشورك تمام طرفي رُخ اليسي متوازي الاصلا ہیں جن کا طول' مشترک اورطرفی کنارہ سے مساوی ہے ۔ : طرفي سطح كارتبه على القوائم تراش كا احاطه بدطرني كناده

= (٩x٢٨) مربع فث

= ۲۵۲ مربع فث

اس كئے مجموعي سطح كارقبر = {٢٥٢+١٢(١+١١) مربع نط = ٥٠٩٠١م مربع نط مثمًا عد: ايك مخروط مصلع كا قاعده افت صلع كا مثلث متساوی الاصلاع ہے اور اُس کا مال کنارہ ۲ فظ سے - جموعی الموطم من الم من ع م من المراج على المراج على من وفيهم جمال ت = 1 و= r

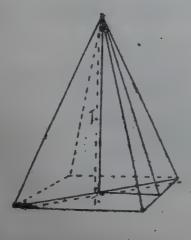
ن مخروط مصلح كي أل سطع = ٣ × الم ا ٢٣ - آمر بع فك = ٢٩٣٤م مربع فث

مزوط مضلع كا قاعده = السي مربع فك

= ۲۳۳ و مربع في

: جموى سطح = ١٠٥٨ مربع فط تقريباً مثال عدد: ١٠ فك ارتفاع كے ايك عام مخروط مضلع كا قاعده ايسام بعب عس مع وتركانات افك ب: اس كى أل سطح دریافت کرد -يو كرم بع قاعده كا وتر = ١٠ فث

ن مربع قاعده كابرضلع = إلى فف ... وفد،



متوى مخون سے تحرب بوئے جہات

وقور ۱۹

دفعہ ۳۰

اورج كد م ووط مصلع كاارتفاع = ١٠ فط -

مخروط مضلع کا  $= \frac{1}{|1|} + \frac{1}{|1|} + \frac{1}{|1|}$  فت منظم کا ارتفاع  $= \frac{1}{|1|} + \frac{1}{|1|}$ 

مثال مك: أس نشور مثلثي كى مجموعي سطح دريافت كروجس كے قاعده كا برصلع لله ه فث

اورجس کی عمودی بلندی ۳۰ دی سے -مسى ألى كناره مثلاً إب ادرقاعده كے أيك صلع

کے نقط وسلی ج یں سے گزرنے والی مخروط مضلع کی تراش یں راس ب سے قاعدہ پر کا عورب د واقع ہوگا۔ اور اس عود کا پائین د اس طرح واقع ہوتا ہے کہ

かードンメロー×= دفعہ کا

جة <del>السالم + السالم = كان</del>

= ١٩٩٠ و ٠٠ وث

د أل ع كا رقبه = ٣٠٤٠٣ ب ب × ١٩٠٠٠ مربع فط

= カイトンカイクラ نز قاعده کا دقیم = (من × الله من من عاف

= ۱۳۶۰۹۸ مريغ فنط

اس سنة مجموعي سطح كارتبه = ١٩٠٠ ٢١ مربع فث

ننکل میں فرعن کروکہ ۱ ب ج دسے
کا شنے والی سطح تعبیر پروتی ہے اور فرعن کروکہ
لا فٹ = مخووط مصلع سے راس سے کا شنے
والی متوی سطح یک کا عمودی فاصلہ تب تشابر اشکال سے لا: ۲۰ = میں ب: س ف... دند، ۱۰

لیکن شابرالسکال سے -س ب بس ف = ۱۱: ۲۲ ... وفعہ ۱۰

TI:TI=1:11 1

F1 1. ## # !!

1421611=

مطلوبه فاصله الام ادع مع في -

مثال مد: ایک مخروط مصلع کارتفاع ۱۰۰ فث اور اس کا قاعده ۱۲۰ فی صلع کام بع سے - راس سے ۲۵ فث کے انتصابی فاصلے پر مخروط مصلع کومستوی سطح

سے کاف ویا گیاہے۔ بٹاؤ کر بقید کی جمعی

بر پندسلی کا رقبه کیا ہوگا ؟ بقیصہ مخرد یا مصلع کا مقطوع ہوگا اور

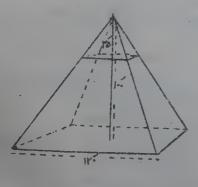
مقطوع كا بالا في سرام بع بروكا -

وْصْ كُرُورُ إِلانٌ مرے كا بِضِع دانك

تب تنابالكال سے -

ال : ١١٠ عند من المناسبة المنا

rr = U!



166 83 .

بعر - معنلع كالرلبندى = ا(١٠٠) + ا(١٠٠) نث . وقوم ١٠

=٠٦ المام فظ

اور اگر افث = مقطوع کے ہرایک اُل اُخ کے متوازی صلعوں کے درمیان عمودی فاصلہ تو مشابہ انسکال سے ۔

1 .. : YP = PP P. :6

اس لئے اُل سطح کا رقبہ = ٢ × { ل + ١٢٠ ) × ١١ ١٣ م م الله فت وفد ٢٩

= ۲۲، ۲۹ و مربع فظ

يْرِ بالائي سطح كارقب = ( ٢٢) مربع فث

= ۱۷۲۲مريع فط اس لئے جموعی برمنسطے = ۱۹۱ ۳۲۳ مربع فث

امتلهمبري (۳۰)

مستطيلي مجتماست

ان تعلیل عجتمات کی مجموعی طحول کے رہیے دریا فت کر دجن کے ابعاد حسبِ ذیل ہیں: -ا- ٣ نك ١ الح كم وف ١ الح كم وف ١ الح -

٢- ٢ فث ، اع ٢ وف ١١٠ ع سوف ١١٠ ا

一色にはかりがんとはいかい ان معبول كى جموع سطول كے رقعے دريا فت كردجن كے كنادوں كے الى لىسب

-: U; U;

ے ۔ بتاؤ کہ اُس تطیلی وصنع کے صندوق کو باہر کی جانب ۳ بنس فی مربع گزیمے حساب سے زنگوانے میں کیا لاگت ہو گئی جس کا طول و فٹ م انچ ، عرض م فٹ و انچ اور بندی م فٹ س ایج ہے ؟

بلدی م دت ہوا چہ ہے ؟ ۸ ۔ اُس کمعب کا کنارہ معلوم کروجس کی سطح کارقبہ وُہی ہوتا ہے جوکہ ایک ایسے مرتبط الم میں مستطیلی مجسم کا ہے جس کا طول معرض اور ملبندی بالترتیب ، افضاء نف اور وفنط

ہے۔ 9 - اُس کموب کی سطح کا رقبہ معلوم کروشیں کا جم وُہی ہے جوکہ ایک ایسے تنظیلی مجسم کا جم مع جس مے ابعاد حسب ذیل ہیں: طول و فث عرض عدف اور لبندی وفظ ہے ا ایک متطلی مجموع قاعدہ ایک مربع ہے اور اُس کی لبندی اِس سے طول سے دوچندے۔ اگر آس کا جم ۲۰۰۰ کمعب انج بہوتو اُس کی سطح کا رقبہ دریا فت کرو۔ ا ا متطلع دصنع کے ایک ڈبر کا قاعدہ مربع ہے اور اِس کی اندرونی گہرائی آس مح اندروني طول كي نصف ہے ؛ اگر ڙ ہر كي كنجائش ... م كمعب اينج ہو اوروه دُم بغير دُهكن کے ہوتو اس کی اندرونی سطح دریا فت کرو۔

۱۲ - متعلیلی وصنع کا ایک ڈبرم ڈھکن اینج موٹی لکڑی سے بنایاگیاہے ۔ اگر اُس کے اندرونی ابعاد م فط ۱ ایخ ، ۳ فش ۸ ایج اور ۱ فط ۵ ایخ بون تو اس کی مجموعی بیرونی

سطی کا رقبہ دریافت کرو ۔

الله - الله ي موس حصد ك أس كعب كاكناره معلوم كروجس كي سطح ١٠ مربع فط س الما- اف ١ الله الله الله جوار اور ١ ف ١ الله الله الم الم الم الم المرح متطيلي وصع مع ایک تومن کے بہلووں اور تر برسیسی جادرول سے استرکاری کروافی قبمت دریا فت کرو۔سیسہ کی فتیت ۲۵ شکنگ فی سِندردویط ہے اور اس کا وزن مربوللہ

فی مربع نظ ہے -اس بات کی تقدیق کروکہ تم سے تم مادہ سے معلومہ کنجائش کامتنظیلی وضع کا اك دُبّ مع دُهكن كے بنانے كے لئے كمدب سكل بہت ہى مفيد ہو گى -١٩ - ١س بات كى تقديق كروكر كم سس كم مارة سے معلوم كنجائش كاستطيل وصنع كا

ایک ڈبر بغیر ڈھکی کے بنانے کے لئے سب سے میند شکل دہ ہوگی میں ک بندى طول سے تضف ہواورجس كا قاعدہ ايك مربع ہو۔

١٤ - ايك ايسے قائم مثلني منٹور كى مجموعي سطح كار قبه دريافت كر دحب كاار تفاع ٣٦ فث ادرجس کے قاعدہ کے اصلاع بالترتیب ادام اور ۲۰ نطابیں۔

۱۸- اُس قائم مثلثی منثور کی مجموعی سطح کا رقبہ دریا فت کروجس کا ارتفاع یا گزادرجس کے قاعدے کے اضلاع بالترتیب ۲۵/ ۲۹ اور ۵۹ فشیں-

19- اس قائم ننثور کی مجموعی مطح کا رقبه دریافت کروجس کا ارتفاع ۹ فث اورجس کا تأعده ٧ في صلح كانتظم مرس س

٧٠ - أس قائم مثلثي منتور كي مجموعي سطح كا رتبه معلوم كروجس كا ارتفاع ١٠ النج ا ورجس كا قاعده

ا انج ضلع کا نظام تمن سیے ۔ الا - اس کائم منفور کی فجموعی سطح کا رقبہ دریا فت کروجس کا ارتفاع ۲ فٹ ۳ انج اور

جس كا قاعده ا فط صلع كا مثلث مساوى الاصلاع ہے ۔

اللہ ١٠- ٢٢ بنس فى مربع فك كے حساب سے اس قائم منتورك طرفى رُخون كو رُنگوائے

كى أجرت معلوم كروجس كا ارتفاع م فك ٣ الح ا درجس كا قاعده ا فك م الح صلع

کی مقروسی کی سے ۔ ۱۲۷ - ایک قائم منثور کا قاعدہ ایک ایسا مثلث ہے جس کے اضلاع سے ناہب بالترتیب ۱۲ مربع ایخ بین آگراس کی جموعی سطح کا ناہب م مربع منطب ۱۲ مربع ایخ

ہوتو اس کا ارتفاع معلوم کرو۔

۲۴- ایک ایسے آل نشور کی جموعی سطح کا رقبہ دریا فت کردجس کا قاعدہ مراج ضلع کا مربع ہے کا طاق مربع ہے کا طاق کا اسلام این اور ان پر کی علی الفوائم تراش کا اصاطاع فشد

۲ ایک قائم نشور کی مجموعی سطح کا رقبہ ۲۵ آس مربع ایخ اور طرفی سطح کا رقبہ اس کے دوؤں سروں سے دبتوں سے مجموعہ کے مسادی سرے نیز نشور کا قاعدہ

شلت تساوى الاطلاع ب - إس كااتلفاع ريافت كرو -

و و و ا

ہ م ۔ آیب ایسے فائم مخروط مصلع کی مجمعی سطے کا رقبہ دریا فت کروجس کا قاعدہ ۲ فط - ان صلع كاربع بها ورجي كى الل بلندي، نش و الخري -٤١ - أسمنط مريد عي ي فري كالبرور إنت كروس كالده كا إب وف ع ٨٧ - أس قائم محزوط مصلع كي مجموعي مطيح كا رقبه دريا فت كرديس كا قاعده ١١ الح صلع كا سنظر سرس ادرس کا اگل ارتفاع افظ ہے۔ ٩٧ - أس قام فزوط صلع كى مجموعي على كارتبه دريا فت كروص كا قاعده ١٨٠ الني مناح كام يع ے اوری کے دورے کنادوں یں سے ہرایک کا ناپ دو مرے کا والم - أس قائم مخ وط مفلع كى مجرع الله كارتبه دريا فت كروجي كا قائده ١٦ الني صلع كا م بع اورج كارتفاع 14 افي س اسم - أس قام محزود مضلع كارتفاع معلم كرويس كى جموعي على ١٤٠ إسم مع الح اورجن كا تاعده ١٠ إلى النج صلى كا أيب مثلث مشاوى الاصلاع بيء م سا ۔ ا بنس في مربع إنج تے صاب سے اُس قائم مزوط مصلع كى متام سطح بر بالش كروان كي أجرت دريافت كروجس كى أكل لمبندى ١٦ الح اورجس كا تاعده ا الى صلع كا أيمه النظم مثمن سبع -الم الم - أس قائم خروط مضلع كى ترجيعي سطح دريا فت كروجي كا ارتفاع ١٥ اينج ب اورض كا المده مهرام الخ علع كا منظم سدى و الم الم مراج قاعدہ کے ایک و وط مقبلے کے دو سرے جاد طرفی کرنے جار شلفات تساوی الاصلاع بین اور برکناره ۹ ایخ مے: اس کی مجموعی سطح معلوم کرو-هراس ایک قائم منظم مسدسی شخر وط معلقه کا مالی کناره ۱۷ ایخ اور اس کارتفاع ١٥٠ اچ سے - تاعدہ کا رقبہ عداوی کرو-

#### و ا

۳ ۲ - ایک قاند کے قاعدہ کا طول ۱۰ ایج اورعون ۲ ه ایج بعد اور فاند کا کناره ۲ ۸ ایج بوتو فاند به ایج برتو فاند به ایک ۱۳۲ می بوتو فاند کی مجموعی سطح کا رقبه دریافت کرو۔

ع ۱۳ - آیک فانہ کے قاعدہ کا طول ۹۰ ایخ اور عرض ۱۲ ایخ ہے ۔ فانہ کا ارتفاع ۱۹ ایخ ہے ۔ فانہ کا ارتفاع ۱۹ ایخ اور اس کا کنارہ ۲۵ ایخ ہے ۔ اگر قاعدہ کے ساتھ فانہ کے سرول کا میلان ماوی ہوتو اس کے منوف منا بازوروں کا رتبہ دریا فت کرو۔

# منسور كالمال فطوع

۱۹س منورکا قاعره ۳ فطوع ماصل کیا گیا اس طرح کرسات متوازی کنارون کا ایک حصر کا شام متوازی کنارون کا ایک حصر کا شام این متوازی کنارون کا ایک حصر کا شام ۱ این سرے : مقطوع سے طرفی ورفول کا دقبہ دریا فت کرو۔

۱۹ ۲ – ایک برجیمے منور کی عمودی تراش افل ۲ این صلع کی منظم محس سے - اس متوازی اس منورکا بچھے منور کی عمودی تراش افل ۲ این صلع کی متوازی اس متوازی کنارون کا بجموعہ کا شام کر ایک مائل مقطوع صاصل کیا گیا اس طرح کر پاننے متوازی کنارون کا بجموعہ ۲۲ فی این اور ایک مقطوع سے طرفی کرفول کا رقبہ دریا فت

#### المراجعة المراجعة

الله على المنظم من الكرام الله المنظيل على جن ك تناظرا بعد المراق المادول الترتيب الما في المراكب المنظيل المن المراكب المراكب المنظم المنظم المنطق المراكب المنظم المنظم المنطق المراكب المنظم المنظم المنظم المنطق المنطق المنظم المنطق المنظم المنطق المن

متوازی بین: اگر نمنور مناکے بقید کناروں میں سے ہر ایک کا ناپ عور مرایع ہوتو اُس کی طرفی سطح کا رقبہ دریا فت کرو۔

## مخروط مضلع كامقطيع

۲۷ - ایک مخروط مصلع کے مقطوع کے سرے ایسے مثلثات شمادی الاصلاع بی جن کے صلعے بالتر تیب و دخ اور ۱۷ افٹ میں: اگر سرایک منحوف نا اُرخ کے متوازی صلعوں کا در سیانی خاصلہ اوف ۲ اپنج ہو تو مقطوع کی ما مگل سطح کا رہبہ دریا فت کرد -

سام ۔ ایک مودور مفتلع کے مقطوع کے سرے ایسے سربعے ہیں جن کے صلعے بالر تیب مربعے ہیں جن کے صلعے بالر تیب م ایکے میرون منا صلعے بالر تیب م ایکے ہیں: اگر سر ایک منوف منا در میانی فاصلہ ۳ فٹ ۲ ایکے ہو تو مقطوع کی مجھوجی سطح کا دقیہ دریا فت کرو ۔

موم - س بن فی مربع الم کے عماب سے ایک ایسے مخروط مصلح کے مقطوع کی جمرے معلوم کروجس کے موسے کی مجموعی سطح پر بالش کروائے کی انجرت قریب ترمین پینی تک معلوم کروجس کے موسے بالترمیب س فط اور م فض صلعول کے متنظم مسدس اورجس کی مائل ملبندی ا فسط

ر بھی ہے۔ ایک محز وطامعنلع کے مقطوع کے سرے بالترتیب ۲ ایخ اور ۱۰ ایج شلعو کے مربعے ہیں۔ ارتفاع ۲ ایخ ہے: مجموعی سطح کا رقبہ دریا فت کرو۔

# الات الحانات المالات ا

متطيلي عبات

ا- ١١ فك ١ الخ لج م فك ١ الح يور ١ ١١ فك ١ فأ كر عنظل وفع ك

بے۔ ۱- ایک منظم شفن منشور کی مجموعی سطح کا رقبہ ۲۰۵۰ مربع منٹ اور اس کی طرفی سطح کا رقبہ الائی سرے سے رقبہ کا دوجیند ہے: قاعدہ سے ہرصلع کا طول معلوم کرو۔ الائی سرے سے رقبہ کا دوجیند ہے: قاعدہ سے ہرصلع کا طول معلوم کرو۔ (شد بیرماہیم آکونشس)

المروط المالي

۱۱- ۱۸ فٹ × ۳۴ نٹ العاد کے متعلیدی قاعدہ پر بڑی ہوئی گروط مصلع کی وضع کی ۱۲ فٹ بلن جی اسے گئی الف بلن کے دستاب بلن جو مرا شکنگ و بنس سنگرہ و سے حساب سے بہتی ہیں اور سرایک کی برہند سطح کے العاد ۱۲ ایج × ۹ اینج ہیں: لاگت معلوم کرو۔ سے بہتی ہیں اور سرایک کی برہند سطح کے العاد ۱۲ ایج × ۹ اینج میں الاگت معلوم کرو۔ (داعت حد محسر ۱۱ متحان)

۱۱- ایک منظم مخروط مفتلع کی سطح کا رقبه کس طرح معلوم کردگے -(جامعہ بنی: ایل سی-ای- دوس اامتحان)

۱۱۲ ایسے مربع مخروط مصلع کی اگل سطح کارقبہ دریا فت کروجس کے قاعدہ کا ہرفتلع مع قث اورجس کی مائل لمبندی دافث ہے۔

(ن اخم المجاد النيزية ال مس بر الجيد الم

مما- اُس قائم و وطمعنلع كى اُل سطح دريافت كروجس كا ارتفاع ع اورجس كا وتعبس كا علمه و المعبد المعلم الله والمعبد علم المعلم المعلم المعلم الله والمعلم كالمول و المعلم المعلم المعلم كالمول و المعلم المعلم كالمول و المعلم كا

1- الافط مربع قلعد زمن برمخ وط مصلح کی وضع کا ایک ایساخیم لکوانا مطلوب می عمودی بمندی ۱۲ فظ می مربع گزی مربع گزی صاب سے مطلوب کی جم می عمودی بمندی ۱۲ فظ می مربع گزی مساب سے مطلوب کرنے کی متب وریا فت کرو ہو جاد ایسے مثلثات کی اجند میں ایسے مثلثات متباوی الاصلاع برشتل میں جس میں سے ہرایک کا صلع وا فی سے مراکب کا صلع وا فی کا این کم اور می میں سے مراکب کا صلع وا فی کم این کم میں کا مخزوط مصلح و و میں میں سے مراکب کا صلع وا فی کم میں کا مخزوط مصلح کی وقت میں سے مراکب کا صلع وا فی کم میں کا مخزوط مصلح کی میں کا می والے میں کا می والے میں کا مخزوط مصلح کی میں کا می والے میں کا میں کیا گئی کہ کہ کا میں کی کا می کہ کی کا می کے میں کا می والے میں کی کی کھور کی کھور کی کھور کی کا میں کی کھور کی کھور کی کی کھور کی کھور کی کھور کے میں کی کھور کی کھور کے میں کھور کی کھور کی کھور کے میں کا می کھور کی کھور کے میں کھور کی کھور کی کھور کے میں کھور کے کھور کے میں کھور کے کھور کے میں کھور کے کھور

قى مربع دف كر صاب عداس كى سطح كو مجلا سنك فاداس يبله بسيا خلا

بزانے میں کیا افراجات ہو نگے ؟ (مأنك الجينين: د المفلم) ١٨- سي مخووط مصلع كا قاعده وائيك ايسا شلت تساوي الاصلاع سي حسل كا سر منلع وفف سے اور اِس کا مائل کنارہ وفظ ہے: اس کی برمبنسطے معلوم کرو۔ (ئىنى كى ابرسب آئى دىيى : داخلى) (مان في ابرسب المردينيث: دا حله) 19- أس مخ وط مضلع كى مجموعي مطح كارقبه دريا فت كروجي كاتا عده ايك مثلث ہے اورجی کے دو سرے نوخ سادی ہیں ۔ قاعدہ کا جرصلع معاوا انح اور مخروط العلع ال كاله ١٤٧٥ الله ٢٤٧٥ ( كَانْ كَالْيُوسِ الرَّدُينِيثُ : د اخلي) ١٠٠٠ ف ف بنداك متى جنادكا مالى كناده عدف جد عرف ديد ق ١٠٠٠ ن كى ساب سے دیگوانے كى أجرت معلوم كرو-الا- الا فيط من الار الا في الار الا في دلوالدوں والے ايك وُندے كے وُروكے كے مطلوبالبرسكي قبيت بناؤ يجوب كاأنادهم مجاورتهت جادول طرف ريوارد سے اس انٹ آ کے لگی ہوئی ہے۔ کیرے کا عوض افٹ سرائج اور اس کی قیمت ا آن في گزي (مَنْ مُن كَى الْمَحْدِينِي: فَاعْيَلِ)

### 

٢٢ - ايد ننورناكا ايك سرام فك منلع كاشلث متمادى الاصلاع سب ادر دومرا سراا فنط عنل کا منظم سلس ہے۔ سمیری کے تین صلع دو سر سرے کے تین صلعوں سے متوازی میں: ارتفاع م ذی ہے: اس کی سطح کا رقبردریافت کرو۔ (مُرَّى كَا الْجَيِنْيِ : د الحَلَيُ

ches hypother

المام الميد اليس من مفلع مخوط كم مقطوع كى سطح معلوم كردجى كالما

یابڑے سرے کاہر منلع ۳ فٹ ۴ انج اور الائی یا چھوٹے سرے کا ہر صنلع ۲ فٹ ۲ انج ہے۔ ۲ انج ہے۔ ۲ انگے ہے۔ ۲ انگے ہے۔ ۲ انگے ہے۔ (جامعیٰ جمبئی۔ نری اعت: دُوسی المتحان)

۲۴ - ایک فیلع مخروط کے مقطوع کے سرے بالترتیب ۲ فٹ اورم فٹ اصلاع کے مرتب بالترتیب ۲ فٹ اورم فٹ اصلاع کے مرتب باسطے معلوم کرو۔

(جامعترمدراس: امتحان في-اي)

۲۵ - ایک مربع مخزوطِ مضلع کے مقطوع کی سطح کا رقبہ ۱۰۰ مربع فٹ اور قاعدہ کا عظم سے اللہ کا رقبہ دریا فت کرد۔ کا عظم ۱۳ فی سرے کا رقبہ دریا فت کرد۔ کا عظم ۱۳ فیصلے کا دقبہ دریا فت کرد۔ (مُرش کی ایجنیدنین : داخلہ)

#### صميسوالات المتحانات عظ

۲۶ - ایک نظم معنلع مخروط کے معطوع کے مرے مربع ہیں کے مرے کا کنارہ ۱۰ ایج اور بالائی سرے کا ۵ ایج ہے:
کنارہ ۱۰ ایج اور بالائی سرے کا ۵ ایج ہے - نیز تعطوع کی بندی ہے ایج ہے:
مقطوع کے ایک مال کنارہ کا طول اور آئل گنول کا رقبہ دریا فت کرو۔
(سُمْ کی ایدسب آس ڈ مینیٹ ؛ داخلہ)

۲۷ - اکیک صند دق مع دُهمکن لم ۱ اینج دبیر تخییوں سے بنا بھوا ہے۔آگر مروئی ابعاد ۳ نشا ۱ ایخ ۲ من ۴ ایخ اور افٹ ۹ ایخ بھوں تو تھیک تھیک معلوم کروکہ اس کی بناوٹ میں کتنے مربع نش شختے استعال بموئے ہیں -(جامعی بنجاب: سیول ایخینبر نگ کا پھلا امتحان)

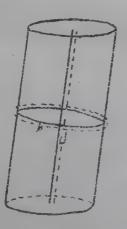
۱۸ - مستطیلی وضع کے ایک بیتر کے تمام رُخول پر سوائے اُس رُخ کے جوکہ رُمین پر شیکا ہوا ہے اس رُخ کے جوکہ رُمین پر شیکا ہوا ہے صفائی کی جائیگی ۔ تین مختلف رُخول کو یکے بعد دیگرے نینجے رکھ کو کر پر سعلوم مہوا کہ ان صور تول میں بیتھ کی جموعی سطح کا رقبہ جہس پر صفائی کی جائیگی جائیر تیب اور م مربع فٹ اور م م م مربع فٹ ہے ۔ بیتر کے البتار مربع فٹ ہو ہ م مربع فٹ ہو ہے ۔ بیتر کے البتار دریا فت کرد ۔ (سم م کی ایجنینی : فائینل)

مساحت جوشهوم سبابسي ام متوى فوس محرب بوے في ٢٩ - أيك نشور ناكا أيك ررام فط صلح كا مثلث متناوى الاصلاع بصاور دُوسرا مرا ب ف ضلع کا نظام شدی ہے مقدس کے بین اصلاع دو مرے سرے کے ن الله الله کا مقدادی میں ۔ ارتفاع س فٹ ہے : اس کی سطح کا رقبہ معلوم کرو۔ (مَا فَي الرسب آمرد سنيك: داخلي)

50096 اسطواني اور طق

( May) also

الماكسي أنسطوان في مختى معلى التي معلى كرناجي كم أسطوان المول اوراس عرفر برعى القوائم سے سے اس ى عمودى تراش كا اعالم د بي هو ي هول

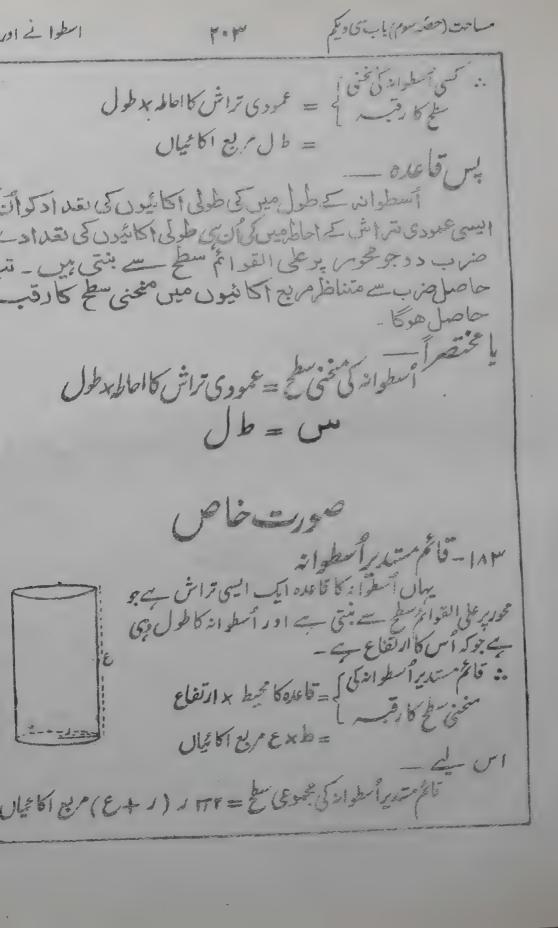


اع دیجے کے اسطواد لى تعرف إسطى كى جاستى - ي وه منوری انتهای صورت سے سے صلعول كي تعدا ولا انتها برُها وي تي يو ادر برضلع كالحول لاانتهائم كر ديا كيام

سطور کا رقبہ ساوی ہوتا ہے۔ ط بدل منع الاثبال

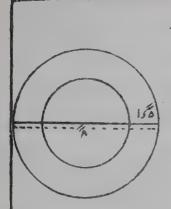
というのかけいかりでいるのからいという

اور ل فول الا تيان = مشور كا فول



مساحت (خِعدُموم) باب يي ديم \$ 5 B أسطوا فاوطع ارتفاع طق کے طول کے براری -أسطوان ناطعة كاسط = عودى تراش كالعاط بدعلقه كاطرل إن ي وال كاطلاق كى اليام طق ك ورج ين مى يوسكنا عجى كى عمودى راش ايد اليص خطامتي على وعشاب بعدوى تراش كامتوى بن سے اور علق ك مترى ير الح القوام سينه (وفد ١٣١٧) ١٨٧- أعلواد كاطق كي صورت فاص ين ذل كون كون كا الله كا الله كا الله might by Lord (1-1/ ) Tr= (m (1/2 - 4/2) T = (2, جال س على الله ماور نه = الرقيب بروني اور اندردني طاورط = متناظ فيط الوسيج المسالين مدر مثال على الديامة أسطرانكا نصف قطر بافظ اوراكراتي المحرى المحارقي والمحار مراح وفي المحري أسي قاعده اور أى ارتفاع كم المحت مروط المجركيا يونا يا رييه ب الرع فك و الطوار كالقال في

- رقع ۱۸۳ ガヤ・= (3+6) ノガイ بجال د = ۲ mr = (+ も)mr: 10 - Landles & ed 8. 8 = - x1 (1) x 7 Len id ا= ام ١٦ معب نث مثال سيد: ايك قائم متدير أسطوانه ك مجموع مطح عمر بع فك ٢٥ ا و رقاعده كا قطر ارتفاع كانصف مدي : ارتفاع معلوم كرد-أكرع الخ = ارتفاع تو -17 L (3+L) = 67.1  $=\frac{2}{3}$  جہال د  $1. \gamma o = \left(\frac{\mathcal{E}}{r} + \mathcal{E}\right) \frac{\mathcal{E}}{r} \cdot \pi \gamma :$ 3 = 140 7 = 4.5 MY أسطوان كاارتفاع = ٢٠٠٧ الخ مثال سلا: أيك قائم متدير أسطوانه كوجس كا ارتفاع ١٢ في اورجس كے تاعده كانفف قطر ا دف بع فورك متوازى اور أس سے د فك ك فاصله بر سے گزرنے والی سطح کے ذریعہ دوقطعات میں کا اجا تا ہے: بڑے قطعہ کی مجموع سط کا رقبہ دریا فٹ کرو (۲۲ = ۱۱ ۱۱۲ س) -وهن كروكه اس تسكل سي أسطوانه كے بڑے قطعہ كا ایك براتعبیر ہوتا ہے اس اج سے کا طنے والی سطح کا مقام تعبیر



## امثلیمنبری (۳۰)

(جب تکسی خاصیت کاذار برهو بمیشه = بدخرض کرد) ذل کے قائم ستدیر انسطوانوں کی هنجنی سطوں کے رہے دریافت ا - "العدم انعف قطرانك و الح ارتفاع با فك -الإ \_ قاعده كا قطر م فث المائخ الدَّنفاع يدُف الله الله -سم - قاعده كا خيط ه فط ١ ايخ ارتفاع انك ، ايخ-وَلَى مِنْ قَائِمُ مُسْدِيرٍ أُسِلُوانُول كَي مِحْمُ وعَي سَطُول كَ رَقِعِ دريافت كرو: -الم \_ قاعده كا نصف قطر الغي ارتفاع وف س الخ ـ ۵ - قاعده كا نصف تعلم انش م انج ارتفاع ا نك ١٠ انج- افاعده كالحيط الف ارتفاع ۴ فث ١١ في الخيد ٤- ايك قائم ستديراً سطوان كي تني سطح ا مربع فك الم ٥ مربع الح إور ارتفاع ٣ الج ع: قاعد وكانصف تطردريانت كرو-٨ - ويك قائم مستدير أسطوان كالمختى على الربع نط ٢٥ مربع الني ادرقاعده كا قطر ١٠ الح ي : ارتفاع معلوم كرد ٩ - آيك قائم متدير أسطوان ك جموعي على إد مربع نظ اور قاعده كانصف قطر ٢ الي ع: القاع معلوم كرد-١٠ ايك قام مستدير أسطوان كي مجوي على ٢ مربع في ٢٠ مربع الى اور التفاع

مساحت (حصر الموم) بابسي وتحم r. 9 أسطوان أورطق ا ایج ہے: قاعدہ کا نصف قطرمعلوم کرو۔ ١١- ايك قائم متديراً سطوانه كي مجموعي سطح مربع فك ٨٠ مربع الحج اور اسس كا ارتفاع قاعده في نصف تطركايتن كناح : قاعده كانصف قط معلوم كرد -١١-١١ بن في مربع فك كے صاب سے ايك ايلے قائم متدير أسطوان كى جموی سطح پریالش کر دانے کی اُجرت معلوم کروجس کا ارتفاع ۱۲ فٹ اورجس کے تاعده كا نصف تطرافك ١ اع بي - -١١٠ - ايك قائم متدير أسطوانه كا جم . . ١١ كمعب إنخ اورائس كے قاعدہ كانصف قطره الخ ب : إس كي منحني سطح كا رفته دريا فت كرو-مما- ایک قائم مستدر اسطوانے ارتفاع اور اس کے قاعدہ کے نصف قطر میں کیا تناسب ہوگا اگر دولوں سروں کا رقبہ شخی سطح کے رقبہ کے نصف ۵ ا - ایک تائم متدید اسطوان کاطول ا فط اوراس کے قاعدہ کا نصف تطرا ای ہے ۔ اس کوفور کے متوازی اور اُس سے ۱ ای کے فاصلہ يرمتوى سط مح ذريع دوقطعات يس كاظ جاسات جهو في قطعه كى جموعي سطح کا رقبہ دریا نت کرو (۱۲=۲۱۱۲۲) –

١٩- سوال ١٥ يس آگر كا فحفے والى عظم محورسے ٢٦ ١٦ الح كے فاصله پر داتع موتوجیو فے قطعه کی مجموعی سطح کا رقبه دریافت کرو - ( m = ۱۳۱۲ ≥ ۳ ) -

١٤ - معلوم كنجائش كا بعند وهمكن كابرتن قائم متدير أسطوانه كي وصنع كا بنانا مطلوب ہے۔ اِس امری تصدیق کردکہ کم از کم اور استعال کرنے سے لئے

ارتفاع عاعده کے نصف قطر کے برابر ہونا چاہیے۔ ١١- معلور كنجائش كابرتن مع دهكن مائم متدير أسطوان كي وصع كا بنا ناسطلوب ے - اس امری تصدیق کروکھم انکم انکم ان استعال کرنے سے لیے ارتفاع کو

فاعده کے نصف قطر کا دوجند ہونا چاہیے ۔ ١٤ - ايك أسطوانه ناطعة كاطول ٢٦ الله اورعمودي تراش كانصف قطر اللها يخ ب : حلقه كي سطح كارتبه معلوم كرد-

مع - ایک اُسطوان العلقہ کے اندرونی تحیط کا نصف قط یہ ایخ اوراس کی عمودی تراش کا قطر ہائی ہے۔ حلقہ کی سطح کا رقبہ معلوم کرو۔

الا - ایک اُسطوان ناطقہ کے ایمرونی اور بیرونی محیطوں کے قطر بالترتیب ہو ایخ اور یہ ایخ ہیں: صلقہ کی سطح کا رقبہ معلوم کرو۔

اور یہ ایخ ہیں: صلقہ کی سطح کا رقبہ ایم ہیں ہے ہیں ہے ہیں ایکی اور عمودی تراش کا قطر اللہ ہے۔ ایک اُسطوانہ ناطقہ کی سطح کا رقبہ ایم ہیں ایم مربع ایکی اور عمودی تراش کا قطر اللہ ہے۔ اس کے اندرونی جمیع کا نصف قطر معلوم کرو۔

سوالات امتحانات

(T = T)

ا - ایک ایساکنوال کوروانامطلوب ہے جس کا اندرونی قطر تھیک و فٹ ادرجس کاعمق (بغیر جیک کے) ۳۹ نظ ہوا ورجس کی استرکاری کی وبازت ۹ اپنج ہو: استرکاری کے لیے برہندسطح کا رقبہ مربع فنظ میں معلوم کرو۔ (جامعی بینجاب: سیول البخینیں تک کا پھلاا متحان)

٧- أسطوانه كى وضع كى ايك نلى كى مجموعي سطح ٢٩٢ مربع النج مع: اكراس كا طول ٥ النج اور بيرونى نصف قطر النج بروتواس كى دبازت معلوم كرو-(جامعة كلة: ١ متحان ايف- اى)

س - ایک اُسطوانه کا جم اوراُس کی محدّب مطح کا رقبہ ایک ہی عدویت تعبیر برستے ہیں : اس کا قطر کیا ہے ؟

برستے ہیں : اس کا قطر کیا ہے ؟

برستے ہیں : اس کا قطر کیا ہے ؟

برستے ہیں : اس کا قطر کیا ہے ؟

بردنا چاہیے آگر اس کی شختی سطح اور دونوں سروں کا رقبہ مساوی ہو۔

بردنا چاہیے آگر اس کی شختی سطح اور دونوں سروں کا رقبہ مساوی ہو۔

(مُرَّمُ کَی ایوسب اَدَدُیمنیٹ : داخلہ)

۵ - ایک اسطوانه نا صلعه کی سطح کا رقبه معلوم کرو -

(جامعيني: ايل سي-اي-دوسراامخان)

٧- ايك صلقه كي اندروني سرحد كانصف تطرا النج سب إورصلقه كي سطح كارقبه ١٠٠ مربع النج ہے: اس کی بیرونی سرحد کا نصف قطرمعلوم کرو -

(كُنْ كَا يَجْيِنِينَ: فَالْمَيْنَلِ)

ع - ایک صلقه کی سطح کا رقبه ۱۲۰ مربع اینج اور اس کی عمودی تراش کا نصف قط الخ ب: طقه كاطول معلوم كرو - (سويسي يراكونشس)

صير موالات امتحانات عاس

- ایخ د بازت کی ایک وهاتی تخنی سے ایک ایسی کمی بنائی گئی جس کا اندروني قط نصف الخ ب اور اس نلي كو افط نصف قطرك أسطوانه کے گرورکھا گیا: ملی کی بیرونی سطح کا رقبہ دریا فت کرو۔ (جامعتر كلكت: المتحان اليف- اي )

9 - · س ون بلند ایک ستوک کی عمودی تراش کی وضع شكل متصله كے اندر مع جہال اندروني مربع کا صلع ۲ فٹ ہے اور دائری قطعات ایک دوسر کونقاط ۱ مب ج اور د پرمس کرتے ہیں - اروپی

فی مربع فٹ کے صاب سے ستون کی برہند سطے کو بالش كراني كى لاگت قريب ترين رويد كم معلوم كرو ( ستون ك سرك - (Uniting). (كُنْ كَي الْجَيْسَيني: فالمينل)

باب سمی و دوم قائم متد براسطوانوں کے ترجیم قطوع مسئلہ (۱۹۲۸)

100 ھائم مستدیراً سطونہ کے ترجیے مقطوع کی منحنی سطے کا رقب معلوم کرناجب کہ مقطوع کاطول (در اس کی عمودی تراثل

کانصف قطر دیے هوئے هوں۔ نون کروکہ اب ج د ایک

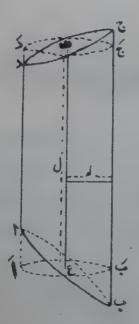
قائم متدر آسطواز کا ترجیها مقطوع ہے اور اُس کے طول ع ف اور اُس کی عمودی ترا سے نصف قطر سے ناب ایک ہی فوال کائی سے لحاظ سے بالترتیب ل اور رہیں -

مطلوب یر ہے کہ اب ج د

کی تعنی سطح کا رقبہ ل اور آر کی رقوم میں دریا کیا جائے ۔

قائم مستدیر اُسطوانہ اُ بَ بَیْج کَیرِ عور کروجس کے سرے ع اور ف یں سے مخرر نے والی متوازی سطح ل میں واقع ہوتے

بونكر فاد ناحِق فج ج اور



تام بمعستديرا سطوانون كرتيج عظوع 714 ف د د بمرور سے آبس میں برابر بی نیز چونکہ فاند نا حص ع ا ا اورع ب ب بھی گلیڈ ایک دوسرے کے مساوی ہیں۔
ن اُسطوان اُب کے کی تنی سطح کارقبہ مقطوع اب ج د کی سطح کے رقبہ کے مسادی ہونا چاہیے۔ لیکن اُسطوانہ ﴿ بَ جَ دُکی تُحنی سطح = ۱۲۲ رہدل مربع اکائیاں.. فوسک معقوع إب ج د كى تني سطح = ١٣ ربدل مربع أكانيال بس قاعدہ ۔۔ قائم ستار پر اسطوان کے ترجے مقطرے کے طول میں کی طولی اکائیوں کی بقد ادکوا ک کی عمودی تراش کے عیط میں کی ان بی رکانیوں کی مقداد سے ص بدو۔ تب حاصل صن ب متناظرم بع اكائيون مين ان كي منى سطح كوظاهم كريكاء قائم مت را سطوانہ کے ررجی مقطوع کی تی سطے } = { معمودی تراش کا محیط ررجی مقطوع کی تی سطے } = { معمول س = ۱۱۱ رل توتيج مثاليس

١٨٩ - مثال عله: ايك قام متدير أمطواد كے قاعدہ كا نصف تط وف الخبيد: ال الطوان ك ترجيع مقطوع كى منى سطح كا رقب معلوم كرو أرمقطوع كاطول وفف ١٠١ في عو-منحیٰ سطح کا رقبہ = ۲ ۱۳ ال مربع ایخ

جال د = ٢٤

ن مخنى سط كارتبه = ١× ٢٠ ×١١ × ١٨ مريع ايخ を1201111111

= ١٠ مربع كرو مربع فث لي ٢١ مربع الح

عنال منا: ايم ترجيع الطوان كاعود كاتراتس ه نك نصف نظر كاداره سے: اس اسطوا د ك زي مقطوع كالمنحني مطح كارتبر دريانت كرد اكر مقطوع كالمول وأكر

افث ١ ارتج يو -

مخنى سطح كارقبه = ١٩٩٠ ل مريع دف ... وتومم جہاں د = وف

ل = سمان

: مخى م كارتب = ١٠ ١٠ م م م م م ن ف

= = 188 186



امثارنبری (۳۲)

ا- ایک تا فرستدر اُسطواند کے قاعدہ کا نصف قطوا فط و ایج ہے: اس أسطواه كے ایك ایسے زیجے مقطوع كی تعنی سطح كار قبہ معلوم كروجس كالمول - C- E11. 200

٢- ايك قام سندر أسطواد ك قاعره كا ضعف تطرع ف ١ ائى ب اس الموانيك تر مجع مقطوع ك منى طح كارتبه علوم كرد أرمقطوع كا طول

- 4. El 4 33 0

باب سی وسوم قائم ستار خروط مسئله (۵۹)

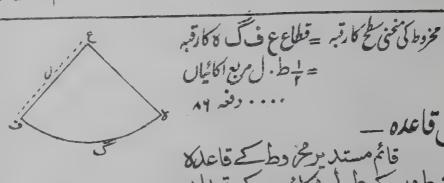
، ور- قائم مستدیر عن وطکی شخی سطح کار قبر دریافت کرنا جب کر عن وطکا مائل ارتفاع اور اس سے قاعد لا کا محیط دیدے هوئے هوں -

درس

فرض کروکہ اب ج د ایک قائم متدیہ مخوط سے اور اُس کے ائل ارتفاع اور قاعدہ کے محیط کے اب ایک ہی طولی آگائی کے لحاظ سے اِنتر ، لی اور طیس ۔

مطلوب یہ ہے کہ اب ج د کی تمنیٰ سطح کا رقبہ ل اور طاکی رقوم میں درافت کیا جائے ۔ اگر ہم مخروط اب ج د کو کھوکھلا فرض کریں اس طرح کہ اسسے خط اب برکا ہے کر ایک متوی سطح پر مجھایا جائے تو ظاہر ہے کہ اگر اس طرح کل ماک کی سرکھ ان اے تہ تو اس کی منحنی شطح ایک ایسے قطاع دائرہ عن ک

کا ہے کر آئے سے کھو لاجائے تو اُس کی منحنی شطح ایک ایسے قطاع دائرہ ع ف ک کی شکل اخت یار سر کمی جب کا نصف قطرع ف مخروط کے آئی ارتفاع ( ارطوبی آکا نیاں ) کے برابر ہوگا اورجس کی قوس ف ک کا مخروط کے قاعلت ایجیط ( طامولی اکا نیاں ) کے مسادی ہوگئی۔



کے عیطمیں کی طولی آکائیوں کی تعلاد کوائن گارکائیوں کے لحاظ سے ای کی مائل ملندی میں کی

طولی آکائیوں کی تعد ادسے ضرب دو حاصل صن بکانصف منحنی سطے کے ہ قب کومتناظر می بع آکائیوں میں ظاھر کودیگا۔

یا مختصراً --- عنی سطح کارقبہ= ازقاعدہ کا محیط) × آل ارتفاع قائم ستدیر مخروط کی مختی سطح کارقبہ= ازقاعدہ کا محیط) × آل ارتفاع

191- يرصابطه آساني كے ساتھ ذيل كى صورت يس لايا جاسكتا ہے۔

17 - 17 | 31 + 17

جہاں ع طولی اکا ٹیاں مخ دط کا ارتفاع الصدر طولی اکا ٹیاں مخروط کے قاعدہ کا نصف قطر ہیں ۔

اور ایک قائم ستدیر مخوط کی عجوعی سطح زیل سے جلہ سے دریافت

π د ( اع ۱+ را + د) جال ع ادر د کی دری تعیرے۔

توضيح مثاليس

١٩٢ - مثال سك: ما نك قطراور ١٦ نك لبندى كا أبك مخروطي وصنع كا خِم

مساحت (حصر موم) إرسى وسوم تام مستدر مخروط MIA بنوانے کے لیے السی کنے گز کریج کی عفر ورست بوگی جس کا عسر من عوالج (PS1814= 77) 65-خيمه كي منحى سطح = 1 له اع + 14 مربع فط ... وفعرالا 9 = 1 Ula ي جيمه كي مختلط = ١٩ ١١١ ١١١ عن وفي فيظ = 17 × 1.07 1/2 00 اورمطلوبر ريخ كاطول = ٢٣٤ مريد ١٤٢٤ ع. ١٢٢٤ J445419 = مثال سنة: أيمه خام مستدريخ وطي عجري الحركارة ما مربع من اور إس كا اكل ارتفاع ما عده كي نصف قطر كا ين كناسيد : قاعده كانصف عظم على كرو (١١٣١٣) وُوهُ كَا يُوكِي عَلَى اللهِ عِلَى اللهِ عِلَى اللهِ اللهِ اللهِ اللهِ اللهِ اللهِ اللهِ اللهِ اللهِ مربع فعظ . . . . دفته ۱۹۱ ١٤ يغي ١٠٠٠٠٠٠ ノアーリーリードもししゃ 10 = 17 Tr : TT = 12 151944 ----= تاعده كانصف قط = ١٥٠٩ فك تقريباً ه ألى الك الله المناع ٠٠٠ نف اوراس كى مال لجندى كاسيلان 18 13 (V): 4 " - 3 L E 31 رقيم الكرول على المعالموم كيز (١٢ = ١١١١ رم) -أَرُ لَ فَكِ إدر رفض الترتيب مخوط كي

اً کی بلندی اور قاعدہ کا نصف قطر ہوں۔ ۔ تو

ن موزوط كي تخي سطح كا رقبه = بها . ط. ل مركع فك 

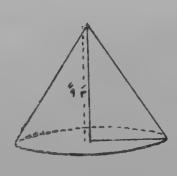
اس کیے مخروط کی منحنی سطح کا رقبہ = الم × ۲۲ × ۱۰۰ سر بع فط

= ٥٨٥ ٢١٦ ٥٣٨ مربع فف

J 95994 =

مثال مسيد: ايك قائم مستدير فزوط كى منحنى سطح كا رقبه ٣٦ م بع نبط ١٥ مربع النج اور ارتفاع ٣ نك ٩ الخ ب : تأعده كانفسف قطردريا نت كرو -

مخروط كي مختى ع = ١١١ ع الميا مسريع الخ



جال ع = ۵٧ · זר / פא + ני = ארץ

المراجدة = عدما

"(18A8)=(4+1.6)" MA = 1 : LAN = 1)

قاعده كانسف قطر = ٢ هَثْ ١٧ الْجُ

امثلهمبري (۱۳)

نیل کے قائم مستدر محزوطوں کی منعنی سلموں کے رقبے دریا فت کروجن ہیں

ا - " فاعده كا فحيط الله انتج الل بلندى ا في النج -الله - قاعده كا محيط م فط ، الخ ، الل لبندى م فك ه الخ -سم - تاعده كا قطر وفف ١١ الخ ، مأل ارتفاع افك ١١ الخ -مم \_ قاعده كانصف تعطراف ، النج الل بندى ، نظ \_ ه ـ تاعده كانصف تطرم الح الرُّنفاع والرُّخ \_ ۲ - تا عده کا قطرا فدف ۱۰ ایج ۱ ارتفاع ۵ فث -٤ - قاعده كا قطرا فث ١ انجي ارتفاع ١ فك ١ لغ\_ ٨ - قاعده كالمحيط م في م ايني التفاع م في . ذل سے قائم مستدر مخروطوں کی عجموعی سطحوں کے رہیے دریا فت کر دجن میں 9 \_ قاعده كانصف قطر وف م الحج ، مأل لمندى م فث \_ ا- قاعده كانصف تطرح فك ١١ الح اللي الدى ه فك ١ الح \_ 11 - قاعده كا محيط، فف م الخيم الله بندى و فن ١٩ الله -ام - قاعده كانصف قطره ايخ ارتفاع افك\_ سرا- قاعده كا قطر افط الح الح ارتفاع و فط الخ -سم - قاعده كالمحيط النشئ ارتفاع الرّزم الح -10- ایک قائم ستدر مخروط کی شخنی سطح ۱۷۱ مربع ایخ اور اگل لبندی م ایخ ہے: قاعده كا نصف قط معلوم كرو-فاعده ٥ تصف فوسفلوم رو-١٥- ايك قائم مستدير مخروط كي تني سطح ٢٦ مربع النج او رقاعده كا نصف قطره وس الخ ہے: الل ارتفاع معلوم كرو -16- ايك قائم مستدير مخروط كى تعنى سطح ليديم مربع النج اور قاعده كانصف قطم س انج ہے: مائل برندی معلوم کرو۔ ٨ - ايك قائم مستدر مخ وط كي مني سطح يه ٢٠١٠ مربع ايخ ادرار تفاع ١١ ايخ ب: تاعده كانصف قطرمعلوم كرو-14- ايك قائم مستدير مخوط كى تني سطح ٥٠ ه مربع النج اور ارتفاع ٢ فك سے: "فاعده كا نصف قطر علوم كرو -

• ١- أيك قائم مستدير مخروط كي منعني سطح ١٠ ه ٤ مها مربع النج اور ارتفاع ٢٠ إلى ے: مأل ارتفاع معلوم كرو-

## سوالات امتحانات علما

 $\left(\frac{T}{\zeta} = T\right)$ ایک تخوط خاجیمہ کے بنانے میں جس کی بلندی اا دنط اور قاعدہ ایک فروطای مربع وزی کریج درکارموگی -اقط ریرافث ہے کتنے مربع وزی کریج درکارموگی -(جامعتی بخاب: سیول ا بخینی نگ کا بھلا احتمان)

٢ - ايك سلف قائم الزاويه كوجل ك إصلاع كے طول ٣ الج اور ١ الج إلى بڑے صلع کے گردگھایا جا تا ہے: اس طرح بننے والے مخزوط کی مجموعی سطح كارتبه دريافت كروم (سب بور ابخينيم: المتحان سالانس

٣ - م بع ایخوں میں اعظاریہ کے تین مقامات کک ایک ایسے کھوسس مخروط کی مجموعی سطح کا رقبہ دریا فت کروجس کے قاعدہ کا قطر م ایخ اور ارتفاع

۱۱۱ ایج ہے -ا ایک قائم ستدر مخروط کی مجموعی سطح کا رقبہ ۲۳ مربع فف اور ال لبنائی

قاعده کے تصنف فظرسے تین کئی ہے: مخ وط کا جم معلوم کرو۔ ( س) ۵رے ہے، بنس فی مربع گز کی شرح سے ایک ایسے مخز وظی مینار پر ربگ کروا كى لاكت معلى كروجس كا محيط قاعده ير ١٢ فك اور مالل مبندى ١٠٠ فك سع -

(مُرُّمُ عَلَى ايرسب اردُينيك: داخلس)

٢ - ٥ بنس في مربع كرك صاب سن ١٥٠ ايك مخروطي خيو سكيلي مطلوب کرچ کی قیمت دریا دنت کروجب کر سرایک حمیمه کی بندی ال اف

اور قاعدہ کا قطر ۱۱ فنٹ ہے۔ اور قاعدہ کا قطر ۱۱ فنٹ ہے۔ ایس قائم مستدیر مخزوط کی تخنی سطح کے رقبہ کے لیے صابطہ حاصل کرو۔ ایک نسب نداخ (اسٹاف کالج)

(white: city) ه - بناؤكم ١١ من قطراور م فن لبندايك توزوطي ينم كے ليے كتے كر

1295 قامم تدرو وط كمقطوع (44) ١٩١٠- قام مستديرهن وطرك مقطوع كي منحني سطح كارقب معلم كونا جب كرأس كے سروں كے عيد اور اس كى مائل بلند دى هوئى هو۔ زُضَ کرو که قائم متدبر مخروط ودج كاليك مقطوع إب ج دب اور اس کے بڑے اور چھونے سروں تے محیط ایک ہی طولی اکانی کے کھانظ سے بالترتیب طراور ط اور مال ابلا کاناپ اسی طولی اکائی سے کاظمنے ل مطلوب یہ ہے کہ ابج د ي تخني سطح كا رقبه ظ كل أور ل كي رقوم من معلوم كريس -زعن کروکه وب اور ود ك ناب أسى طولى اكانى - كم لمحاظ سے بالترتیب ل، اور ل ي كال -

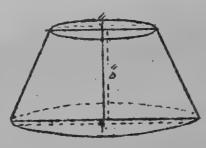
مقطوع أبجد = مخروط وج د گینی سطح - مخروط واب کی تنی سطح كى منحنى سطح = ( الم . ل - الم ط . ل ) مربع اكائيال . . . وفو . ١٩ = { أ . ط . (ل + ل) - أ ط (ل - ل) كم بع الماليا = { + ( + ) ( + + ( + ) ) } لیکن طُ: ط = 0: ل ..... دفعه ۱۲ الیکن طُ: ط ال = ط ک ال .... افلید مقالهٔ ششم شکل ۱۱ الیکن ط ک الیکن ک الی معلوع اب ج د كم منى سطح = + (ط + ط) ل مربع اكائياں وائم مستدیر مخز وط کے قطع کی اُل مبندی میں کی طولی اکا ٹیول کی تعداد کو دونوں سرول کے محیطوں میں اُن اُن کی طولی اکا ٹیول کی تعداد کو دونوں سرول کے محیطوں میں اُن اُن کی طولی اکا ٹیول کی تعداد حاصل صرب سے فضف سے منحنی سطح سے رقبہ میں کی تمناظر مربع اُکا ٹیول کی تعداد حاصل ہوگی ۔

المنافظ مربع اُکا ٹیول کی تعداد حاصل ہوگی ۔ (b+d) J. = m سم 19 ۔ اسان کے ساتھ فابت کیا جاسکتا ہے کہ یہ ضابطہ ذیل کے ضابطہ س = 7 (س + ر) ل س = جہاں س طولی اکائیاں تعطوع کے وولون سروں سے

نصف قطر ہیں اور ل طولی اکا ٹیال مقطوع کی ماکل بندی ہے۔ ادر قائم ستدر مخروط کے مقطوع کی عجم عی سطح ذیل کے جلم سنے دریا فت

(シャントンナントレ) サ جہال س کو اور ل کے وہی معنی ہیں -

190 \_ مثال على: ايك فائم مستدير يخروط كے معطوع سے قاعدہ كا قطر ١٠ ايج اور دوسرے کا قطر ا ایک اور ارتفاع م ایخ ہے: اس کی مجموعی سطح کا رقبہ دریا فت



کرد (۱۱ = ۱۲۱۱۲۳) اگر ل ایخ = مقطوع کی انل بلندی تو

١٢ = ١٥ - ١٢ ... وفد ١١

ن مقطع كي مجوعي طح = T (مما + والم من ل + ل ل ب ل الم بع اليخ

٥= ١ المال

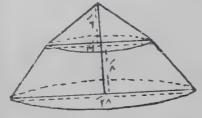
054401= ()

مقطوع كى مجوعي ع = T ( د٢ + ٩ + ١٥ م ٢٥ م م راح الح

= 011 177 14 15

مثال على: ايك قائم ستدير عزوط كے مقطوع كا ادتفاع ا فط اور قاعده كا تُطر اليخ بيد - اگرمقطوع سے بالائی سرے کا رقبہ ہے مربع النج ہوتومقطوع کی حنی تأئم متدرمخ وط كيمقطوع

سطح دریافت کرد (۳ = ۱۹۱۹۱۲ )-معطوع ك بالأي مرك كانسف قطر = الله الخ ... دفعه اى : مقطوع كي تحنى سطح = 77 ( س + 1 ) ل مربع التي مال س = ٥ · · · ١٩٠١ = ١٠٠١ = ) اس كيه مقطوع كي مني سطح = ١١٠ × ١١٠ مربع ايج = 172077 0/3 13 عمال سئله: الم فط الل ارتفاع اور مرفيط قاعده كي محيط و العلقائم ستديم مخ وطسے اگر اُس کے قاعدہ کے متوازی سنری سے د فط مالل ارتفاع کا ایک خیوال تخ وط كا ك لياجائة توبقيه قطوع كى تنخى سطح دريا فت كرو-ارط فف = مقطوع کے بالائی سرے کا محیط تو تشابه اسكال سير : مقطوع كي تحني سطح كارقبه = ألله ل (ط + ط) مربع فيط جالط = ٨ مقطع كانخنى سطح كارقبه = بله ١٦× (١٠ + ٢٠) مربع فسط = 1 22 مربع فط



= ۸۰ ۱۲ مربع فٹ مقطع کی تخی سطے = ۱۲ (س + س) ل مربع فٹ... دفعہ ۱۹ جہال س = ۱۴

امتارنمبري (۱۳۳)

(جب تک کوئی خاص قیمت ند دی جائے  $\pi = \frac{\gamma\gamma}{4} فرض کرد)$ ذیل کے قائم مستدیر مخروطوں کے مقطوع کی مختی سطح کا رقبہ دریا فت کرو
جن میں —

ا - سرول کے فیط ۱۳ انچ اور ۱۱ انچ کا کمل باندی ۱ انچ ۔
۲ - سرول کے فیط ۳ فٹ ۴ انچ اور ۲ فٹ ۸ انچ کا کمل باندی افٹ ۱۱ گئے۔
۳ - سرول کے نفسف قطر ۱۲ انچ اور ۲۱ انچ کا کمل باندی ۸ انچ ۔
۲ - سرول کے نفسف قطر ۵ فٹ ۱۳ انچ اور ۲ فٹ ۵ انچ کا کمل باندی ۲ فٹ م انچ ۔
۲ - سرول کے نفسف قطر ۵ فٹ ۱۳ انچ اور ۲ فٹ ۵ انچ کا کمل باندی ۲ فٹ م انچ ۔

زیل کے قائم سمتار مخروطوں کے مقطوع کی مجموعی سطح کا رقبہ دریا فت کر وجن میں ۔ ۵ - سروں کے نصف قطرے ایج اور ۱۲ ایج کال لبندی ا ایج -﴾ - مرول کے نصف قطر م نط اا ایج اور ۳ فط ۱ ایج اگل بلندی فشام ایج ے ۔ سرول کے عیط اا نٹ اور ۱۴ فٹ ۸ ایخ ' اُل لمبندی ۱۰ ایخ ۔ ۸ - سرول کے محیط ۱۲ فط مرائج اور ۱۸ فٹ ۱۲ ایج ۱ اُل لبندی افٹ a - ایک ایسے فائم مستدر و وط سے مقطوع کی شخنی سطح دریا فت کروجس کی بلندی م الح أدرجس كم سرول كے نصف قطر، الح اور اللح بي -٠١- ايك ايات دائم مستدير مخروط كے مقطوع كى مخنى سطح كا رقبه دريا فت كروس كى لبندی افٹ اورجس کے سروں کے تضف قطر النج ادر ہا ایخ ہیں۔ ا ا - ۲ سنانگ ۱ پس فی مربع فٹ کے صاب سے مقطوع مخوط کی وصنع سے ایک تحفلے برتن کو خلاکر وانے میں کیا لاگت ہوگی اگر برتن کی گہرائی و فٹ اور سرول سے تطر الترتيب مه نط ١ اينج اور٥ فك ١ اينج بول -١٢ - أيب ولأم مستدير مخزوط ك مقطوع كالرففاع ١١ النج ب - اس كي منى سطح كارقبه دریا فت کرو اگرائل مخروط کے ابعادجس کا یمقطوع ایک جز و سے حسب ذیل رموں: ارتفاع ٣٣ انج اورقاعده كا قطرا إنج- (٣٠ = ١١٩١٧٣) -

## سوالات امتحانات عس

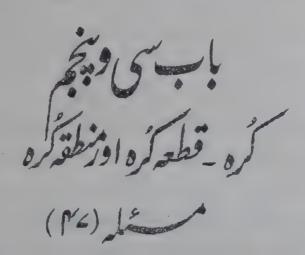
جب تک کوئی خاص قیمت نددی جائے  $\pi = \frac{\gamma}{2}$  فیم ضکر د ا ب ٹین کا ایک قیف دو حصول برشمل ہے ایک حصد تو مخ وط مناہے اور دو سرا اسطوانہ کی وضع کا۔ مخروط مناحصہ کا اگل طول ۲ اینچ اور سروں کے فیط بالتر تیب ۲۰ اینچ اور ہے۔ اینچ ہیں اور اسطوانه نماحصہ کا محیط ہے اور طول برانیچ ہے۔ بتاؤکہ اُس قیف میں کتنے مربع اینچ ٹیمن است معال ہوا ہے؟ (جمامعتی جمبئی: اکر کی کیے دوس اا مستحال)

م - ایک شاطی مرس کے مقابل کے صلعوں کے نقاط وسطی کو ال نے سے مرس کو دو حصول میں تقسیم کیا گیا ہے ۔ اب نصف مسدس کو اس خط

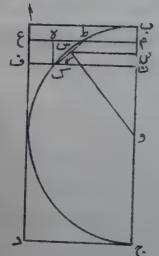
برتنلع ١٠ فف ہے۔ (جامعُ عبئی - ایل سی - ای - دوس ۱ استحان) سے - فررط کے مقاوع کی سطح دریا فت کرنے کے صنوابط لکھو۔ (جامعُ بُخِاب: سيول المخينيزيك عِلاا مخان) م - اُس قائم مخروط کے مقطوع کی اُل سطح کا رقبہ کیا ہے جس سے سروں کے رقبي بالترتيب ١٢٥٢٥١١ اور ١٥٥٨٥ مربع النج اور ارتفاع ٢٠ سب ؟ (جامعتر بجاب: سيول الجينين تك چلاا مُعَان) د ۔ نابت کروکہ قائم مستدیر مخزوط سے مقطوع کی منحنی سطح کا رقبہ اس کی وسطی تراش سے محط کو اُل لبندی سے صرب دینے سے حاصل ہوتا ہے۔ (جامعة مدراس: امتحك بي- اى)

ال - ايك خيمه كي وصنع ايسي شكل كي ب جومقطوع مخ وطير ايك ووسرا مخ وط

ر کھنے سے بنتی ہے مقطوع کا قاعدہ اور بالائی سرے کے قطر إلترتیب ۱۴ فٹ اور یا فٹ اور اِس کا ارتفاع ۸ فٹ ہے اور تنیہ کی لبندی ۱۲ فک ہے اس سے لیے مطلوبہ کریج کی مقدار معلوم کرو۔ (مُمْم کی اجنینیں: داخلہ)



۱۹۱ \_ کم کو کی کھنے کے سطے یا قطعہ کم کو کی شخنی سطے یا منطقہ کی تعنی سطے کے سطے کار قب اس اسطوان کے متناظم منطقہ کی شخنی سطے کے رقبہ سے مساوی ہوتا ہے جو کہ کم کو گھیرلیتا ہے یا اس کا احاط کہ تا ہے۔



متطیل اب ج دیوز کردجونصف دائرہ ب طرک ج کو گیری بهرئے ہے -

بورے ہے۔ زمن کروکی م اور فان دو ایسے خطوط متقیم ہیں جو اب کے متوازی ہیں اور جو نصف دائرہ کو نقاط دا اور ک پر قطع کرتے ہیں۔ اگر اسس پوری شکل کو ب ج کے گرد گھایا جائے پوری شکل کو ب ج کے گرد گھایا جائے تو نصف دائرہ ب طک جے گوئے

سے آیک گرہ خطِ متقیرا دسے آس کا مانط اسلوانہ کو متقیم طک سے تمناظر مانط اسلوانہ کو متقیم طک سے تمناظر مقطوع مخروط اور خطِ متقیم ع ف سے حائط اسلوانہ کا متناظر منطقہ بنیگا مقطوع مخروط اور خطِ متقیم ع ف سے حائط اسلوانہ کا متناظرہ بنائے کی منطقہ کو (جو توس طرب ک سے بنتاہے) کی منطقہ کو (جو توس طرب ک سے بنتاہے) کی منطقہ کو (جو توس طرب ک سے بنتاہے) کی منطقہ کو اور خطرب کے منطقہ کو (جو توس طرب ک سے بنتاہے) کی منطقہ کو اور خطرب کے منطقہ کی کے منطقہ کی کے منطقہ کی کا منطقہ کی کے منطقہ کو اور خطرب کے منطقہ کی کا منطقہ کی کے منطقہ کی کے منطقہ کی کے منطقہ کی کے منطقہ کی کا منطقہ کی کے کہ کی کے منطقہ کی کے کہ کی کے کہ کی کے منطقہ کی کے کہ کی کے کی کے کہ کی کے

اور انتہایں وی = وب لیکن ۲ ۱۲ × وب برک ۷ = خطِمشقیم ع ف سے بننے والے حائط اسطوا مے منطقہ کی مختی سطح کا رقبہ اس کئے انتہائی صورت میں خطِ مستقیم ع ف سے بننے والے مائط اسطوانہ کے منطقہ کی تعنی سطح کا رقبہ = قوس طرسک سے بننے والے منطقہ کڑہ کی سطح کا رقبہ ۔ يكن تجموعي كرُّه يا قطعه كرُّه يا منطقه كرُّه كي سطح إن تسام ابتدائي منطقوں کا مجموعہ ہے ۔ اس کیے کڑہ یا تطعہ کرہ یامنطقہ کرہ کی تخنی سطح کا رقبہ کرہ کو اصاطمہ ارنے والے اُسطوا زیسے تمناظر شطقہ کی تحنی سطح سے رقبہ سے مساوی ہوتاہے اس متجه کی مرد سے بر اسانی ذیل کی تحقیظوں کا رقبہ دریا منت ر نے کے لیے صابطے افذ کیے جاسکتے ہیں:۔ (۱) کره کی سطح۔ (ب) تطعه کره یا منطقه کره کی مخی سطح ابہم انہیں انذکرینگے۔ زمن کرد کرکسی طمل کائی کے لحاظ سے کرہ کے قطر کانا یا ای اب چونکہ کرہ کی سطح کارقبہ اس سے حاکط اُسطوانہ کی تعنی سطے کے رقبہ کے مساوی ہوتا ہے . اور یونکہ اِس حا نط اُسطوانہ کے قاعدہ کا قطر اور ارتفاع ہراکیکا اب أسى طولى اكائى كے كاظست م ب -: كروك ع = ١٦ × م م يع اكائيال = ١٦ مربع اكائيال

يا اختصاراً -

قله کره (یا منطقه کره) کی مختی سطح = ۳ بر کره کا قطر پر قطعه (یا منطقه) کا ارتفاع س = ۳ س ع د صفیحی مثالیس

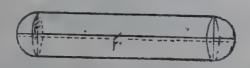
99 ا۔ همثال ملے: ہم بنس فی مربع اپنج کے صاب سے 1 فط قطر کے آیک دعاتی کرہ بر لمبع کر والے کی اجرت معلوم کرو۔

كُرُهُ كَيْ مَلِي اللَّهِ مِنْ مِنِعِ اللَّهِ مِنْ مِنْ اللَّهِ مِنْ مِنْ اللَّهِ مِنْ مِنْ اللَّهِ

47 = en Ulas

ن کُرہ کی سطح ہے ۳ × (۲۷) مربع ایج پس ہے " بنس فی مربع ایج سے حساب سے لمع کاری کی اُبُرت = ۲۴×۲۲×۲۲× = ۲۳۷ بوٹد ۱۲ شلنگ صفر پنس تقریباً صثال بدلا: ۲ شلنگ ۲ پنس فی مربع ونٹ سے حساب سے نصف کروی مرو

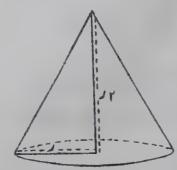
والے آیک پنتون کے اُنگوائے کی لاگت معلوم کرد۔ بنتون کا طول ۲۰ فش اور قطر م فث بنتے ۔ قطر م فث بنتے ۔



= ١٦ بولد مشلنگ ، بن تقريباً

كره - قطعه كره ا د رمنطقه كره

مثال عسد: ایک کره کا فجم ایک ایک ایک قائم ستدر مخروط کے فجم سے برابرہے جس كا ارتفاع قاعده كي نفسف قطرسے د وجند ہے: مخزوط كى تحنى سطح كو كره كى تحني سطح کی کسراعشارییس ظاہر کرو۔



أكركره كے قطرادر فروط كے قاعد کے نصف قطر کے اب ایک ہی خطی اکا آئے کے لحاظ سے بالتر تیب س اور ر ہوں تو コマンコーナー VT ونعات ١٦٦ ٢١٢

リメリリーン ·

اب مخوط كي مخنى سطح = ١٦ [ع٠+١٦ مربع أكائيال

ن مخوط كي تخي سطح = ١٦ مرا ٥ مربع اكانيال

ا در کرہ کی سطح = ٣ سما مربع اکائیاں

· / AAL .... = 01 =

مثال سلے: ایک کرہ اور ایک کعب کے جم مساوی ہیں: بتاؤ کہ کعب کی سطح کرہ کی سطح سے ، ۱۶۲۸ گنی ہے ( ۱۱ = ۹ مرا ۱۱۲۷)۔ فرص کردکہ ایک، ی خطی اکائی کے لحاظ سے محدب کا کنارہ ادر کرہ کا قطب

بالترتيب لا اور س بين ـ

T-x" = "

Trxv= 1

د نعات ۱۱۲ ۲۲۱

「子」「×V×Y=リリ リー・マンメリー エアメンバ= لعني 1 \r x & - 20 8 o 2 = 20 8 x 1 / 1 x & ليكن الله = ١٤٩٠٩٨٠٠

> 1514.6=159.944.1 ا وربهی ننابت کرنا تھا ۔

امتا پنسری (۳۵)-

(١٣ = ٢٢ وص كرو)

ذل کے کڑول کی مطحول کے رہے دریا فت کرو ....

م \_نصف تطرم نث م ایج \_ ا\_ نصف قطر الخ -م ۔ تط اگر ۲ نگ ۹ ایج ۔ سور قطر س نث ١ الخ-٣ - محيط ٩ ف ١ ايج -۵ میطاع نظ مرایج -

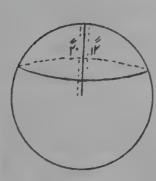
٤ - رجم ١١ كعب نش ١٩٥ كمعب رئي - ٨ - جم الكرب فك -

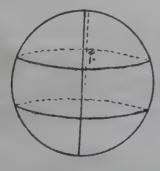
ذیل کے گروں سے نصف قطر معلوم کروجن میں۔ 4-سطح ١١٢ مربع الخ- وإ- ١٢٢ مربع الخ-اا-سطح ؟ ا مربع الخ-الله اسطوان کی وضع کا ایک ایسامجم ہے جس کے سرے نصف کڑے ہیں أكر اسطوانه مناحصه كاطول و فط اورقط الم فط بوتواكس كم مجموعي مطح كارقبه دريانت كرو-

اندرونی قطر ۸ ایج ہے ۔ ۱۸ - کوئی مجسم ایک فائم مستدیر مخروط اورایک نصف کرہ براس طرح شقل ہے کہ ان دونول ا دائری قاعدہ مشترک ہے ۔ اگر مخروط کی لبندی ۲ فٹ اور مشترک وائری قاعدہ کا قطر افٹ ہو توجیم کی مجرعی سطح معلوم کرو۔ افٹ ہو توجیم کی مجرعی سطح معلوم کرو۔ 19-کسی معب کی سطح اور اس سے اندرونی کرہ کی سطح کا تناسب دریا فت کرو۔

۱۹ - سی سب بی ع اور اس سے ایدودی کرہ بی ک ب اور اس کا لدتفاع ۱۰ انج ہے: ۱۰ میں سب کا لدتفاع ۱۰ انج ہے: اس کے بڑے سے بڑے اندرد نی کرہ کی سطح معلوم کرو۔

توصیح مثالیس فطعه کره اور شطقه گره ۲۰۰ - مثال سله: تطعه کره کارتبر دریافت کره - قطعه کارتبر دریافت کره - قطعه کارتبر دریافت





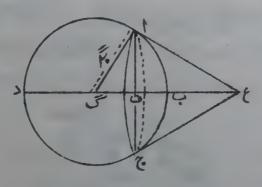
١١ ایخ اورکره کانصف قطر ۱۱ ایج ب (١١ = ١١١١٢) قطعه لي من سطح = ١٦ م ع مربع الح ... وفعه ١٩٨

ن قطعه كي يخني سطح = ٣٠٠٠ × ١١ مربع الج = 1992>01 مربع الخ

مثال علد: ١٠ الخ تضف قطر کے ایک کرہ كي سطح كومتوازي متوى تراشول سية بين مساوي عصول يمنقسم كرواور دوقطعات اور درمياني

منطقہ کے ارتفاع معلوم کرو -پیؤنکہ ہرایک حصہ کی منی سطح کرہ کی سطری ایک تبائی ہے اس لئے ہرصد کا ارتفاع كره سے قطركا ايك تهائي بونا چاہيے -

مثال سے: ٢٠ فض نصف تطریح کرہ سے وہ فاصلہ دریا فت کر وجہاں سے کہ اس كى سطى كاربع حصد دكھائى دے سكتاہے -



كره اب ج د كي بيروني نقط ع سي قلع اب ج كي مختى طح د كلائل ديتي

مساحت (حصر المعارم) بابسي ويحجم مرة - تطعاره اورسفة كره 779 اب اگرنقطه ع سے کرہ کی ایک چوتھائی سطح دکھائی دیتی ہو تو ظاہرہے کہ ب ف = ل ب ف ک = ١٠ فط لیکن تشابر شکلوں سے \_\_\_ عُ لِي : الله = الله : ف كُ ع كي: ٢٠ = ك ٢٠: ١٥ ا عل یا ام فاف ن ع ب = ۲۰ نا مثال سے: آیک کرہ کا تطر ۹ فٹ ہے: بتاؤک اُس کی سطح سے مفا کے فاصلہ برانکھ رکھی جائے توجموعی سطح کا كونشاحصه دكھائي دئيگا۔ ار ابع دی سطی کا علی اسلی است ... و فد ۱۹۱۹ می دو داد ۱۹۱۹ می در فود ۱۹۱۹ می دو فود از می دو می دو می دو فود از می دو می دو می دو دو می دو لیکن تمثار شکلوں سے سے ف كن ده وف = دم نك عك ... رفع ١٦ اورع ک = (۸+۵م) فٹ = ۵۴ فٹ ن ن ک = معمر فط فط ن ب ف = (مم - مم مرم ) فك 

ن مطلوبرکسر= ہم بیم = ہم اللہ کا مطلوبرکسر= ہم ہم اللہ کا مطلوبرکسر= ہم ہم ہم اللہ کا میں مطلوبرکسرے اندردکھا مثال ہے : ۲۰ انچ نصف تطریح ایک کرہ کو ایک مقطوع مخ وط کے اندردکھا گیا (جس کے معرول کے نصف قطر ۲۲ انچ اور ۱۲ انچ اور ۱۲ انچ اور گہرائی ۳۰ انچ) ہو

پانی سے تھرا ہُو اتھا۔ ہتاؤ کہ کس قسدر کُروی سطح بھیں جائیگی ۔ پہلے ہمیں باس امری تعنق کرلینی چاہئے کہ کڑہ کس وضع میں فریک جائیگا۔ فرص کروکر شکل میں گرہ اور مقطع کی ایسی تراش بتائی گئی ہے جومقطع سے محور میں سے گزرتی ہے۔ مخوط کو کممل کروجیں کا مقطع ایک جھیہ ہے۔

متشابرا شکال سے \_\_\_ اگ : اگ +۳۰ ایج = ۲۲: ۲۲

ن ال = ۲۰ الج

پھر متنابہ انسکال سے ۔۔ ۱د: دع = اب: بج

١ ١ : " ن = ابح" + اج" : بع

rr: ++ + rr =

14: 4151 =

(1 - 1/4 = 2) .:

ن دگ = (۲۱ مرد۳۵ - ۳۰) انج ن دگ

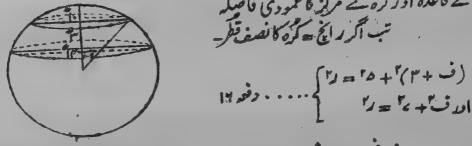
= ۲۲۵۸۵۲۲ ایخ اور ن ک = ۲۱۵۸۵۳ ایخ مر قطعه كره او دمنطقه مساحت (حصر مرم) بابسى دينج 171 جس سے بیتہ چلتا ہے کہ کڑہ مقطوع کی مذیر نہیں مکتا کُروی سطی جو بھیگ جائیگی = TT س ع مربع انج

74518A8= 45A014-4.

كروى سطى بو بميك جائيكى = ٢٢ × ٢٠ × ١٨٨١ ٢٢ مرويع الخ تقريباً

= ۲۲۸۲۶ مربع الج تقريباً مثال کے : کسی شطقہ کرہ کی دبازت سو ایج کتاعدہ کا قطر سوا ایج اور بالائی سے

كاقطر ١٠ الخ ي : أس كى تحنى سطح وريافت كرو - (٣ = ١١١١٣) زعن كروكه ف الخ وينطقه کے قاعدہ اور کرہ سے مرکز کا عمودی فاصلہ



دفدموا

161 F = 10 + 10 = 1 101

ن منطقه كي منحني عط = ١٦ مراع مربع الخ الما = ١١ ١١٠ عام

w = E

منطقة كالمخنى سطح = ١٦ × ١٢١١ بد ٣ مربع الج

= 9-12-71 مربع ایج

مره قطعه كره اور مطقه كره

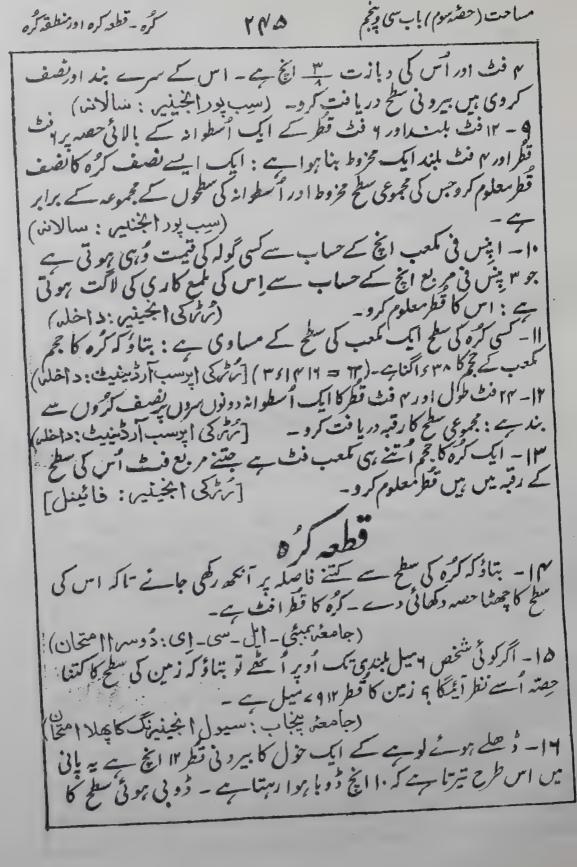
مثال مك : ٨ الج قاعده كاقط اور ١٢ الج ائل ارتفاع كه ايك قائم مؤوط كو ٣ ایج نصف قطر کے کڑہ کے اندراس طرح رکھا گیا کہ مخوط کاراس اور کرہ کا مرکزایک دوسرے منطبق ہوتے ہیں محبم کی سطح معلوم کرو- (٣ = ١١١١١٣) فرمن کرو کوشکل سیمجلیم کی ایسی ترانسش ظاہر ہوتی ہے جو مخ وط کے محدریں سے گزرتی ہے۔ تمشابراشكال سے -دع:بج=٣:٣٠ : دع = ۱ ایج 101 = 1-1 13 ۲ ۲ = ۲ منی طعه ع لا کی منی سطع = π ماع مربع انج جال ٧ = ٢ 4+ Tlr= E م بع اعَ گروی قطعه ع لاد گانتی سطح = ۱۲ × (۲ ۲ + ۳) م بع اعَی نير مقطوع مخروط ب ج دع كي منحني سطح = إ ( T × + + x + ) × ٩ مربع الج ... ونوي ١٩١١ = TXOY OLE IS اور فزوط اب ج كا قاعده = TX × مام مريع افخ اس سے مجموع عجبہ کی سطح = ١٦ ﴿١٩ (٣+١٦) + ١٥ + ١١ ﴾ مربع ایک = 17 x 6.29 2 6 0 0 1 5 = 1 × 10 1 5 1 5 امثلهمنېږي ( د س ) ب قطعه رقوه الورمنطقة كره  $\left(\frac{T}{T} = T\right)$ 

١٣- بتاؤكه اونك نفيف قط كرك كرم كاسط من أبحد كو كتين فاصله برركهنا چاہيے تاکہ اُس کی سطح کا دموال حصہ نظر آ ہے۔ ام ا - مرکز سے س فٹ کے فاصلی آنکھ رکھی جائے تو بتاؤ کہ افٹ تکو کے

كره كى سطح كاكونساكسرى حصه نظر آنيگا؟

#### سوالات امتحانات <u>مص</u>

ا۔ ۲ پنس فی مربع گزیے حماب سے نصف کروی سروں کے ایک اُسطوانہ منا بنتون (بیرک تخت) کورنگوا نے کی لاکت معلوم کروجب کہ اُس سے أسطوانه ناحصه كاطول ١٩ فث ١٣ الخ اوراً سطوانه اورنصلف كرُون كامنترك تطرم فك مرائج م - (جامعة ببني: إيل -سى-اى دوسراامتحان) م - ایک کره کا قطر ۳۱ ایج ہے - اِس کی سطح کا رقبہ مربع ایج میں معلوم کرو -(١١ = ١٥١٩١٥٩) (جامع، بنجاب: سيول انجيني تك: هلا امتحان) س ۔ ایک دائری محمرہ کی دیواریں عمور واربیں اور ان کی بلندی مافسط ہے۔ محرہ کا قطر ۲۸ فیص اور اس کی حصت تفسف کروی تنبدنا ہے۔ 9 بیس فی مربع فٹ کے حساب سے اُس کی جموعی سطح پر استرکاری کرو انے کی ابرت معلوم كرو- (جامعة بيخاب: سيول الجينيين أك كالهلا المتحان) سم- زمین کو اگر ... ، . . ، کو ه ف قطر کا کره فرص کیا جائے تو اس کی سطح کا رقبه مربع میل میں دریافت کرو۔ ( میں میل میں دریافت کرو۔ ( میں کرہ کی سطح کیا ہوگی جس کا قطرا کا ایج ہے ہے۔ ( ٧ - ايك ايسے كره كا جم معلوم كروس كى سطح و فث قطر كے ايك دائرہ كے رقبہ کے مساوی ہے ۔ اس از اور ایک گنبد ہیں۔ اول الذکریں سے ہرایک عربی ا كا بالا أي حصه ١٠ ون إرتفاع كا ايسا مخزوط مصلع ب جو ٢٠ فك صلع محمر بع قاعده ير بنا بموايد - كنيد ، م فك نصف قط كا نصف كره سي - يا عيس فی مربع فٹ مے صاب سے تینوں برسید کی جاریں مندھنے کی تیب معلوم كروم (٣ = ١١٦١١٦) [جامعتى كلت: ايف - اي] ٨ - بيوان لوسے سے ايك اسطوانه مناجر شاره كا اندروني طول ، افك قطر



ر قبهم بع فٹ میں دریا فت کرو۔ اِس کو ۵۷ اے صرب دو تو حاصل مزب بونڈوں میں فول کا وزن ہوگا۔ تب اگریہ فرصٰ کیا جائے کہ ڈھلے ہوئے لوسے کا وزن ۲۳۵ پونڈنی معب فٹ ہوتاہے تو بتاؤ کہ خول کی وبازت کیا ہوگی ہے۔ (جامعہ بنجاب سیول الجینین نگ کا بھلا استحان) ٤ إ - قطقه كره كي مجموعي سطح دريا فت كروجب كه قاعده كانصف قطر ١١ فث اور تطعه کارتفاع م فٹ ہے۔ (جامعہ مدیراس: استحان بی-ای) ٨ - أس كروى كنبد كا رقبه دريا فت كروجس كے قاعدہ كاقطر ٢٥ فث اور ارتفاع (جامعة ملر اس: (متحان بي - اى) ہ فطے ہے۔ 19- ایک کمو کھلے کا غذی مخ وط کا راسی زاویہ ۲۰ ہے۔ راس نیجے کی طِن رکھ کر اُس کو تھا ماجا تاہے اور ۲ ایخ نصف قطر کا ایک کرہ اُس س ر کھتے ہیں ۔ کرہ جہال مخروط کومس کرا ہے اُس منحنی خط برمخروط کو کا اما جا تاہے اور راس سے ترے والے حصے کوعلنی مردیا جا "انے -اب مخروط اور کرُه سے بننے والے مجیم کی بیرونی سطح دریا فت (جامعة كلكته: امتحان-ايف-اي) کرو۔ ۱۰ - ایک کرہ کا نصف قطر ۱۱ فٹ ہے۔ ایک نقطر سے جومرکزسے ۱۵ فٹ ی دوری برے خطوط متقیم اس طرح محصینے کئے جو کرہ کومس کرتے ہیں اِس طرح كره كا ايك قطعه نبتائي : إس قطعه كي تنحني سطح كارقبه دريا فت كرو-(سب پوس) برسلس ديا پاشندني: امتحان سالانها) الم - سي كره كي سطح سے كتنے فاصلى الكھ كوركھنا جا جيے تاكہ اس كي سطح كا (مُنْ عَ) الجينين: د إخلى) چھٹا حصہ رکھائی دے۔ ٢٢ - ٢ فك مولة ايك ايس قطعه كى محدب سطح دريانت كروجو ، افت نصف قط کے کرہ سے کاٹ لیا گیاہے ۔ ( من کے فاصل پر اگر آ کھ رکھی جائے ۔ اس من کے فاصل پر اگر آ کھ رکھی جائے ۔ اس ومجوع سطح كاكونساكسرى مصد دكهائي ديكا ؟ زين كي إبرسب آير دنينيك: في اخلي سم ا - کره کی وصنع کی ایک پہاڑی ہے۔ اس کی طبندی ۳۰۰ فٹ اور قاعلاکا تطب

كره -قطعه كره اورمنطقه كره

منطقه كره

۲۵ - ایک کروی منطقه کی دبازت م فث اور ایس کے مقابل کے روز کون کرو۔ رُون کے قُکُر ۱۲ اور ۱۸ فنٹ ہیں: محدّب سطح دریا فنت کرو۔

(جامع ببني: إيل سي-اى دوس اا متحان)

۲۱- ایک گرہ کا نصف قطرہ دن ہے۔ دومتوازی مستوی سطحوں سے اگر ایک ایسی تراش کاف کی جائے جس کے مسروں سے نصف قطر بالترتیب ہون اور ۳ من ہول تو بتاؤ کہ اس طرح سے قطع ندہ منی سطح کا رقبہ کیا ہوگا جب کہ

(۱) تراش مرکز کے ایک ہی جانب ہمو۔ ر

(۲) مقابل کے جانب پر ہو۔ (جامعی کلکت: ایدن-ای) کا ایک اسلوانہ نما بڑج کا قطر ۲۷ فیف اور ملبندی ۳۰ فیف ہے اسس پر

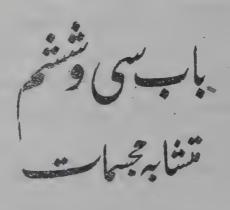
ایک نصف کروی گنبر بنایا گیا ہے ۔ گنبد کا بالائی حصر کاٹ ڈالاگیا اوراس کے منعذبر ۸ فٹ قطراور ۱۰ فٹ بلند ایک اسطوانہ نما قندیل بنائی گئی ہے میلارئر سے رستہ ی سطی سے مندکر دی گئی ہے۔ م دیع گزیس اسس

جوبالائی سرے برستوی سطے سے بند کر دی گئی ہے۔ مربع گزیں اسس عمارت کی جلہ بیرونی سطح دریا فت کرو ۔ (سُرٹی کی انجینین فائینل)

## زائدسوالات المتحانات عص

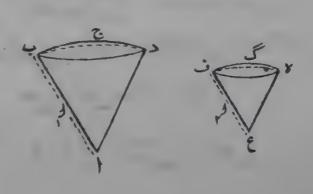
۱۸- ذیل کے تقریبی علی میں فی صدی خطا دریا فت کرو: ۔ ایک خول کا قطر اَ اور موائی ایک ایسی قطر اَ اور موائی ایک ایسی علی ایسی متحان ایک ایسی علی اوپر کی سطح کا رقبہ ہ می قطر کے مساوی سے اس کا اوپر کی سطح کا رقبہ ہ می قطر کے مساوی ہے ۔ (جامعتی مدر اس استحان: بی ۔ ای) کرو کی سطح کے مساوی ہے ۔ (جامعتی مدر اس استحان: بی ۔ ای)

۹۲- ایک گرہ کا تنظر ۱۰۰ فٹ ہے ۔ مرکزسے ۸۰ فٹ کے فاصلہ برواقع انکھ کو کل سطح کا کونشا کسری حصر و کھائی دسکا۔ (مُرہ کی اجنینیں: فائیشنل) میں ۔ فرمن کروکہ ٹامسری کا لیج کا کبدنصف موہ کی وضع کا ہے ۔ گرہ کا نسون تعظیم افٹ ہے ۔ نصف می وجھ و گر کبندگی بقیہ برمہنہ سطح پر ملمع کرانے کی قطرہ فٹ ہے ۔ اسطوانہ ناصعہ کو چھوڑ کر گبندگی بقیہ برمہنہ سطح پر ملمع کرانے کی لاگت ایک اند فی مربع ایخ کی سندرج سے دریا فت کرو۔ ( یہ سر) الاگت ایک کرہ کا فظر اور اس سے ایک منطقہ کا القت اعلام ایک کرہ کا فظر کہ کا رقبہ مستوی قاعدہ کے دقبہ سے اس قدر اس منطقہ کا منتی سطح کا رقبہ مستوی قاعدہ کے دقبہ سے اس قدر اس قدر اس کے ایک منطقہ کی منافی سطح کا رقبہ مستوی قاعدہ کے دقبہ سے اس قدر اس قدر اس کی اجسب آس ڈینیٹ ماھائن) دوئرہ ہوتا ہے جتنا کہ قطعہ کے ارتفاع کے مساوی نصف قطرو الے دائرہ کا رقبہ میتو ناہے۔ دائرہ کا دوئرہ ہوتا ہے۔ جتنا کہ قطعہ کے ارتفاع کے مساوی نصف قطرو الے دائرہ کا رقبہ میتو ناہے۔ دائرہ کا دوئرہ ہوتا ہے۔ دائرہ کا دوئرہ ہوتا ہے۔ منافرہ نائین خائیت ل



(アハ)よ

۲۰۱ - دومتشاد، عجسمات میں کھنے ہوئے د ومتناظر خطوط کے طول اور اُن عجسمات میں سے ایک کی سطے کا م قب دیے ہوئے ہوں قو د وسر سے عجسم کی سطے کا م قب معلوم کونا۔
ہوں قو د وسر سے عجسم کی سطے کا م قب معلوم کونا۔
فون کردکہ اب ج د اور ع ف ک کا دومتفا برمجسات ہیں اور بناظر خلوط اب اورع ف کے ناپ ایک ہی خطی اکائی سے لحاظ سے بناظر خلوط اب اورع ف کے ناپ ایک ہی خطی اکائی سے لحاظ سے بالتر تب و اور وہ ہیں۔ نیز زمن کردکی عب کے مالئ سے کا دقب کسی مربع اکائی سے کا فاسے س ہے۔



مطلوب یہ ہے کومجسم اب ج د کی سطح کا رقبہ الم اورس کی رقوم مين دريافت كران یہ ٹابت کیا جا سکتا ہے کہ متنا ہمجیات کی سطحوں میں و ہی تناسب ہوتا ہے جو اُن میں تھینچے ہوئے کوئی دو متنا ظرخطوط سے طولوں کے مربعوں میں برتا ہے۔ مجسم ابج د کی سطح: مجسم ع ف گ کا کی سطح = اب بع ف اب جدي سطح: س = الم : الم كسي عبرى سطح كارقب معلوم هوسكتاهي آكراس كا تناسب ایک متشا بر عجسیم کی سطے کے معلومد ہتب سے دیانت کیاجائے اور اس تناسب کو دونوں عجسات میں سے معلومیہ متناظر طولوں کے مربعوں کے تناسب کے مساوی س کھا

لَيْحِبِم كَي سطح: وومر معجبيم كي سطح = بهلي اور دوسرے مجیمیں کے تناظر طولوں کے مربعوں کا تناسب اس ليد - الله ال : ال = الس : الس

# توسيح مثاليس

۲۰۲ مثال مه: قاعدہ کے متوازی تین متوی سطحوں سے ایک مخووط مضلع كوچارحصوں ميں اس طرح كا فاكبيا كه إس كا ارتفاع چارمساوي حصول ميں منفتسر ہوگیا ۔ چاروں حصوں کی طرقی سطحوں کا

مقابله کرو ۔ ذعن كروكه جارو ل حصول کی طرفی سطح س کا رقبہ ایک ہی اکائی کے لخاظ سے بالترتیب ق ی قی قی ت تب تشابر شکلوں سے -

ق: ق+ق: ق+ق، قباق، قائر = النابا: سانها .... وفد ١٠١

ق:قر:قر:ق:ق: ق = ١:١٠ - ١:١ - ١٠٠٠

مثال سے: ایک ہی ادہ کے دونتا بجہات کے وزنوں کا تناسب ۱۳۳۱: ایسے ان کی سطحوں کا تنا سب معلوم کرو ۔

فرض كروكح مكعب الخ أورح مكعب النج بالترتيب وونو مجبات كم جميس

س مربع ایخ اورس مربع ایخ الترتیب ان کی سطحیں ہیں ۔ نیز فرض کروکہ ألم ایخ اور اللہ ایخ اِن عجبات میں کے تناظر طول ہیں۔

تب چونکہ ایک ری اڑہ کے اجمام کے وزن ان سے مجمول کے تمناسب

1:1771= 7:7

Tr: 1-11-11

مطلوبہ تناسب ۱۲۱: اسے منال سے: ایک قائم مخروط کے مقطوع کے مروں سے تصف تکر بالترتیب ، فن اور ١٠ فك بين اوراس كى مأل بلندى ٣ فف ہے: اگرمقطوع كو ايسے دو حصول مین نقشم کیا جائے جن کی منحنی سطحیں ساوی ہوں تو ہرایک حصد کی اُل لبندي وريافت كرو -مؤدها كومكمل كروحبس كأكه مقطوع أيب خصه میں اور شکل میں فرض کرو کہ دع سے كاشنے والى سطح تعبير بوتى ہے۔ فروط إب ج كي سطح : محسروط ادع كى سطح: مخزوط اف ك كى سطح = إب : إذ : إف ... رفع ١٠١ ایکن مخروط ادع کی سطح = الر مخروط اب ج کی سطح + مخروط اف کسطح) (141-11)十二二: يا آراب = ل فف السياسة اور اد = ل فك (r+U+U)-+= U (17+) ノイナリナ) 十二 بحر تمثابه مجسات سے = r+J J-12-91444 = 10 {17+(P)/+(P)/+=)+

اور ب د = (۸- ۱۵ وا ۱ - ۹۶۳۳۳) فث = ۲۵۱۷ فث دف = (۲ - ۲۶۱۷) فظ = ۲۸ ۱۶ فظ

## امثله نمبري ( ۳۶)

ا - دو کروں کے نصف قطروں کا تناسب م: ۲ ہے - اُن کی سطوں کا تناسب معالم کے سالموں کا تناسب معلوم کرو -

معوم روب الني مروطول کے ارتفاع إلترتيب ٨ الني اور ٤ الني بين: ان كَ تَخْيَ سَطِّحُولُ ﴾

سنا حب معدم مرو-س - دو معبول کے و ترول کا تناسب ه: ٨ جد - بہلے کمعب کی سطح کو د و سرے

سے - دومتر کی سطح کے عشری حصہ میں بیان کرو ۔ کی سطح کے عشری حصہ میں بیان کرو ۔ مم بر دومتشا ہمجہات کے مجمول کا تناسب ۲۰: ۱۲ ہے ۔ اُن کی سطحوں کا تناسب

۵ - دوتشار محسات کے رقبوں کا تن سب ۱۹:۱۹ ہے -ان سے مجبول

٢ - ايك بى ماده كے دو تمثا برمجهات كے وزلوں كاتناسب ١٢٥: اہے۔

دور سے مجمع کی سطے کو پہلے مجمع کی سطے کی کسرعام کی صورت میں بیان کرو۔ و الما المراه المحمد متوازي ميوي ايك مخ وطاكو دوحصول بين كاما كي الركافي والي

توسط مخروط کے ارتفاع کے درمیانی نقط سے گزرتی ہو تو دونوں حصوں کی تحیٰ سطحوں کا تناسب دریا فیت کر و سات علی می ایسان می ایک ایک ایک ایک ایسان سطے سے می اور اور ایک ایک ایک ایک موسطے سے می

کا ما جا تا ہے جو اس کی سخی سطح کو دومساوی عصول میں نفسیم کرتی ہے: محزوما کے داس سے سطح تک کا فاصلہ دریا فٹ کرو ۔ ایک می می اور

٩- ايك مخ وط كا قاعده ١٢١ مربع ايخ ي- ايك اليك مشاب يخوط كي قاعده كا

رقبہ دریافت کروجس کے جم ا در پہلے موزوط کے جم کا تناسب ۱۳۲۱:۳۲۳ ہے۔

• ا - قاعدہ کے متوازی دوایسی متوی سطوں سے آیک مخزوط کو پین حصول میں کا طاگیا جو اُس کے ارتفاع کو تین مساوی حصول میں تقسیم کرتے ہیں ۔ تینول حصوں کی منحنی سطح کی احتفا بلہ کرو۔

### سوالات امتحانات يمير

ا۔ ایک مقطوع مخ وط کے سرول کے نصف قطر ۵ فٹ و ۸ فٹ اورا کل بلندی م می در اگر مقطوع کو مساوی شخی سطوں کے دوحصوں میں نقسم کردیا جائے تو ہرا کی صعب کی آئل بلندی دریا فت کرو۔ (جامعتُہ بنجاب: سیول الجینین نگ کا پھلاا متحان) مور در ایک کمدب کا وترم فٹ مو ایخ ہے۔ ایک ایسے کمعب کی بیردنی سطح دریافت مور شرور کا وتر بہلے کمعب سے کنارہ کے برابر ہے۔ (مڑہ کی ایجنینی : داخلہ) مور در ایک معبر کی سطح ایک دوسرے تمنا مجبر کی سطح سے سدخید ہے : دونول عبات مور سے معرفی مطع ایک دوسرے تمنا مجبر کی سطح سے سدخید ہے : دونول عبات مور کی انجینیں : داخلہ) باب سي وبهتم منفرق سوالات

(جب يك فاصطورير ذكر ذكر إجائ m= عزير)

ا۔ ذیل کے لیے عام صوابط لکھو:۔ تنظم متدس كالمقبر قطعه وائره كالرقبة مخزوط مقطوع كي مخني سطح كارقب قطعه أره كي منی سطح کا رقبہ کا نمانے کا مخط منطقہ کرہ کا جم ۔ ۲ - مثلث کا رقبہ اور مخروط اور مقطوع مخروط مصلع کی سطحوں اور مجبوں کے لیے عام سے عام صنوابط لکھیں۔ س- مربع اور دائرہ کے رقبے معلوم کروجب کر ہرایک کا اطاطہ ... س فٹ مے س ایک مثلث قائم الزادیدی دادی قائم کے گرد کے اصلاع ۲۲ اور ۲۵ فن بين: زادية قائمه سے درير مے عمود كا طول معلوم كرو-۵ - ایک متوازی الاصلاع میں متوازی صلعول سے دوجوروں کے درسیان عمودي فاصله ١٥ فن اور ٩١ فن بي : أكراكي صلع ١١٩ فث بروتو أسس متصله صلع معلوم كرو -٧- ايك قوس كا وترمم الخ اورنصف قوس كا وتر ٢٠ الخ بع: قوس كاطول تقريباً معلوم كرو-٤ - دارُهُ شكل مغرف تطاع دائره كے رقبے معلوم كرنے كے عام صوابط لكھوك نیز کرہ اور مشور نا کے حجول کے صوابط بیان کرو ۔ میر کرہ اور مشور نا کے حجوب کے اصلاع ۲/ ۵ اور ۳ اِئ ہیں ؟

9 \_ ایب ایسے شلٹ مساوی الاصلاع کے صلع کا طول دریا فت کروجو اگر نصف قطرے داڑہ کے اندر بنایا گیاہے ۔ • إ - متوازى الاصلاع مشكل منح ف تطعه دائره اورقطع ناقص سم رقب ادر مخوط مھنلع اور کرہ کے جم دریا فت کرنے کے قاعدے لکھو۔ ١١ - أيك دائرى ميز كے إلائي عصه كا قطر ، فف اور اس كى وبازت ا الحج ب اس کا جھم اور ٨ آن في مربع فث سے صاب سے اس كى بالائي سطح ير بالش كوانے كى ١٢ - ايك نصف وائره كااماط وراف بي : نصف قطرمعلوم كرو-سا۔ ایسے ۲۰۰ شختوں میں کتنے کمعب فٹ لکڑی ہو گی جن میں سے ہراکے کا ملول ۱۵ فٹ عرصٰ ۱۰ ایج اور دہازت ہے۔ ایج ہے ؟ سما۔ ایک شکل منخوف سے دو متوازی ضلعوں کے اب مرم گرز اور ۲۴ گرہیں۔ اور عنر متوازی اصلاع مساوی میں اور سرایک عاگز سے: رقبه معلوم کرو۔ 10- اسطوان کی سطح اور جم اور کرہ کی سطح دریا فت کرنے سے تا عدے بیال کرول منور نائي صابطه لكهه ١١ - ايك قطاع وائره كارتبه ١٥ مربع فك اورقوس كاطول ٥ فك به : دائرہ کا نصف قط اور قوس میں درجول کی تعداد معلوم کرو۔ (۱۲ = ۱۹۱۱ و۳) ١٥- ايخ طول م ايخ عرض الح عرف الح عرف م ايخ طول م ايخ عرض اور ها ان بندسيقر ك مكوس كا وزن ٢٨٠ بوندس ٩٠٠ 1/ مثلث دائرہ اور قطاع دائرہ کے رقبے دریافت کرنے کے قاعدے لکھو۔ 19- ایک مثلث کے اصلاع ۱۱ اور ۱۸ فظ میں معلوم کروکہ اس کا رقبہ ایسے شلت مساوی الاصلاع کے رقبہ سے زیادہ ہے ایکم جس کا ہراہیہ منابع ٠١- ايسے مثلث كا رقبہ تريب ترين مربع انج كم معلوم كروجس كے ضلع الم اور مفليس -۲۱ - ۲۰۱۰ انج سے فاصلہ پرسے گزرنے میں ایک مکا ڈی کا پہتے اُتنی ہی

الرشیں کراہے ہے ایج کہ اس کے محیط میں ہیں: اس کا قطر معلوم کرو۔ ۲۲ - ایک ایسے مثلث سے ابعاد ترب ترین فٹ کے معلوم کروجس کے اصلاع کی سبت ۵: ۱: ۸ اورجس کا رقبه ایک آثیر ہے۔ ٣١ - أيك زوارلية الاصلاع كم دومتصله صلح بالترتيب ٣ فث اورم فث ہیں اور ان کا درمیانی زاویہ ، ا ہے ۔ ذواربۃ الاصلاع کے دوسرے دو صلع مساوی اور ان کا درمیانی زاویه ۲۰ سے - رقب معلوم مم ٢- ايك اليه ستون كے در اللہ الوسے اور كا وزن معلوم كروجس سے اندردنی اور بیرونی قط الرتیب ۹ ایخ اور ۱۱ ایخ اور طول ۱۰ فث مے حب که ایک محدب ایخ درصلے ہوئے اورے کا دنن ۲۶و، پونڈ ہوتا ہے۔ ٢٥ - ايك بروني نقط سے تعيني بوئے كسى دائرہ كے دوماس على القوائم ہیں اور ہرایک کا طول ہے ا آئے ہے : دائرہ کا رتبہ معلوم کرو۔ ۲۶ - ایک گھڑی کی منٹ کی سُونی کی لوگ ۳ منٹ میں صرایخ کا فاصلہ طے کرتی ہے۔ اِس کا طول کیا ہے ہے۔ ٢٧ - ايك دائري ميدان كانحيط ١١ مركز نها ١٥ مر١٠٠١ ايخ ب: اس كا تطر ٣٨ - ايك كمعب فك ين سے كتنے ٣ لكى كمعب كاتے مائے مائے ٢٩ - ايك شلك كے اصالع إلى تيب ٥٥ مرم إوراء فك ين: مربع فك یں اعشار یہ کے ساتویں مقام یک اس کے دقبہ کا تحلینہ کرو۔ • ٣ - را يك مثلث متماوى الاصلاع كا احاطر "٢٠٠ فث به اس كا رقبه معلوم كرو-اس - اگرتهیں متطیل کے گرد ایسار است، بنانا ہوجس کارقبہ متطیل سے رقبہ کا تھیک نصف ہو توراستہ کا عرض کیا ہونا چاہیے متطیل کے ابعا و . مع فت بد م افت الله عد ٣٢ - نصف آرُوي مرول کے آیک بِنتون (پیرک تخبة ) کا انتہائی طول . ه فط اور قطره فك ب : إس كي كنجائش معلوم كروك سامع - تفعه دائره کی توس کا طول اور رقبه معلوم کروجب که توس کا وتر = ۴۰

اورنصف قوس كا وتر = ١٥ سے -م س - ایک سطیلی مره کاطول ۱۱ وف ی ایخ عرض دا فط اور لمبندی وافظ

ے - اس میں عفظ x س فظ سے دو دروانے و فظ x س فظ کے نصف

دائری سرکے دو دریعے اور م فٹ بدس فٹ ۱ اننے کا ایک اُسٹ وان ہے - دیوارو

كى مطح كارتبه دريا نت كروى

۵۷ - ایک ایسے مثلث کا رتبہ ایکروں میں معلوم کروجس سے صلع الترتیب

۳۷ زنجبر ۱۱ کره ی ۲۵ زنجیر ۳۷ کرهی اور ۲۲ زنجیره ی کرهی بین -١٣٧ - ايك شكل منوف كا رقبه بها ايكو اوردومتوازى صلعول كا جموعه ٢٣٢ كر

ہے ۔ اس کا درمیانی عمودی فاصلہ معلوم کرو۔

عس - 27 منط طول كى اكب سيرهى كسى ديوارس إلكل سيدهى لكى بوئى بيء

بناؤ كرميرهي سم يائيس كو ديوار سيكس قدر كلينجنا چاميئے تأكد اس كا بالائي حقيب

٨ ٣٧ - ايك تسكل معين كے وتر إلترتيب ١١٧ اور ١١١ فظ يين: رقبيه صلع كاطول

ا درمعین کا ارتفاع معلوم کر و -

9 ما - دوایسے منظم منس کے رقبوں کا مقابلہ کروجن میں سے ایک توکسی دیے روے داڑہ کے اندر اور و وسرائس مے گردبنا یا گیا ہو۔

، مم منلت مساوى الاصلاع کے اندرونی اوربیرونی دائروں سے رقبوں کا

مقابله كرو -

اسم - ایک آبی فاند کا قاعدہ مربع سے ۔ بلندی قاعدہ کے ایک ضلن کی نصف

ہے اور وہ بغیرہ مکن سے ہے ۔ ۱۵ روبیر فی مربع سن کے حساب سے شیشہ ك فتيت الا روبيم الزيرة في ب بناؤكر الى ظانديس سنة كياس سما سكن

میں - اگراک معب الخ بارود کا وزن م اونس موتور الخ قط اور ه ایج

الل ارتفاع کے ایک مخروطی برتن کو بھرنے سے لیے کتنے وزن کی إرود

درکار ہوگی ہے۔ ٣٧ - ايك منظم مدس كارقير . م ب : اس كے صلع كا طول اوراس كے اندرونی ادر میرونی دائروں کے تصنف قطر دریا فت کرو۔ ١٨٧ - ١١ نك قطراور ١٣ فنك لمندايك مخزوطي فيمه بنانے كے لئے ١٢ الج عرمن والی کتے گز کرم کے کی صرورت ہوگی ہے۔ هم - ایک مثلث کا احاطہ ۹۴ مدف اور اس کے اصلاع کا تنا سب ۲۱:۲۰:۱۳ ے: اس کا رقبہ دریا فت کرو ۔ 47 - ذواربعة الاضلاع كي وصنع كے ميدان أب ج دكا رقبه دريا فت كرو صلع اب = عمم دن بج = ۱۹ دن جد = ۱۰ دنا حدا عدم فف اور اج = ۹۳ وفظ -عم - کسی ندی کے کنارہ پر ایک بڑج کی بلندی ۱۲۰ فٹ ہے اور مقابل کے مناره سے بالائی حصہ کا ارتفاعی زاویہ ۳۰ سے : ندی کا عرض معلوم کرو۔ ٨٧ - أيك متوازى الاصلاع كوجل ميح متفيله صلعول سمح طول سي خطي أكافي مع لخاط سے علنی و علمی و م اور ن بین اسلیم من متوازی الاصنسلاع میں منقسم کیا جاسکتا ہے جن میں سے ہرائی۔ کے شھار سلعوں سے الول اكائي اين: كيا متوازي الاصلاع كارقبه من مربع ألا يمال لياجا مكتاب ي-٩٧ - ايد دائره كا نصف قطرا الح بد - اس كا ندروني منظم عيدي رقبه دريا فت كرو -• ٥ - ايك ايسى رسى كا طول كرول مين معلوم كروجس كا أيم، ممرا مين كے ساتھ اور دو مرا سراایک گائے کے گلے میں اس طرح بندھ ہوا ہے کہ گائے ایک يكي قطع كماس سے ذيادہ پرسكے - (١٦ = ١٥١١) ا و - گرایوں کے ایک کمل ا بنار کے متطیل فاعدہ کے غیر مساعبی اسلاع یں بالترتیب ۲ اور ۱۴ گولے ہیں: انباریں سے گلیوں کی تعداً ومعلوم کرو۔ ٢٥ - أس مثلث متساوي الاصلاع كاصلع كيا جر كاجس كا رقبه ١٨٠ ونك و تزواك ربع کے رقبہ کے برابر ہے ہے۔

مع دے ۔ دائرہ اوراس کے افررونی مربع کے رقبوں میں کیا تناسب ہوتا ہے ؟۔ رم ۵ ۔ ایک ایسے مثلث مساوی الاصلاع کا ضلع معلوم کردجس کے رقبہ پراشلنگ في مربع فث مے حساب سے بیتھر بحمیرائے میں اُستے رہی افراجات ہونے ہیں بہتنے افرا مات کہ ا ٹلنگ و بنس فی فٹ سے صاب سے اس کے صلعول کی ا ما طربندی یں -

۵ ۵ - ایک ایسے مثلث کارقبہ دریافت کروجس کے اصلاع بالترتیب ۳۲۴ ۲۲۳

ا دره ۴۰ گزین اورجواب کو ایکر ارود اور پرچ مین ظاہر کرو۔ ایک میدان سے تمام اصلاع مساوی بیں اس سے ویز بالتر تیب مرگز اور ١١٠ گزېي : رقبه ايمرول ين معلوم كرو -

ع ۵ - احالمه ط طولی اکا یمول کے برابر دیا ہواہے - وہ بڑے سے بڑا رقبہ معلوم

کر وجواس سے گھیرا جا سکتا ہے ۔ ٨٥ - ٨ رسم عاب سواري ين ١٠٠ فك قطركا ايك دائري اطاطب - اس

کے گرد ۱۰ فٹ سے بھیال عرض کا ایک واٹری د استد بنوانا مطلوب ہے: م یس فی مربع دن کے حماب سے اُس کے افراجات دریا نت کرو۔ (۳=۱۲۱۵۹) 0 - أس برے سے بڑے مثلث كا رقبہ دريا فت كروجو ١٠ فط نصف قطر كے

وارئے کے اندوبنایا جاسکتا ہے۔

. به \_ در نانه " \_ در متوازى السطوح " \_ در منور " \_ در مخروط المصلع " " خشورهما" کی تعرفیات لکھوا ورشکلیں بنا کران کی توصیع کرو ۔

ا ٣ - ذيل كے اندراجات سے ميدان كا نقشه كھينے اور أس كارقبر معلوم كرو-

	سروى	
	دئ	
	JJ 40	
19037	1-14	•
۲۰۴ ب	797	*
	10/	حاء مشدق

۳۴- قائم مخروط کے مقطوع کی آئل سطح کا رقبہ کیا ہے جس کے دو دائری سروں کے رقبے بالترتیب ۱۲۵۲ ۱۲۵ مربع ایخ اور ۴ ۵۶۸۵ مربع ایخ ہیں اورمقطوع کی انتصابی بلندی ۲۰ ایخ سے ۶ (۱۱ = ۱۱ ۱۲ ۱۳) ۲۰ ایخ سے بہلے کمل ۲۰ سے بہلے کمل ۲۰ سے بہلے کمل تخروط كالرتفاع ٢٠ ايخ بموتومقطوع كالجح كيا بروكاي (٢١ = ١١ ١١١٧) ١١٧- ٨ أنه في مربع كز مح صاب سے براجا كے ایسے محزوطی بناد پر رجگ كروانے كے اخراجات کیا ہو بی جس سے قاعدہ کا محیط ۹۴ فٹ اور بندی ماافٹ ہے ؟ ۵ ۲ \_ ثابت کروکرکسی شلف قائم الزاویی می رقبه = ص (ص - و) جہال و = وتر اورص = تضف احاطه\_ ۲۴- ایک مسیدهی مرک پر طلتے و قت ایک آومی میل سے ایک بیختر کے اس مشاہدہ کرتا ہے کہ ایک مکان کی سمت سورک سے ساتھ ، سوکا زاویہ بنائی ہے اور اُس کے بعد کے بچھر کے پاس زاویہ ۱۰ کہوتا ہے: بتاؤ کہ سفرک سے مکان کتنے فاصله يرجي ؟ -ع ١٤ - أيك شكل معين كا مرضلع ٢٨ فنط اور أيك وترجى ٢٢ فن سع : رقب معلوم کرو -۱۰ ایک نصف دائره کا اطاطه ۱۰۰ فٹ سے: رقبه معلوم کرو۔ (۱۱=۹۵۱۱۳) ۱۹۹ - ایک مِثلث کے اضلاع ۲۲٬۳۲ اور ۲۸ ایخ ہیں: مثلث کا رقبہ اور اس مے مائط دائرہ کا قطرمعلوم کرو۔ ے در معب " در اسطوان دو کرہ نما "کی تعریفات لکھو۔ اور تمکلوں کے ذریعہ آن کی توصیح کرو ۔ ا کے ۔ ایک دائرہ کا قطر اف م افٹ ہے ۔ قطعہ کا وتر بع قطر پڑمود ہے اور قطعہ کا ارتفاع د ف س نطب ہے: اب کو طاؤ اور دائرہ کے مرکز سے اس كاعمودي قاصله معلوم كروي ٢ ٤ - ايك نتظمتن كالمنلع ٢٠ فط سب ؛ رقبه معلوم كرو - نيز اندروني دائره کا رقبہ دریا نت کروا۔ الما المراح المراح الما الما الما الما الما المراح على رقبي مسادى إلى الما المراح الله المراح الما الما المراح ال

ع ی ۔ ویل کے جہات کے بھر مناوم کر نے مکسام صوابط لکھو ۔ (() نیروط منٹی (هد) جونیا کر دیزا (مد) جونیا کر دیزا ٨٠ - ايك قوس كا وترميء ١٥ فك اور قوس كالرّنفاع مريم فك به : دائره كا

قطر دریافت کرو-

٨١- ١١ ( ريجفوشكل ) سے لوت كى

سیر حلی تعبیر ہوتی ہے جو کھونس کے ایک مكان كى اولتى سے لكى بورئى بيعے ۔ أولتى

ربواروں سے م فط باسرنکلی ہو تی ہے رور جھت کا اُتار مام سے ۔ اگ

ج ب = ۲ فٹ عد = ۱۸ فٹ

اد = ١٧ فث توبتاؤكرسيرهي كے باغين كوكس قدر كھينيا مائے اكر اسس كا اللي حصد اولتي پر تھيك تھيك بہنج جائے ؟ - سيرهي كا طول كياس،

٨٢ - دوكرُه مناوُل كے بڑے اور جيو شے قطر إلترتيب من فك اور سوف بين-ايك

كرىنا چياے اوردوسرالمبوتراہے: ہراكيك كره سناكا جم دريانت كرو۔ ١٩٨٠ ايك مثلث مح دوصلع ١٧١ فك اور ١١٥ فظ مل اورتبير صلع بركاعمود

١٣٢ فف سع : مثلث كارتبه دريا فت كرو -

٧٨ - ١٥٠٥ ع معطكا أيك وائره كليةً ٥٥٥ المعط كے دائرہ كے انزرواقع ہوتا

سے ۔ طقہ کا رقبہ دریا فت کرو۔ ( ۱۲ = ۱۲ ) ۳ )

۵ ۸-ددېم مركز دا نرول اور أن كے نصف قطروس كى درمياني جگه كا رقبه قطع شده قوسول اور اکن کے درمیانی فاصلے کی رقوم میں دریا فت کرو۔

دويم مركزدا رول كرفضف قط الترتيب ١٠ فعط اور ١٥ فن ين

ان دائروں اور ایک دورس سے ساتھ ، م کا زاویہ بنانے والے نصف

قطول سے محدود شکل کا رقبہ دریا فت کرو۔ ( ۱۱ = ۱۹۱۹ ا۲۶) ٨ ٨ - ايك قائم الزاويمثلث مساوى الساقين كه اندروني دائرة كانصف قط انشر ب جند معلى مود

٨ - ايك قطاع كارتبه ٢٣٠مريع فط ب - قطاع كا زاويد ٢٠ يه قطاع كالمجموعي ا حاطم علوم كرو-

- (T= ms18/109)

٨٨ - ايك كيرالاضلاع ميدان كايك كوف إس دوررك وف بسك ايك جريب خطاور

اس سے دائیں اور بائیں جانب برونی عموضینے کرمیدان کی بیافتر کنی بیساکہ ذال کی يمانشي بياص سے ظاہرہے: -ا جار شال مغرب - رقبه در یافت کرو-مندرج ذیل مح مجم معلوم کرنے سے لیئے عام صابطے کہاان کرو۔ مُنْ كُلِّ كَ مُطَارُونِ مِرْهُمَا مِنْ لِكُوا خِيلِ كَيا نْرِج أَيْكًا بب كُوسُ كامراك صلع ٢٠ فط لم ا 4 - كسى كره كى طح ٢٥ و ١١٥ مربع الح ج - اس كا قطواد رجبامت معلى كرو-(١١ = ١١ ١١٥٣) م 9 - ایمی مثلث کے دوصلعوں کا زاویہ وس میں - اور ان اصلاع کا طول علی الترب ١١٥ فف اور ١٢٨ فف سيء رقتيم علوم كرو-ساجداك دواربة الاصلاع كورتر مع اور مع أنجر بي ادر مقام تقاطع يرهم كا داوير بنائي بي - رقبه معلوم كرو-ام 4- ای معین کا ہرصلع ۲ فاف سے -اور بڑے زاویوں یں سے برایک زادی چھوسے زادیوں میں سے ہرائی۔ زادیرے دگناہے ۔ رقبہ علی کرو۔ فه- ایک مثلث کے اصلاع ۱۲۱ مرا ا ۹۹ ایس ۔ اس کے مائط دائرہ کا قطر 44 - اس قطاع کا رقبہ معلوم کر و بونصف دائرہ سے بڑاہے ۔ بقید تطاع کی متمام قُوس كا وتراء قط مع نصف قوس كادترهم فك اورنصف تطرع انساء الج ہے۔ ایک بیمان کا فاکر جاد اور مندیجہ ڈیل اور سے اس کے رقبہ کا صاب

	(6 45	الگاؤ:۔
	ه ف ک	
	154 -	Lern.
مر ع مرد.	(°	دأين جانب ليولو
	مري ه	7
6-24-	900	
	۵ اسے مغرب کی طرف جاڈ	LE-7. 4
اوراس کامها ۲ سرا	۵ ۱ کے عرب می طرف جاد   ت ۳۰۰ کا زاد یہ بنا تاہے	الم ٩- ايك رقاص جمولت ويتم
	ی کا طول مقادم که و ۔	ا رہے تی نوس بنا ماہتے ۔ رفا ہ
المرالح على لم الم	ى الفصامعين المام م	99 - ایک سختی شکل سے مساور
المحننيا رقيدمعلوم كرو	مضطول بنبادي خطعة ايركنيبن	שח או דו ואיש-וכנוביאן
ل مرفعت ۹ اليج <sup>م ع</sup> رض كاط التحصيم واليس	ع 6 جم مطلوب ہے جس کا طو اس ابنے میں نیز اس کو ہ تا	۱۰۰ - أستطيل متوازي السطوع منط ۱ الخ اور ارتفاع م فث
ره مرکفه کونرس له کتنگهال	ا پجھے: بٹاؤگراس کے کونا	[[٠]- ایاب دائری نمیز کارفیده ۵ مرفرنع
(P(1014- TT)-V	كادرساني فاصله اليخ	الى صرورت بولى أكربيروومصله كميلوا
الترامل السيم الفث بواريح كي	الريخ الريانية والروايات اس	111-12-000
ے تو دستر کوئورہ کرومٹوں می میر	بب ممام رئی اس پرتینی ہوئی۔ ماعد محق قدر پر	افاصلہ برہے اور اس کا نظرہ ایخ ہے ۔ سے رسی تختا کہ ماؤل مرسم آ دیک سط
ی سطح سے توں کی کہرائی کیا ہے ہو مرکا قبط یہ ورط اور ہوتا در ا	ا مو یک چودی ہے۔ بتا و زرتیں. محصر نصیف کر وی ہے۔ تا ای	سے زی گفتا کر اؤلی میں سے باتی کی سطی ۱۹۰۱ – ایک اسطوانه زاستون کا بالاؤ اس موج سان میں میں استون کا بالاؤ
	لی جسیا مرت معام کی	ا ی جوی جنگری و افت سیم اس
یخ اور دبازت ۱۲ ریخ ہے۔	المول ما قبط على ما!	الم ا- سالوان في ايك الفي كا
The state of the s	الحكافا وإسراكه مرحوه	ایک سرے سے کتنے فاصلہ پر اس موفر صن کردکہ الن ساگوان میں د.
4.00	الام المعنب مع الوس	0,0,0

۵ • ا - ایک دواربیتر الاصلاع کے صلعے سلسلہ دار بالترتیب ۲۲ ۴۴ ۳۰ اور ۲۵ بیں اور پہلے دوصلعوں کا درمیانی زاویہ آیک فائمہرسے: رقبہ معلوم کرو۔ ١٠١ - كنبي برج - كرجنوب كى طرف كوج بوكراكيب أد مي مشابره كرنا بيم كه اس كارتفاع . و ہے۔ وا فٹ میں سشرقی سرے میں جانے سے بعدوہ اس کا ارتفاع دم معلوم كرتاب، برج كي لبندي دريافت كرو-ا ولی کے ابعاد کے متطبلی متوازی السطوح کا جم اثناء اعتاریہ کے طرفیہ سے وريافت كرد: ، فف ه ايم الفط ، ايخ الله فل النج-٨٠١ - ذيل كى بيايت يسي كويون مين بين إن كى مردس ميدان كا خاكه تعيني اور آس کا رقبه معلوم کرو: --الانتاب ر کی طرف E ? ج ک جاؤتتال ب تک ٠ ١٢ ١٠١- أكيد إغبان جا متاييك كم تنظم سدس وصنع كا أكيد ايسا قطعه كلمانس بنام جس كارقبه ٢٩٠ مربع كربيو: بنادًا أسل كے صلع كاطول كيا بمونا جا ہينے ؟

١١٠ - ايك ايسے ميدان كا رقبه معلوم كر دجس كے ايك صلع كا لول ١٩ إكولى اور اس کے معین جو مقابل کی مغنی مرصر سکاری فاصلوں پر کھینچے عليمين بالترتيب ١٠ ٥٠ م ٨٠ ١٨ ٢٥ ١٦ ١ در ٥٠ كراي بي -الا ۔ لوہے کے اُس حول کا وزن کیاہے جس کے بیرونی اور اندرونی تنظی بالترتيب ٩ الج اور ١ الج بن اگر ٢ الج تظراوب ك كوك كاوزن ٩ يوندمو؟ ١١٢ - ١٠ في بندستون كا قاعده اور إلا ي حصر قطع نا قص يس - تاعدے اور بالائي حصر کے محاور اعظم بالترتیب ۲۰ فیط اور ۱۰ فیط اور محاور اصغربالترتیب، فیف اور ٧ فت إن - الس كاسماؤ معلوم كرو -١١١ - عنسي ميدان اب ج دع كا رقبه معلوم كرو اگراب = ٢٠ كر، ب ج= المرئجد= المركدع = ١٠١٠٠٠ ع = بد = ٨٥٠ اود الراب اوردع ایک دو سرے کے سوازی مول -١١٧- اكائي نصف تطريح دائره كے اندرست بوئينظم منس كارتبه اعشار يوسكے دو مقامات مك صحت كے ساتھ دريا فت كرو-۵ ۱۱ - ایک وائره کے قطر اور محیط کا فرق ۱۰ فٹ ہے: قطر معلوم کرو- (۱۱ = ۲۱ ۱۲ ایس) ١١١ - ايك گهري كي منت كي سوئي وس منت يس ا انج كا قوش بناتي سهد: گردی کے چرہ کا نصف تطروریا فت کرو۔ ( 17 = ١١١١١٣) الا - ايك توس كاارتفاع افك ٣ الخ اور دائره كا قطراا فث ٣ الخ سب الصف قوس کا وترمعلوم کرو۔ ١١٨ - ايسے ميدان كارتبه دريا فت كروجي كے ايك صلح كا طول ٩٩٠ كري اور اس سے سات مساوی انفصل معین جو مقابل کی عنی سر صدیک معینے محتے ہیں - UTIS 570. 410 (M. 14) . 1. 4. 64. 64. 119- ایک مخروط کے قاعدہ کا قطر سوف سر ایج اور اس کا ائل ضلع ۱۱ فث ب: أس كيجماس كيابي ع (١١ = ١١ ١١١٧) ١٢٠ - اوت سے ایک نل کا مور اخ ١ ایج اس ازت بازت با ایج اوراول ٢٠ فن ب : ایک کمعب ایخ لوسے کا وزن ۲۱۵ و ۱ اونس وص کرسے ال وزن علوم کرو۔ الا ا ۔ لوبا اکرساگوان سے الحے گنا بھاری ہو تولوہ کے ایک ایسے کو لے کا قطر کیا ہوگا جس کا وزن ساگوان سے ایک ایسے گولے کے وزن کے مساوی ہے جس کا قطرہ الہ بیجے ہے الا ایسے ساتھ کے دو ضلع مم اور ۹۰ گزیں اور ان کا درمیانی ذا دیے الا ایسے یا دقہ مولم کرو۔

مع سرم الرميد معلوم مروم ميدان كين صلع ترتيب واره ا ١٠ اور مع البخيري - بينيك دوكا درمياني ذا وير ۱۵ اور دومرس اد ترميس صلع كا معاني ذاوير ۱۶ مير : رقيه مربع زنجيرين معلوم كرو - بر

درمیانی زاویه ۴۰ ہے: رقبہ مربع زنجیریں معلوم کرو۔ ۱ مار ایک مربع کھیت ساگر عرض والے راستہ سے گھرا ہو اسے کھیت اور راستہ کا جموعی رقبہ اللہ ایجر ہے: اشکنگ ۹ بنس نی مربع گزکے صاب سے راستہ پرکنکر کھیوانے کے اخراجات معلوم کرو۔

الا الا الله مثلث كے اصلاع الا ۱۵ اور ۱۷۱ فظ بیں ۔ بڑے صلع سے الا اور ۱۷۱ فظ بیں ۔ بڑے صلع سے متواثری مثلث کو کا طبخ و الے دوخطوط متعقم کھینچے گئے بوبعیہ ضلعوں میں سے مبرایک کو تین مساوی مصول میں تقسیم کرتے ہیں مثلث سے اُن بین مصول میں تقسیم کرتے ہیں مثلث سے اُن بین مصول میں تقسیم کرتے ہیں مثلث سے اُن بین مصول میں تقسیم کرتے ہیں مثلث سے اُن بین مصول میں تقسیم کرتے ہیں مثلث سے اُن بین مصول میں تقسیم کرتے ہیں مثلث سے اُن بین مصول میں تقسیم کرتے ہیں مثلث سے اُن بین مصول میں تقسیم کرتے ہیں مثلث میں میں تقسیم کرتے ہیں مثلث کے اُن بین مصول میں تقسیم کرتے ہیں مثلث کے اُن بین مصول میں میں تقسیم کرتے ہیں کرتے ہ

ے رہے دریافت کرو۔ ۱۲۵ - ذیل سے معطیات سے خنی الاصلاع شکل کا رقبہ تعریباً معلوم کرنے کے لیے سے اس کا ۱۲۰ کا ۱۳ مام کا میں کی کا میں کا میں کا میں کی کا میں کا اور کا میں کی کا میں کی کا میں کا میں کا میں کا میں کا میں کی کا میں کا میں کا میں کا میں کا میں کی کا میں کا میں کی کا میں کی کا میں کا میں کی کا میں کا میں کی کا کا میں کی کا میں کی کا میں کی کی کا میں کی کا میں کا میں کی کا میں کی کا میں کی کا میں کی کی کا میں کی کا کی کا میں کی کا کی کا میں کی کا کی کا کا کی کا کی کا میں کی کا کا کی کا کا کی کا کی کا کی کا کی کا کی کا کا کا کی کا کی کا کی کا کی کا کی کا کی کا ک

ناعدہ = الا۔ ۱۲۸ - ایک أسطوا ذکا ارتفاع قاعدہ کے تضف قطر کے برابر ہے اور اُس کا مجم .. کمعب انج ہے: ارتفاع معلوم کرو۔ ۱۲۹ - ایک کمعب فٹ پنتیل کا وزن .. ۵۸ اونس فرعن کیا جائے توہیمیل کے

ايك كرنسية اركاوزن معلوم كروس كى د إ زت بها الح بها الح بها • ١١ - ايك مخروط مصلح كا قاعده ١٨ فف ٢٦ فف العاد كا مقطيل ب- قاعده كے دونول چھوٹے اصلاع میں سے كسى اكيا كے دسطى نقط كوراس سے ملانے والے خطِ متعقیم کاطول ۲۴ فیف سے ججم معلوم کرو -ا ١٣١ - اكرا كعب فض لوسي كا وزن ٢١ م بع ند فرص كيا جائے تو بتاؤ كر ١٠٠٠ ش لوبے سے م ایج کے کئے توب کے کولے بنائے جاسکتے ہیں ہو (۱۲=۲۱۱۲۱۲) ١٣٢- ايك ذواربعة الاصلاع ميدان إبج د كاصنع إب = ٢٠ كز بع=٢١٪ وف جد = ٨٠٪ د ١ = ٢٨ كر وف - تيوارة اح= ٣٣ گزان نابت كروكد زاوي إبج ١ج ٢٠ ديس سے برايك ايك قائم ب ادرميدان كارتبه دريافت كرو-سس ا - ایک مربع کا اعام ذریرے کے اعام سے .. افظ زیادہ رے اور بڑے م بع کا رقبہ چو سے م بع کے رقبہ کے بین گئے سے بقدر ۲۲۵ مربع فٹ زیادہ ہے: ان مے صلعوں سے طول دریا فت کرو۔ ٧١ ١٠ - ١١ ١٥ ١٠ اور ٣٠ گرو کسال علی ایک متطیلی قطفه گھائس کے گرد کسال عون كا ايك داسته بنا ہواہے: اگر داسته كا رقبہ قطعۂ كھا س كے رقبہ كا ۳ بو تو اس کا عرض معلوم کرو-٥١١- ايك قرس كا وتر ١ الخ اور دائره كا نصف قط ١ الح ب : قوس كا طول دریا فت کرو ۔ ٢ ١٣ - بيائش سے معلوم ہوتا ہے كہ ايك جاگير اس كے فاكر سے وس لاكم كُنّى برى جد خاكه كا بيمانه ايكيب ميل كليّ الح كى رقوم مين دريا فت كرو-ع١١- ٥ اور ١١ الح فول ك منلول والي اكب مثلث قائم الزاويكواس ك ورز ك رُودكها يا جاتا ب: اس طرح بن والے دو برے وروط كى سطح ۱۳ ما ایک ایسے اُسلوانہ نما تول کا جم معلوم کروجس کی اندر دنی سطح کا نصف قطر ۱۲ ایج اور دبازت ۳ ایج اور طول ۱۰ فٹ ہے۔ (۱۳ = ۱۲ ۱۲ ۲۳)

Y 13-9-(T = 11712m) ٨٠ - ايك قائم متديرة مطواه كا ارتفاع م فط ہے: ايك ايسے تمثابہ أسطوا يكا ارتفاع درما فبت كروجس كا جحم اول الذكر كم جُمْ كا توكنا ب ــ الها- ايك شكل مخوف سے متوازى صلع ١٠٠ اور ١٠٠ فطيبي اور بقير دو صلع ٠٠ افت والصناع كے ساتھ ١٣٥ اور • ٥ كا زا ديه بنا تے ہيں رقبه ربع گزوں ميں دريا نت كرو۔ ١١٨١- ١٠ ب ج دع ف چه ماوي صلعول كي ايك شكل س- اب= ١٥٥٥ فك ب ف = مرد مه فك اورحصه ب ج ع ف متطيلي شكل ب: رقبه سرم ا- ایک مربع کاصلع ۵ مرج سے اور واگر عرض کا ایک راستم ربع سے با سرگرداگرد بنا ہوا ہے: بناؤگرا فٹ م اپنج طول ادر ١٠ اپنج عوض کے كت بخفرد استد يرجيات ك لي دركار بوسكا \_ ١١١٠ - اكركسى بيروني نقطه سے ايك وائره كے عامول كا طول ١١ الح اور ان كا درسياني زاديه ٩٠ بوتو بتاؤكر دائره كا رقبرتقريباً ٢٩٢ م بع اليخ بوگا-هم ا- سكل سخوف كى وصنع كے ميدان كا قاعده ٣٠ اور دوعلى القوائم صلع بالترتیب ۸۲ اور ۱۷ زنجیرین: بناؤکیمودوں کے متوازی ایک بردہ کے زلعیہ اس میران کوکس طرح دومساوی حصول میں تقتیم کیا جاسکتا ہے۔ ١٧١ إ- ايك عبيم ايك بي دائري تاعده كم مقابل جابنول يربين بوئ ايك نصف کرہ ادرایک مخوط مِشتمل ہے ۔اس قاعدہ کا قطرہ نگ اور مخوط کا ارتفاع ه فث ہے : مجسم کا جحم دریا فت کرو-(17 = ١١١١١٣) ١٨١ - ايك متطياع بم كاطول مرفط ٩ ايخ عرض ٥ فك ٧ ايخ اور لمبندى م فك ٣ النج ب: اس كا فحر ا ثناء اعشاريه عط يق سے عاصل كرد-ما ا - ایک مربع برج کا اب برطاف الافث ہے - اس کی حقیت کو یا توسیس كى جادروں سے جو او بیس فی مربع دی سے حساب سے بمتی ہیں مطح بنایا جائلگا يا مخروطي جيمت بنائي جائيگي جس كي انتصابي ملندي ١٠ فٺ بوگي اور استيليك

سے ڈھکا جائیگا جوم اشلنگ و بنس فی صب کے حساب سے بکتی ہیں اور جن كى مربين سطح ١١ × مكتب بردوصورت يس لاكت دريافت كرو -١٧٩- ايك ايسے فائر كا تجم معلوم كروجس كے قاعدہ كاطول ١١ انج اورعوض الم الج ارتفاع ، الج اوركناده الح ب -• ١٥ - كولوں - ي ايك ممل مثلثي انبار كا قاعده ايسا شكث مماوي الاضلاع ہے جس سے صناع میں وا گولے ہیں: انباد میں گولوں کی تقداد معلوم کرو۔ ا ۱ ا - کسی مخروط کا ججم قاعدہ سے رقبہ اور انتصابی بندی کے ایک تہائی كے ماسل صرب كے مساوى ہوتا ہے ۔ ايك ايسے مقطوع محزوط كے حجم كا صابط افذ کروجی سے سرول کے قطر ر اور کہ اور ارتفاع ع ہے۔ ١٥٢- ذيل ك ابعادكي أيك كان يس جنواني كي مقدار كمعب فدف يس معلوم كرد: فضل = ١٠ ونك = اغرروني منى كا نصف قطر - كان كي موها كي = م فط اورطول = ۲۰ فط۔ سا ۱۵ - ۸۰ نش می دو انتصابی دندے ایک دورسے سے ۱۸۰ فش مے فالم پرہیں۔ان کے بالائی سروں سے ۱۵۳ فظ لمبی ڈھیلی رشی بندھی ہوئی ہے بازگر تے چلنے سے رسی ٹوٹتی ہے اور وہ ایک ڈنٹرے سے مم فدط سے فاصلہ یہ زمین پرگریرا ہے ۔ بتاؤ کہ وہ کس بلندی سے گرا ۔ م 10- آیا مثلث بتساوی الاصلاع کا صلع افث ہے ۔ ہرایک صلع کو جادمادی معول میں تعتبیم کرنے کے بعد قریب ترین نقاط تعتبیم کو ملایا گیا۔ اس طرح بننے والے مسدس کا رقبہ معلوم کرو۔ ۵۵ - ایک نقشیمی ا مربع منط سطح ۱۰ ایکر رقبه کوتعبیر کرتی ہے: بیجانه معلوم كروجس بِرَانِقتْها ما راكيا ہے۔ ٢٥١- أس كمعب كي جمامت كيا ہے جس كا ور ١٨ فيط ہے ؟ ع ١٥ - ايك مخروط كا ارتفاع وا في اور أس كے قاعدہ كا قيط ا في ب قاعدہ کے متوازی ترانٹول سے اس کوئین مسادی حصوں میں تقبیم کروا ورتینوں حصول کے ارتفاع معلوم کرو۔

٨ ١ إ- اده مع كمتب فك كي تعداد معلوم كروجو ذيل سے ابعاد كا مشور خاني سوراخ ( جس کی گرائی ۱۲ فٹ ہے) بنانے یں نکانے جا منگے ۔ بالائی حصہ ادرة اليسيمتنطيل بي جن مح تناظرا بعاد - م فضد ١٨٠٨ فك اور ١٥٠ افك ١٥٠٠ ف بس-9 1 - بیڑال لوسیے کے ایک ایس ایسے مھوس طقہ کا وزن معلوم کروجس کا برونی قطرا فن اور د بازت ۲ ایخ ہے ( پٹوان لوہے کا وزن ۲۸ و. پوٹر في كمعب اليخ بهوتاب)-• ١٦ - ايك مثال سم ذريع مشور منائي صنابط كامفهوم مجهاة الا إ - و عط بور لوب سایک خزار آب ٨٠٠٠ مر بیلن کی بنائيل جائيلًا: الرفزانُه أب كي لبندي ٨ فك بهواورة عدة تنمن وصنع كا بهوتواس کے ہر رُخ کا رقبہ اور تا عدہ کیا ہوگا۔ ١١١ - ١١ ٢٠ ، م صلعول مح مثلث سے الد، اگرای متطیل اس طرح بنایا کیا ہے کرمتطیل کا ایک صلع مثلث سے بڑے سے بڑے صلع پر منطبق ہے اورمتصارصلعوں کا تناسب ا: اہے ترمتطیل کا رقبد دریا فت کرو۔ ١١١١ - كسى محرو سے فرش سے ليے ايك فاص اب سے اورمروح وضع ے ۲۰۰۰ فرشی کھیروں کی صرورت ہوتی ہے۔ اگر ہرایک کھیرا ہرطون الج زیادہ لمبا ہوتا توم۱۱ کورن کی صرورت ہوتی: ہرایک کھیرے کا طول دریافت کرو۔ ١١٧- ايك دا ترے كا كچھ مصمركز كے ايك ،ى طن واتع ہونے والے دو ایسے متوازی و تروں سے کاٹ لیا گیا جن سے طول الترتیب ا + اور است ہیں اور ان کا درسیان عموری فاصلہ افٹ ہے: وائرہ کا نصف قطر معلوم کرو۔ الله المنظم المن وصع مے ایک باڑے کے اطاطہ بنوائی کی قیمت م شلنگ ٢ بنس في فك سيساب سے ١١٨ پوند ہوتى ہے: إبن في مربع كر مے صاب سے سطح پر کنکہ بچھوانے میں کیا احزاجات ہونگے ؟ ١١٢- ١١١ الج قطر کے الے کے ایک کرہ کو تھوک کر ١٨ الج قطر کی ایک د امري تحتى بنائي گئي: اگر اس کام يس د في صدى رهات صنائع موجائے

تو تحنی کی دبازت کیا ہو کی ہے 144- قریب ترین مربع آنج یک جڑے کی مقدار معلوم کروجو آبک ایسے کو وی فٹ بال سے لیے ورکار ہوگاجس کے محیط کا اپ ۱۲۳ ایج ہے۔ ۱۲۸ - تین اینٹیں جس میں سے ہرایک رکے ابعاد و انتخ بر الح برایک ہیں ذیل سے طریقہ سے جائی گئی ہیں ان کی کھلی ہوئی سطح کا رقبہ مربع ایخول میں معلوم کرو: بہلی ا نیٹ کو میز پر چیٹا رکھ دیا گیا ہے دوسری ایسٹ کو آیک سرے کے بل بہلی اینٹ پر علی القوائم رکھا گیا ہے ۔ اور کیسری اینٹ کو دو سری اینے برعلی القوائم چیٹا رکھاگیاہے۔ ١٤٩ - ايك أسطوانه مناصلقه كا اندروني قطر٢١ الج اور اس كي دبازت ٨ الج ے: اس کی جمامت معلوم کرو-ہ کا ۔ ایک منشور بنا کے مرک ایسے متطیل ہیں جن کے تمنا ظرا بعاد م فٹ x یفٹ اور ١٠ فظ ١٨ فظ بين اور أس كا ارتفاع م فظ ب : جم معلوم كرو -ا ١١ - ١١ بونروزني ايك كوك كاتطرب الله بي: ١ الله كي أول كي دبازت کیا ہو کی جس کا درن اوس ۲۳ ہو نگر سے ؟ ١٤٢- ايك أيَّنه كي يو كفي كا كول ٣ فك و انج اورع ص ٢ فك ١م انج ے: اگر آئینہ کا رقبہ چو کھٹے کے رقبہ کے مساوی ہوتو اس کے ابعاد معلوم کرد۔ ساعاتین مساوی دائرے ایک دومرے کومس کرتے ہیں: ان کی درمیانی جگہ کے رقبہ کے لیے ایک منابط انذکرو۔ دائروں کا نصف تط م ع إ- الادراا بيج كے درسيان كس دقت گھڑى كى سوئيال (١) ايك دُوسرے پرمنطبق ہونگی (۲) ایک دورے کے مقابل ہونگی - (۳) ایک دورے پرعلی القوائم ہونگی (۴) ایک دوسرے سے ۵۶ درجوں کے فاصلہ برہوگی ؟ ۵ کا ۔ ایک مربع کا صلع ۱۲ فٹ ہے ۔ وتر کے متوازی دوخطوط مستقیم نے ذریعه مربع کوتین مساوی مصول میں تقتیم کیا گیا : متوازی خطوط مشتیم کا درمیانی عربی ناصل بافذیری

۱۷۱ - به ایج اور به ایخ نصف قطول سے دوکروں کو میجملا کر ایک محمو کھلا خول بنایا گیا: اگر اس خول کا بیرونی قطر ۳ فٹ ہو تو انمدونی کھوکھلی فضا عدا - ایک مخوس اسطوانه منا مری کا ایک سرانصف کروی اور دومسرا مستوی ہے ۔ اس کاطول م فٹ ادر قطر لا ایج ہے: اس کا جم ادر مجبوعی سطح ٨٤ إ - أيك فانه كاكناره م فث لا النج اورقاعده كاطول لا فث ٨ الخي قلعده اع عرض ا فث م ایخ ہے اور فان کا ارتفاع ۲۱ ایج ہے: جم معلوم کرو-129- ا النج قطر كي تنتي كوليال ايك اليسع رفيه مي بھرى جاكسكتى بين جسس كے اندرونی البعاد تفیک المعب فنط بیں ؟ مرا - ایک مخروطی حنیه سے قاعدہ کا قطر ۱۱ فٹ سے اور ملبندی اافظ۔۵مایخ عرصٰ کی کتنی کر چ کی عزورت ہوگی ہ ۱۸۱- دو نقش ایک بی ابعاد سے ہیں - پہلے نعشہ پر ۵۹۸ ایخ طول کا خط ١٢٨٥ ميل كو اور دوسرے تعشيه پر ١٠٠ ايكر كا رقبه الم مع الح سے تعبیر ہوتا ہے: دونوں تعشول سے تعبیر ہوئے والے رہتوں کا مقابلہ کرو۔ ١٨٢ - أكرا كعب فك لوسي كا وزن م مِندُردُو يك بوتو اسى ماده كى ين الي كا وزن كيا يوكا جس كا طول وا فط مم الحجي اندروني قطر م الح اور وهات کی دبازت لل ایخ ہے ؟ نیز بتاؤ کہ ایسے امیل نل کی قیت هادیکر نی ٹن سے صاب سے کیا ہوگی ہ ١٨٧- أراكعب فث دهات كاوزن م مندرد ويدف اكوارشر اور أس كي ميت ٨٨٠ روبيد في من بوتو بتاؤكه اس دهات كے اميل كميے اليسے لل كي ميت كيا بو يجس كا سُوراخ ٩ النج اورد بازت مرانج سيا النج سيا (١١ = ١١١) و١١) المرام ایک جھندے کا ڈنڈا ہوا کے صدمہ سے ٹوٹا اور اس کا بالائی مرا قاعدہ سے ۲۰ فظ کے فاصلہ پرزین سے ٹکرایا۔ اگردہ اور منط نیج سے توطنا تو أس كا بالائي مرا قاعده ست مزيد ١٠ فن بين بينيتا : بلندي معلق كرو-

کی وصنع کی ہوجو ایک سرے پر اُسی تقر کے اور ہے ایج ارتفاع کے مخوط پر

١٩٢ - ١ الخ قطراور ٢ الخ بندى كا ايك مخروطى بياد ياني سع محراكيا اورم الخ تطركا ايك كروى كولا اس كے اندر اس قدر در بویا گیاجس قدر كروه اس ميس جا سكتا مقا: ايككوب فك بانى كا وزن بله بوند زمن كريم بسائ ، وي

یانی کا وزن معلوم کرو۔ ١٩١٠ ايك كثائي اور ايك كيشته ايسے بنائے جائينگے كه اول الذكر كاعمق ۳۰ فٹ اور تانی الذکر کی لبندی اس کا نصف رہے ۔ بہشتہ کا بالائی حصہ اور کٹائی کی قذمساوی ہیں اور ان کا عرض ، ہم فٹ ہموگا اور دونوں کے رخول کا أتار ۵۴ رمبيكا - كفكرى بهوني مني كے بھيلاؤكواگر منظرنه ركھا جائے تو بتاؤكه الرُّكُمُّا فَي سے سَتِنے طول کا پُشْنہ بنیگا ؟ ادر الم الم الك كمان كافصل (Span) وفط ارتفاع وافط ادر عمق م من بي اور ايك رخ سے دُومرے رُخ يك اس كا طول ٣٠ فك بي: بتاؤكم كان من مستن كمعب فث جينا ني ہے ۔ 190- نشور مناکے جم کے صابط سے منور اسطوان مخوط مصلع اور مخوط کے حجبول 194-جمندے كا و نداا كي بُرج برلكا بوائے - برج كى ترسى .. اف كا فاصله نا پاکیا و رئیم مشایده کیا گیا که ڈنڈے کا مِراه ۲۵ فازاویداو ربرج کی جونی ا مشاہرہ کے مقام پر ، م کا زاویہ بناتی ہے۔ جونڈے کے ڈنڈے کی بندی کیا ہوگی ہ 194 - دو تمروں سے فرشوں کے رتبے ایک، می ہیں لیکن ایک محمرہ کا جمب روسرے کے جم سے بقدر ۱۸۰۰ معب نف زیارہ ہے۔ بڑے محرہ کاطول اور بندی بالترتیب کے ۱۱ فٹ اور ۱۵ فٹ بیں اور چھوٹے محرہ کا عرض اور ببندی ه افث اور افظ می بی بقید ابعاد معلوم کرو۔ ٣١-14 فف طول اور ٢٠ وف نصل مے محره پر كما ندار حصت بنانے كافراجا قریب ترین ردیدیک کیا بهوینگے اگر کان قطعه دائره کی وضع کی بهو اور انس کا ارتفاع فصل کا بے۔ اور د بازت ۹ ایخ بو ؟ (تعمیر کی اجرت ۳۵ روپیسر نی ۱۰۰ معب نٹ سے ا 149- و فَتْ طُول اور م فَتْ قطر كا أيك أسطوانه برسري يراكي فصف

كره سے بندكيا گيا ہے: مجموعي سطح كا رقبه معلوم كرو- (١١ = ١١ ١١٥٣)

• • ٢ - ايك ايسے وص كو بھرنے كے ليے كتے كيلن مانى كى صرورت بوگى جس كاعمق إلى من اورجس كأ بالائ حصد اورته اليه متطيل بين جن كح متناظر ابعاد ١٥٠ نظ × ١١فك اور ١٨٠ فظ × ١١ فظ ين -۱۰۱- ۲۰ فٹ طول سے اینٹوں سے ایک تل داہمہ کی عمودی تراش ایک ایسامتطیل ہے جس کا بالائی حصہ نصف دائرہ ہے۔ اینٹوں کو چھوڑ کر مجرعی بندی م فط اورع من موفظ ب اور اینوں کی دبازت اسم ایج ہے - اینوں کا وزن معلوم كرو اگرايك اينك جو ٩ كعب فث فضا كو گهيرتي ب ٥ بوند ٢٠٣ - ايك مقطوع مخ وط كاارتفاع ، فث اور سرول كے قطر بالترتيب م فث اور ۱۰ فٹ ہیں - مروں کے متوازی ایک متوی سے مقطوع کو مساوی جم کے دو حصول میں کا ٹاگیا: چھوٹے مرے سے اس سطح کا فاصلہ معلوم کرد-۲۰۳ - بُل کی ایک کان کا فصل ۲۰ نش ارتفاع ۳ نش - محرابہ کی گرائی، من اور اُس كاطول أيك رُخ سے دوسرے رُخ يك ٣٠ فط ب : بتاؤكم أس كى چنائی کتے کمعب دول ہے۔ مع ٢٠١- ايك مشاير ايك فالم يني كوايني أنكه عصر فط ك فاصله يرا شقسا با رکھ کرمعلوم کرتا ہے کہ دور کے ایک جھنڈے کا ڈیڈا پٹی کے ہے۔ ای حصب سے تھیک تھیک تعقیب جا اسمے مجم دہ جھنگ سے کی طرف مدا فرط استے۔ برصناب اورین کو استے ہی فاصلہ پر اس طح رکھ کرمشاہرہ کرتاہے کہ اب جھنڈے کا ڈندایٹی کے ۳ ایخ حصہ سے ڈھک جاتا ہے۔ جھنڈے کے ڈنڈے کی بلندی معلوم کر دجب کر اس کا پایہ عمیشہ مشاہر کی آنجھ کی سطح میں رہتا ہے۔ ٥٠١- ايك محره كالول أس مخوص كادوجيدي - و شلنگ في مربع كرز مے صاب سے اُس میں جائی بچھوا نے یں ا بو بلا م شانگ ا بنس صرف ہوتے ہیں اور و بنس فی مربع گزیے صاب سے اُس کی دیوارول کوزگوالے یں ۲ پونڈ ۱۲ شلنگ ہے بنس کا عرفہ ہوتا ہے : محمرہ کے ابعاد معلوم کرد۔

٢٠٧ - ايك ومن كي كنائش دوايك كمعبول كاجموعه بي جن ك ورت ١٠ اور

۲ ایج ہیں اور اُس کے قاعدہ کا رقبہ دوایسے مربعوں کا فرق ہے جن کے ضلعے ا اور ٢ افشين : حوض كي كرائي معلوم كرو -٢٠٤- ايك مستدير مقطوع مخ وط كو عليك اس قدر كالما جيما الكياكه وه مربع سروں کے مخروط مصلع کے مقطوع میں تول ہوجائے۔ بتاؤکہ جھاکو ساکسی حصہ اس طرح تکل گیا۔ ٨٠٧- ايك كره كي صطح كا رقبه ٢٥ مربع النج عي : جي معلوم كرو- (١١ = ١١١١١٤٣) ٧٠٩ - كمعب فن كى تعداد معلوم كروجو ايك منتور نماضلا بنان يس كال جائينكي بُرِائی ۱۲ فٹ ہے جوٹی اور تہ ایسے تنظیل میں بن سے تناظرابعاد ۴۰۰ فٹ×۱۸۰ فٹ اور ۰۵ فٹ ×۱۰۰ فٹ ہ اما۔ ایک مثلثی نمشور کے ہرکنارہ کا ناپ ۱۰ ایج ہے: جم معلوم کرو۔ ١١١ - ايك رملوے سرنگ كا اندروني عرض ٢١ فط جست كك ١١ فك بلند اور كمان نصف و الري وصنع كى بع- اس كى نبياد كى كرائى افث ٢ الخ اوردبازت م فشرے۔ باز وکی دیواروں کی دبازت افٹ و ایج اور کمان کی دبازت افث ہے اس سرنگ سے ١٠٠ فف طول میں کتنے کعب فث ایبنٹ کی بندش بموكى بم ۱۲۷ – ایک دا تئری حمینی قاعدہ سے چونی کی طرف گاؤدم دصنع کی ہے۔ تاعده پر اس کا قطر ۱۲ فث اور چوتی پرقطر ۸ فث ۱ ایج بهاور اس کی بست دی ا د فٹ ہے۔ تنه کا اندونی حصہ دابری اور ، فٹ کیسال قطر کا سیع جینی کی مچنانی کا تعبی سمادُ در یافت کرد -سرام- ايك شخص ايك برج كاارتفاع . ٥ مشابره كرتام اوريم أس عداكز دوربه اس کا ارتفاع ، ۳ دیمیتا ہے: برج کی لبندی مطلوب ہے رورور المام مربع دائره كاوترك دائره كو الميس و وحصول مين منظم كرتا. جن کے رقبوں کا تناسب تقریباً ۱۰: ا ہے -١١٥- ايك دائره كانصف قطره افك سع: أن دوحصول مح رقب

دریا فت کروجن میں کہ وہ نصف قطر کے مساوی وترسیننقسی ہوگا۔ (۳ = ۱۱۲۱۲۳)

مساحت (حضربوم) بابسی و مقتم متفرق موالات 469 ١١٧-١١١ النج قطر کے ایک کرو کو دومتوازی متولول سے مسادی بلندی کے مین مول مين تقسيركيا جا المين برايك كا تحرمتارم كروب ١١٤ - اس منفور من كا مجرك اسع باسع برا ب سرا كاطول اورعرض ١٢ اور١١ الج اوراس مے بالائی حصر کاطول اور عن ١١ اور ١٢ ایج بے اوراس کا ارتفاع ١٢٠ ایج بے براج مب فى يراطلوب ميك ١١٨ - گولول مح ايم، الممل انباركا قاعده اليهام بع جعب محصلي مين ٢٠ كو له بين - اور اسمي والتهيرين البارس مح كولول كى تقداد معلوم كرو-١١٩- ايك قاعم مقدير بخروط مقطوع مح سرول كفصف قطر بالترتيب عفظ اور مفط اور ارتفاع ٣ فنط کے - سرول محسنوازی اور اُن سے وسطیس سے گزرنے والی سطے متقطوع كودوفكودل من كاظاجاسية توان كے جومعلوم كرد-٠٧٧٠ ايك، قائم نشور كا قائده ابسالسته لليل سي سري كاماب ، النج ٨٨ الخ ي - اس منور كاايك وكزااس طرح كأك بياجا تاب كحاد متوازي كنارول كالجمريم ٢٢ أيج ربرتنا بيع صلام كالجمعاني ا ١٢ مايك كان دارجيت ين بندش كي مقدا دا درأس كي قيمت ٢٥ دوبيه في ١٠٠ كمعب فَتْ كَيْحُساب سِيمُعلومُ كرو - العادحسب ذيل بين بحال كاطول مع فذي فضل ١٥ فَكُ النَّفاع م فض اورد بانت م الي -٢٢٢- أيم قطوع مخروط مح مرول ك قطر بالترتيب ١٢ فنط اور ١١ فث اورمقطوع كاارتفاع و خط ہے۔ مروں کے متوازی مطور سے مقطوع کوتین مساوی حصول میں تعتیم کیاجا تا ہے: بڑے ہرے سے متوی سطوں کے فاصلے معلوم کرو۔ الالا ایک گندرنصف کروی ہے۔ اس کی بیرونی سطح پر م اند فی ١٠٠ مربع فط محصاب سے سفیدی کروانے میں م روبیم اور اُسی منترج سے اندرونی سطے ربسفیدی کروا ين ٢ دويد ٨ أنه صوف بوت بن: ٣٢ دويد في كعب فيط محصاب سي يُنائي كي قيدت علوم كرويا ٢٢٢ - ٢٦ فط طول اورم وف عرف مع مرويد كما فد التصب بنوان كى لاكت كياريو كي الركمان طعي بور اس كالتفاع عرض كأيد دبازت ليدا في اورجنائي اليبت ٢٥ روبيدي ١٠٠ معب نط بهو ؟ ٢٢٥- ايك شيرى آب رساني كے شاخ م ايخ تطركائل كافي بوتا ہے: اس،

نل کا قطر کیا ہونا چاہیئے ہو اُسی رفتار کے ساتھ اُس شہر کی آب رسانی کے لیے کانی ہوگا جب کہ اُس کی آبادی ہیں بقدر پہلی آبادی شے نصف کا اضاف ہر ہوجائے ہو۔ ہوجائے ہو۔

ا ۲۲- ندم فط لمبی مرک کے کٹری جہامت معلوم کروجب کہ اس کا طولی ا کا رکیسال ہے کہ اس کا طولی ا کا رکیسال ہے اور مرول پر بلندی بالترتیب ۱ اور م فث ہے کہ ازووں کے اُتاری اور م فٹ ہے کہ الائی حصد کاعومن ۳۰ فٹ ہے نیز اُس سے مسرے

المصالي س

۱۷۴۰ - ایک تائم مستدیر مخروط کے مقطوع کا بڑا قطریم فٹ ۹ اپنج جھوطا قطر سر فٹ ۱ اپنج جھوطا قطر سر فٹ ۱ اپنج ادر عمودی بلندی ہ فٹ ہے: پُوری سطح کا رقبہ معلوم کرو۔ مرب ۱۲۴ - افٹ نصف قطر کا ایک کرہ میز پر رکھا ہموا ہے: ایک ایسے تسائم کھو کھلے مخروط کا جم معلوم کروجو اُس کو تھیک تھیک ڈھک سے سکتا ہے اور کھو کے مور میں سے گزرنے والی تراش ایک مثلث متماوی الاضلاع ہے ۔ جس کی محور میں سے گزرنے والی تراش ایک مثلث متماوی الاضلاع ہے ۔

۲۲۹ - ایک قائم مخوط کے مقطوع کا ارتفاع ۱ فٹ جھوٹے سرے کا نصف قطر ایک ہوئی اور بڑے کا نصف قطر ایک دو مقطوع کو دومسا دی محصول میں منقسم کرتی ہے ایسی تراش کا مقام معلوم کر دجومقطوع کو دومسا دی محصول میں منقسم کرتی ہے

نیز ہرایک حصہ کا جم معلوم کرہ -• سوم - ... افٹ کی بلندی سے زمین کی سطح کا کونسا کسری حصہ دیکھا جاسکتا

ے ؟ (زین کا قطر = ۰۰۰ میل) 
اسا ۲ - ۲۰ بنگھوں کو چھت سے لٹکانے کے لیے کئے گزرسی کی ضرورت

ہوگی جب کہ ہر ایک بنگھے کا طول مرم فٹ ہے اور ہرایک میں تین کہ لگے

ہوئے ہیں جو ایک دومرے سے ۲۲ فٹ کے فاصلہ پر ہیں۔ نبھے چھت سے

ار فٹ بنج و ایک دومرے سے ۲۲ فٹ کے فاصلہ پر ہیں۔ نبھے چھت سے

ار فٹ بنج و ۲۷ فٹ کے فاصلہ

چھت یں لگے ہوئے ہیں ، چھت سے ہرایک کی سے نبگھوں کے ہر

ایک بہ یک ایک دسی کا فیحوا ارمیگا۔

۲۳۲ - جاندی کی ایک گول سلاخ کاطول ۲ فٹ اور قطر ۲ ایخ ہے۔ اس سے لچے ایخ قطر کا تار بنایا جائیگا: اس طرح حاصل ہونے والے تار کاطول کیا ہوگا ؟۔

کیا ہوگا ہے۔

معلوم کرو اگر مونے اورسیسہ کا ایک گولا مونے سے ڈھکا گیاہے: مونے کی دبازت
معلوم کرو اگر مونے اورسیسہ کے جم مساوی ہوں۔ ( ۱۳ = ۱۲ ۱۲ ۱۲ ۳)

معلوم کرو اگر مونے اورسیسہ کے جم مساوی ہوں۔ ( ۱۳ = ۱۲ ۱۲ ۱۲ ۳)

معلوم کرو اگر مکان کی بنیاد کے لیے ، ہم فٹ طول ، ۳ فٹ عرض اور ۱ فٹ عمق کا بایہ کھو واگیا اور نکلی ہوئی مٹی کو لیے ایجر رقبہ کے میدان پر کیساں طور پر بہتاؤ کہ میدان کی سطح سس قدر بلند ہوجائیگی ہے
پر بجمیلا یا گیا ہے : بتاؤ کہ میدان کی سطح سس قدر بلند ہوجائیگی ہے

بر بجمیلا یا گیا ہے : بتاؤ کہ میدان کی سطح سس قدر بلند ہوجائیگی ہے

اور اس کا مال کنارہ سوفٹ ہے: اس کی سطح ادرجہامت دریافت کرو۔
اور اس کا مال کنارہ سوفٹ ہے: اس کی سطح ادرجہامت دریافت کرو۔
۲۳۲ - زین کا نفسف قطر . . بہ میل فرض کر سے زین کی روزانہ محوری
گردش کی وجہ سے ۴۶ عرض البلد کے مقام پرکسی شخص کی حرکت کی
رفتار دریافت کرو۔

ر ۱۳۵ دریا می روح کا ایک کنده سے ص کی گرائی ۹ ایخ اور بالائی حصکا قطر ۳ ف سے: اس کنڈے میں سمانے والے پائی کی مقدار قریب ترین پائنٹ کے دریافت کرو۔

۲۳۸- ایک ایسے کعب کا ور ایخوں میں معلوم کر دجس کی سطح ایک م بع گزیئے -

۲۳۹ - ایک مخروط مصناع کے مقطوع کا ارتفاع ۲ ایج ہے اس کا بخلا سرا
ایسا متطیل ہے جس کے ابعاد ۹ × ۱۱ ایج ہیں اور بالائی سرا ایسا متطیل
ہے جس کے بڑے صناع کا طول ۸ ایج ہے: مقطوع کا جج دریادت کرو۔
مرم ۲ - ایک قائم مستدیر مقطوع مخروط کے سروں سے مضاف قطر
ہالتر تیب ، فیل اور ۸ فیل ہیں اور اس کا ارتفاع ۳ فیل ہے ۔ سرول
سے متواذی سطحوں سے مقطوع کو تین ایسے حصول ہیں قطع کیا گیا جن ہیں
سے ہرایک کی بلندی ا فیل ہے : ہرایک محکوم ریما جج دریافت کرو۔
سے ہرایک کی بلندی ا فیل ہے : ہرایک محکوم ریما جج دریافت کرو۔

الم ٢ - ايك معب نط (كناره = و) يس سے ايسى متوى سطح كے ذريعيہ ایک مزوط مصلع کا ف لیا گیاہے جو کعب سے ایک کوسے پر ملنے وا لے كناروں كے انتہائي نقاط ميں سے گزرتی ہے: بقيہ شكل ني سطح كا رقب ٢ ٢ ٢ - م أنه في كمعب كز كے صاب سے ايك ايساً كڑھا كھُرُ وانے ميں كيا اخراجات بهو نبيع جس كاطول بالائي حصه بر ۴۴ فك ۴ ايخ اورعرض ۳ فك بازووال کے اُٹار دیم اورجس کی گہرائی ۱۱ فظ ۲ ایج ہے ؟-رام ۲- اصلاع کی تعداد اور اندرونی دائرہ کے نصف قطر کی رقوم میں ایک منظم کشیرالاصلاع کا رقبہ دریا فت کرنے سے کیے ایک جملہ اند کرو۔ مهم ما يكمانس مع ايب توده كا بخلاحصه ايب ألنامقطوع «زوط كي وضع كا اور بالائی حصد تزوط کی و صنع کا ہے۔ زیادہ سے زیادہ بلندی ۳۰ فش اور بڑے سے بڑا محیط ۱۰ فنظ سے نیزمقطوع کی بلندی ۲۰ فنط اور قاعدہ کا نظر ۱۱ فنظ ہے: محب فيطيس جم معلوم كرو -در مم الم سيل كي أيك السي كان من جنائي كي مقدار كمعب فط مي معلوم كروجس يج العادضب ويل بن : فصل و في ارتفاع فصل كا ايك جومقائي جنائي کی دبازت ۳ فنظ کان کاطول ۳۲ فن بے -4 / الريم الريم على اليك اليسطوم ال (Dumbell) كاوزل معلوم كروج الم اینج تمطر کے دوایسے کرول پرستمل ہے جو ۲ ایخ طول اور ۲ ایخ تطری اسطواد نا سلاخ سے لمے ہوئے ہیں - م النج قطرے اوب سے کے گولہ کا وزن و پونڈ ہوتا ہے كهم الله اليف منطقه كره كي وبازت م النج تاعده كا تطر ١١ النج اور بالائي مصدكا قطر ٩ الخ يه : محدّب سطح اور حي دريا فت كرو -٨٧م ١ - ايك منشور منا سے سرے ايسے ستطيل ہيں جن محے تمنا ظلبرابعاد ١٨ فف بد ١٠ فف ١٥ ١٦ فف ١٦ فف بيل اور منشورنا كا ارتفاع ٩ فف سع -بڑے سے سے سے وف کے فاصلہ پر مرول کے متوازی مستوی سطے سے آسے تراشاگیا : ثابت کرد که په تراش ایک فریع بوگی-

٩ ٧٧ -مقطوع مخ وط كى دصنع كے ايك، يبيال كى كرائى ٥ ايخ ؟ بالائى قطر م ايخ اورته كا قطر الخ بي : الرأس من سربت بهرا جائے اورتين تحف يكے بعد دكري مادی المقدار بتربت کا ایک گھونٹ نے کر اسے خالی کردیں تو ہرایک کے محمونت ين كتني كمرائي كالشربت بيا كياب • ٢٥- ٣ انج قطرك أسطوان يرم بع هَائي كا دوسرا بيح بنا يا كمايت يسحكي چوڑی اسطوان سے ایج ایج باہر تکلی ہوئی ہے اور جارگردسوں میں دوج ہوائے اويراً تا سي: جم معلوم كرد اگروسيم كاطول ٩ ايخ يو س ا فی ا - ۱۱۱ یخ قطر کے آیا۔ کرہ تو تین متوازی سطح ں سے مساوی ببندی کے چارحصوں میں منتسم کیا گیا: ہر ایک حصہ کا جج معلوم کرو۔ ٢٥٧ - ذيل ك البعاد كا ايك كمنوال بنوا نامطلوب عي بيروني قط وافدك اندردنی تطری دن اسطوان کی بلندی وسط والله دین کی سطح سے م فث كى لبندى ك با ہرنكا ہوائے - كؤیں كے اوپر كے مصری اسطوانك چاروں طرف و فن جوڑا جبوترا ہے -جبوترے کی گرائی د فط ہے جس میں سے ٣ فنط زمین سے اندر سے اور ٢ فن سطح زمین کے اوپر-(١)اسطوان یں چنائی کی مقدار اور (۱) چبورسے یس چنائی کی مقدار کا تخفیذ کرو-( ms 1 m 1 0 9 = 17 ) ١٥٣ - وُوط كى وصنع كے أيك بيال كى كمرائى م الى اور بالائى مصد برعض وليخ مع - اس من يانى بحراكيا - أكرا إلى قطركا أيك كره بيال من ركا جائة بتاؤكم اس كى كتنے مربع اپنج سطح ڈوبیگی -م م م م - أس بڑے سے بڑے کوب کا کنارہ دریا فت کروچ ایک ایسے مخوط یں سے کاما جا سکتا ہے جس کا راسی زادیہ ۹۰ اور ارتفاع ور ایخ ہے۔ ٥ ٢٥- ٢٢ في طول اود ٢٠ فف نصل ك محره يركاند ارتجيت بناسي ك اخراجات كيا بمو بيك أكركان تطعي عداس طرح كراس كارتفاع نصل كالداور دبازت ٩ ایخ رہے۔ چنائی کی تیت ٥٣ دوبید في ١٠٠ کعب نظرے ٢٠٠ ٢٥٧ - ايك بائنث كبني نش كا أيك برتن سندير تقطوع مخزوط كي وصنع كاست

اس کی بندی ہے ہم ایخ اور قاعدہ کا قطر ہم ایج سرے اور یہ دونوں بيمانشيس اندرست لي كئي بين - إلا أي حصد كا قطر معلوم كرو- (١٦ = ١١١م١١٣) ٤ ٥ ١١ - ايك ركيو الحوال ١١ رنجير المحارك اس من التي محمعب گزمٹی ہوگی : ذیل کھے اعداد مربع گزوں میں اس کی ایسی انتصا<sup>ل</sup> تراضوں کے رقبوں کو تعبیر کرتے ہیں جو ایک ایک زمخیر کے فاصلوں پر לשל יין: יף איף ארץ רבץ ראי ירץ ארץ יוף אפץ יסף הרץ יאלא ٢٥٨- ايك ذوارلية السطوح كے مركناره كاناب م ايخ ب : جم معلوم 4 - عرض البلد مع وي اور ما وي متوازى خطوط مع درسيان مربع میلوں کی تعداد معلوم کرو اگریہ فرض کمیا جائے کہ زمین کا نصف قطر ٠٠٠ ميل سي - (١١ = ١١١م ١١٥١) ۱۹۰- نابت کروکسی دائرہ کے اندر دنی نتظم کثیرالاصلاع کا رقبہ حرکے اصلاع کی تعداد حفت سے نصف تقداد اصلاع سے اندر کی اور بیرونی منظم کثیرالاصلاع مے رقبوں کا وسطی تناسب ہے۔ ے رہوں اور کی من جب مرحصوں برشیمل ہے ۔ ایک حصر اور اپنج مال بلندی کا مخروط مناہے جس سے سرول سے محیط الترتیب ۲۰ ایج اور اللہ الح بن اور دوسرا حصه مه الح طول أوريها الح فيط كا أنطوانه ب بتأذكر اُس کی بناوٹ میں منتے مربع ایخ ٹین استعال ہوا ہے۔ ٢ ٢٧ - مربع قائده كے ايك مقطوع مخروط مصلع سے قاعدہ كا رقبہ بالائي حصد کے رقبہ کا م گناہے: نابت کرد کہ اس کا جم مساوی قاعدہ اور مساوی ارتفاع ے ایک منور کے جم کا ایک ہے۔ كراني-ك إنى بهواكيا - بيمر گلاس كويهال يك- جفكا ياكنيا ہے كه يان عين كرنے كوست - بان كى سطح كارتبه دريا فت كرو-

١٢٧- ايك مصلع تخروط مح مقطوع كالدتفاع م النج ادر نجلا برا ٩ الخ ×١١ الج كالمتطيل اوربالائي سراايسامتطيل يهجس كابرًا صلع مرانج سب مخوط مصلع كا . فح دریا دنت کرو ۔

۵ لام من ۲۰ من ابعادے ایک مکان کی بنیاد کھروا نے میں كيا اخراجات بو نگے بوزين كے إيم كوئے يربنايا جائيگاج كا كيسال أتا رجنوب كى طرف ١٢ يس أيك بي مكان كا رُخ جس كا طول ، ه دن سع جنوبی سمت سے مقابل سے اور اس طرح زمین کی اُ فقی سمت سے موافق ربيكا - اس كو برجكه ١٠ فن مجرا كلودا جائيكا اور اسى ته كى ا فقى سطح بك مكان

كى پشت كى بھى بنياد كھودى جائيگى - يعنى پشت پر بنياد كى گېرائى ساننے سے زيادہ ہوگى -۱۰ ینس فی معب گزیے صاب سے کھدوائی اورمٹی مٹوائی کی لاگت دریافت کرو۔ ۲۲۲ - مٹی کا ایک مخروط نما ٹیلہ بنائے کے سیامے تین مز دور کام پر لگائے

جاتے ہیں ہرایک مزدور مسادی کام کریگا اور اینا کام اس وقت نتروع کریگا جب كرأس كے قبل كا مزدور ایناكام ختم كرميكاريو - اگرم وط كا ارتفاع ٢٠ فث

ہوتو اُن حصول کے ارتفاع معلوم کروجو ہرایک مزدور کو کمل کرنے جا ہیں۔ ٤٢٧- ايك متدركنوس سے ايك باللي ٢٢ مرتبہ بانى سے بھركر نكالي كئي -اوريه معلوم بهواكم كنوي من ياني كي سطح إفك الله الرَّتي - باللي ايس مقطوع مخووط كى وضع كى ہے جس كا ارتفاع ١١١ يخ اورجس كے سرول مے قطر ٩ الح اور

١٢ ان جي ميل - كنول كا قطر معلوم كرو-

٨٢٧- أس برك سے برك كوب كے كنادہ كاطول كيا ہوگا بو ذيل كے ابعاد کے ایک قائم مخروط میں سے کا اما جا سکتا ہے: قاعدہ کا قطر ١١ ایج ارتفاع ١٨ انخ ۽ مؤٹ : كمعب كا قاعده مخ دط كے قاعده برواقع بروگا-

٢٢٩ - چارمادي دائروں کے مرکز ١٩ مربع فث ١٢ مربع النج رقبہ کے ایک مربع مے زاویٹی نقاط ہیں اور ان کے نشف قطر مربع سے ضلع کے مهادی ہیں۔ ان کی مشترکہ جگہ پر اگر مجبولوں کا جس لگایا جائے تو اُس کا رقبہ

دریافت کرو ۔

٥٤٥ \_ مثلثي قاعده کے ایک مخروط مصلح کا ہرکنارہ ١٢ اس فث ہے: اس بڑے سے بڑے اُسطوانہ کا قطر معلوم کروجو اُس میں سے اس طرح کا طاجا سکتا ے کہ اسطوانہ کا ارتفاع اس کے قطر سے مساوی ہو۔ ا ۲۵- تریب ترین کعب من یک بل کی ایک کمان میں بداشس کی مقدار معلی كروج كا نصل ، وفي ارتفاع بياء فك دبازت ٣ فك ا درمين ٢٤ فك عرى نيزه ٦ روبيه في ١٠٠ كعب فك كحاب سے اس كاتمير ے افراجات معلوم کرو۔ م ہے ہا۔ تاعدہ کے مٹوازی متوی تراشوں سے ایک مخروط کو پانچ مساوی حصو ير تقتيم كرد ادر برايك حصه كا ارتفاع معلوم كرو - مخوط كا ارتفاع ۲۰ الخ ب. ١٥١ - كعب وضع كا ايك صندوق مع وطكن لكرى كے تحتول كا بنا بهوا ہے اور اس کا وزن ابونڈ اور اندرونی وٹر سوف ہے: اُس کی دبازت معلوم كرو اگر ا كمعب فط تختول كا دزن ۴۰ يونگر بو \_ م ع ١ - ايك شلني انباريس كولول كى تقداد معلوم كرو- برايك كول كاقطب ۴ الج ب اوركل أنبارس كولول كى بيس تبين مين اورسب سے بالائي ت یں مزن ایک،ی گولاہے۔ نیز انباری بندی معلوم کرد۔ ۵ ع۲ - ایک مخروط کاعده ۱۲ ایخ قطر کا ایک دائره سے اور اُس کی لمندی جی ۱۱ ایج ب داسیس سے گزرے اور قاعدہ کوم کزے ہا ایج کے ناصلہ پر کاشنے والی متوی سطح کے ذریعہ مخ وطیس سے ایک ایسی بھا ک كالى لى كئى بسس بى مركز شامل نہيں ہوتا: اس بھائك كى جماست معلوم کرو -124 - دائرہ کے اندر بنی بوئی جارمنلعی سکل کی تنصیف اس سے ایک وزے بوتی ہے اور دومرا وڑ اس کی تلیث کرتا ہے۔ دومتعسل صلوں کے درمیان زاویر مغرجہ بنتا ہے اوریہ تثلیث کرنے والے ور کے مقابل می ہے اور ان اصلاع سے طول الترتیب او اور نج ہیں۔ بناذك اس كارتب = ني [ ٢٦٥ و ١٠ - ( و ٢ + ج ١٠) -

متفرق موالات

١٤٤٥ - ٩ فِلْ بلندايك مخ وطي فيمر بنانے كے لئے كتے مر يع كركوچ كى ضرورت ہوگی اس طح کہ ا فظ کا ایک آدی اس میں مرکزسے ا فٹ کے فاصلہ رکسی بھی جگہ بغیر جھکے کوا رہ سکے ۔ ( ۱۲ = ۱۲ ۱۲ ۱۷ ۱۷ ۱۲) ٢٤٨ - دائري وصنع کے ایک فزائ آب کے بازوافق کے ماتھ ٣٠٠ ميلان ركھتے ہيں اور اُس كى اُفقى ته كا قطر ١٠ فط ہے: اگر اُس ميں انٹ مران کیانی ہوتو بتاؤ کہ دہ کتنے کیاں ہوگا ؟ و على اليك نصفيد دائري كماني بل كانصل بم نث اورعوض مع وفي ہے۔ کان کی چُنائی کی دبازت میں چوٹی سے جنت کی طف اس طرح ریادہ ہوتی جاتی ہے کہ چوٹی سے ہر رخ پر کی منحنی سے پہلے ، افٹ بر دبازت ا فن ٣ الي ي - اور برطف دومر عن افث يرافك ١ الي اور المي على جمت سے مقام یک طول میں ہروا فک کی ذیادتی کے لیے دبازت میں ٣ اليخ كى زيادتى ، أوتى ولى ١٠٠ دويد فى ١٠٠ كعب فط ك حساب سے قيمت دريانت كرو ( ١٣ = ١١ ١٦ ١٢ ٢) ۰ ۲۸ - ایک نمٹور منائی مجسم کا قاعدہ مربع اور بالائی سراایسا نتظم مثمن ہے جس کے جار بتبادلہ صنعت تاعدہ کے صناعول کے متوازی ہیں مجسم کا ارتفاع ٢ فظ قاعده كا صلع ٥٤٥ فظ اور بالائي سرے كاصلع ا من بے ١٠١٠ كا - 5 rates /ce-بالائ سرے پر بالترتیب ۱و نٹ اور ۳ فٹ ہے اور تئریر اس کے ابساد ، فی بد افظ ہیں نیز اس کی گہرائی اے منظ ہے اور اس کے بازو اور مول م أتار ايك،ى بين: الرياني كي كرائي ، الله بهوتواس مي كتي كيان a Brist ۲۸۲ - ایک رمته ایسے چھ تاروں کو ایک درمیانی تار کے رگرو موڑ کر بنایا کیا ہے جن میں سے ہر ایک کا قطر له ایج ہے۔ در میانی تار بالکل سیدها ہے اور دو مرے تارول کا ایک فیکر مرائج میں ہوتا ہے: ایسے

ایک گزرشے کا فچر دریا فت کرو۔ ٣٨٧ - چار كرول كا ايب إنبار اس طرح بناياكيا ہے كرتين كرے قاعدہ پر اور ایک ان کے اوپر رکھا گیا: ہر ایک کا قطر ان سے: انہار کی انتصابی لمندی معلوم کرو-ی استان جمدی علو کرو۔ ہم مرم - ہم ایخ قطر کی ایک کال کیجدار رسی کا چٹا بنایا گیا اور اس میں إره ممل حيرين: رسي كاطول وف بين معلوم كرو-برباس بیدری می اور دائری تراش کا پیتلی تار کا وزن م اولنسس ۲۸۵ - بله ایخ دبیراور دائری تراش کا پیتلی تار کا وزن م اولنسس فی فیل سے: اِس تاریح اِتنے طول کا وزن دریافت کروجو ۳ فٹ قطرك اسطوان سے كردىجيس كمل حكر ليك سے ليے دركار ہوگا۔ ٢٠ م ٢٠ من الوصال تي ايك مؤك ايك ببار كي يشت ين سے كائي كئى ہے جس سے بازورں كے اُتار ١٠ يس ايس - سٹرك كاطول ٥٠٠ دفك عرض ٣٠ ونك اور إزوانتقابي بين أس بين كتائي كي مقدار دريا ون كروب ١٨٤ - ايك مفوس كره سے ايك كروى تطاع كا كر نكال ليا كيا اس طرح كه ظارج شده كروى سطح اكره كى سطح كالله بي : بتاؤكه كره كا كونسا كسرى حصه نكال لياكيا ـ ٨ ٨٠ - ايك سلاخ كوجس كي تراش إ صلع كا مثلث مساوي الاصلاع ہے موڑکر ر اندرونی نصف قطر کا ایک وائری طقہ بنایا گیا۔سلاخ کا ایک رخ طقة سے مستوی برعمود دارہے اُن دو طقوں کے جموں کا تناب معلوم كروجواس طرح بنائے جاسكتے ہيں -١٨٩- ايك مخزوط منانياليككارتفاع ع درتاعده كانصف قطر اوي اس كو اس طرح على الله اس كا مور انتصابارے - بھر اُس بیں اِتنى گرائی تک ياني دال دياكياكه أس من رنصف قطر كا أيك وزني كره و الني سے بائي اس ففناكوكليَّة كليرليتاب جوكره اورمخ وط ك ورسيان بوتى ب الركوكليَّة باني یں وُدب جائے تو مطلوبہ بانی کی مقدار معلوم کرو۔ ١٩٠- مربع قاعده کے ایک نشور کے کناروں کو کا طرچھانگ کر ایک

مخزوط مصناع كامقطوع بنايا جاتا ہے اس طرح كر اس كا بالا في حصت منظم مثمن (بو ابتدائی مربع بوئی کے اندر بنا ہواہے) یس تبدیل ہوجاتا ہے اور تَ مِن كُوئَى تَبِدِيلَى نِهِينِ بِوتَى اس كا جم معلوم رو- (ارتفاع = ع مربع كا صلح = إ) الله على الله على الم ( ٢ = - أقرا على ١٠٠١ ( قرا على ١٠٠٠ ) +١(ق٠٠٠٠ + ق٠٠٠٠ + ق٠١٥)

نابت كروا و دمستعلى علامتول كالمفهوم سمجها دُ-

٢٩٢ - ايك بندوق كى الى مقطوع تخزوط كى وصنع كى سريد جس كا يجيما تجرعى قطر ٢٧م ٥٠ الخ اور و ما شير مجوعي قطر ١٢٤٥ الخ سبع - ١س سمع المدروني سواخ كا تطرير جكه ١٢٠٠ الل على - بندوق كى اس الى يس كان علم كادرن معلم مرو اگر نالی سے بیسرونی ابعاد سے مسادی تا نے کی ایک تطوس سالغ کا

وزن ایدنشر ۱ اونس بوتا بو اور اگرنالی کی دهات میں صرف ۱۱۶. فی صب

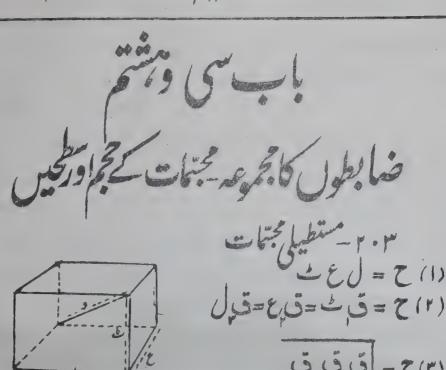
۲۹۳ - کسی بنرکی بن علی کے ایک دُخ پر دو طفیانی پیما مک ہیں۔ بنرکو ابتدائی سطے سے م فنط بلندی کے این سے ڈیٹھ منظ بن مجرا جا اے۔ الرينركين عي كاطول ١٠١ فف اورعومن ١١ ونك يمواور باني مميل فی گھنٹ کی کیسال سے مے ہے تو دولوں طعنیانی بھا طیحوں کا سطی رقب دریافت کرد -

م ٢٩ - ٧ نظ طول اور ٨ بندر دويك وزني ايك كردونه كي مجمع صروات ہے۔ اوریہ ایسے فوش تراش پیمر کا بنایا جائیگا جس کی کثا فت اصنانی

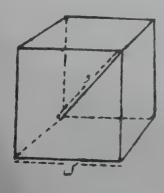
ا ہے۔ اس کا قطر کیا ہونا چاہیے ؟ ۱۹۵۰ - ایک مخروطی گلاس کی گہرائی م انج اور بالائی حصد پر کاعرض سانج کی سلاخ کو سے۔ اگر ان قطر کی ایک خیشہ کی سلاخ کو سے۔ اگر ان قطر کی ایک خیشہ کی سلاخ کو

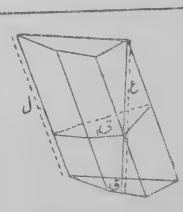
اس کے اندر اس فدر د اخل کیا جائے جتنی دُور کا کہ دہ جاسکتی ہے اور أسے انتقاباً بجڑا جائے تر بتاؤ كركتنا إنى برجائيگا ؟ ٢٩٧- أيك مخروط كے مقطوع كے سروں سے قطر بالترتيب ٢٠ فنط اور ۱۶ فٹ اورمقطوع کا ارتفاع ۵ فٹ ہے۔ سروں کی متوازی سطحوں کے ذریعہ مقطوع کو تین مساوی مصوں میں تقییم کیا گیا ۔ چھوٹے سرے سے اِن طحول سے فاصلے معلوم کرو-٢٩٤ \_ سنگ فاراكا ايك ستون مربع قاعده كے مخ وط مصلع كى وعنع كاب اس کی جسامت اتنے ای کمعب فن ہے جتنے سطح دن ایک ایسے مربع میں ہیں جس کا صلع انتصابی لمبندی کے برابرہے کنے نیز مخ وط مصلع کے قاعدہ کے اضلاع اس سے ائل کنارہ سے نفسف کے برابر ہیں جستون سے ابعاد دریافت كرو اور ١٠ آين في مربع في سے صاب سے اس برروعن كروانے سے اخراجات معلوم كرو -٨ ٢٩ - ايك مرعوله داركماني مين نوكال چكرېين - اس كي انتصابي لبندي ا ایج اور اس کی عرضی تراش کا قطرا ایج ہے اور مروز له کا وسط نصف قطر م ایخ به اور مجسم دومتوازی الافق سطحوں سے گھرا ہنوا ہے: اس کا حجسم 9 4 مثلث مساوی الساقین کی وضع کے ایک میدان کا اب ہرمساوی ساق بر ۱۰۰ مر اور قاعده بر ۲۸۰ گزید: بتاؤ که اس رسی کا طول کیا بونا چاہیے جس کا ایک سرامتلث کے داس پراور دو سرا ایک کھوڑے کے من کے قریب اس طرح باندھاگیا ہے کہ وہ میدان کے تھیک تھیک ہے۔ · س - مقطوع مخ وط کی وضع کا ایک برتن ہے جو اینے جھوٹے سرے يريكا بموات إس كا جح عدى مكعب فث اوركمرائي الم النج اور بالأتي مت اور قاعدہ کے قطوں کی نسلت ،: ۵ ہے ۔ اس کے اندر ایک ایسا گولار کھا گیاجی کے جم کو تعبیر کرنے والا عدد سطح کو تعبیر کرنے والے عدد کا

ب ٢ كَنَائِ - شابت كروكه برتن كے قطرتقريباً ٢٥ اور ١٥ ايج بيس اور كوك كا قطر ١٥ اليخ ب - نيزاس إنى كا جم معلوم كروجو كوك كو تليك تليك دهك لینے کے لیے کافی ہوگا۔ ١٠ ٣ - ايك مقام ير زين كاكيسال أتار ٢ أنقى برانتصابي ہے - يبال مني كا ایک طیلہ بنایا جائیگا۔ اس طرح کر بالائی مصد و فقی اور مافظ صلع سے مربع وبج د ي وصنع كارميگا - كون اور ب يس سے مرايك زين كى ابتدائي سطح سے ، فظ اورج اور يس سے ہرايك ، افك انتصابي بلندی یر ہو سے ۔ شیلہ کے رفوال کے اٹاراافقی برا انتصابی ( ۵ م ا ہو گے۔ اس كى بنادك كے ليے مطلوب ملى كا جم كمعب فول يس معلوم كرو-٢٠٣- ارًا نظ صناع مع مع مع على اغرر دني دائره كو تكال ديا جائے اور بقته سكل كو ایک و ترکے گردگھایا جائے نو اس طرح بیدا ہوئے و اے جمع کا جج معلوم کرو-جواب كمعب فنول مين اعشاديه كين مقامت ك ظاهركرو-سوس - سانخ ادر النج قطرك دوكرك ايك افتى سطير اس طرح ركع بوك ہیں کہ ایک انتصابی خط دونوں کے مركزوں میں سے گزرتا ہے - مروعی وضع كا ایک کھوکھلا بڑن بھی دونوں گروں کوچھوٹا ہوا اس افقی سطح پر رکھا بُوا ہے۔ شرائط إئے بالا کے تحت کھو کھلے مخزوط میں کی ہوا کا جم معلوم کرو -



(۵) و = ال الم ع الم الله ع الله ع الله ع = عرض ف = وبازت بها الله ع = عرض ف = وبازت بها الله و الله ع = عرض ف = وبازت بها الم وائي ق = برے كارقب ك و = وتر م

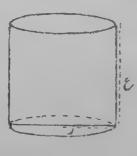




صابطول كالجموع فيساكح جح اورمي

(۲) ح = ق ل (٣)س=طل+٢ق جمال ح = جر س = جمري سطي == قاعده كارتبرى =عمودى تراسس رقبه ع = ارتفاع ل = طول ط = عمودي تراس كااحاط

مستدر أسطوانه アーサロラ جمال ح = جم اد = قاعده كانصف قط ع = ارتفاع ع = ارتفاع

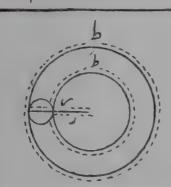


قائم مستدر أتطوانه

とり 1 = 7(1) (1)と)エアニンサイン جال ٢ = . اس = . جي علم ر = قاعده كا نفعت قط ع = ارتفاع



05=2(1) (1) = d(1) ( go & & = . 5 . = 2 Ula. ق = عمودي تراكش كارقبه ال = طول يا ادمط محيط كل = عودى تراش كالعاط



أسطوانه نماحلقي

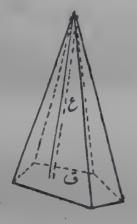
(1) フェーン(ハート)

 $(1)^{2} = \frac{1}{4\pi}(d+d)(d-d)$ 

(リーシ)ゴー(ア)

(١)س = الم (طا - طا)

جہاں ح = جم من = بحموعی سطح من = بہیدونی نصف قطر ر = اندرونی نصلف قطر ط = بردنی عیط ط = اندرونی محیط۔



مخروط مضلع اور مخروط ح = له ق ع

ح = الله ق ع جهال ح = جم ق = قاعده كارتبه

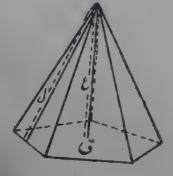
ع = ارتفاع ا

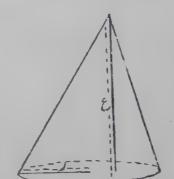
فالخمنتظم مخروط مضسلع

とら ナ= て(1)

5+0b+= m(r)

جہاں ح = جم 'س = جموعی سطح ق = قاعدہ کا رُقبہ ط = قاعدہ کا احاطہ ل = ماکل مبندی







مستدير فخروط

> قائم مستدير فزوط (١) ح = الم الاع

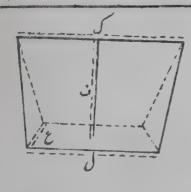
(1) س =  $\pi$  ر  $(13^{4} + 17^{4} + 16)$   $= 75^{2}$  س =  $75^{2}$  سطح = 16 تفاع د = قاعده كا نصف قطر \_



منظم جبارسطی  $^{\prime}$  و  $^{\prime}$   $^{\prime}$ 

すりり = モ(ア)

بہال ت = جم سے = جموعی سطح کا او = کنارہ ع = ارتفاع

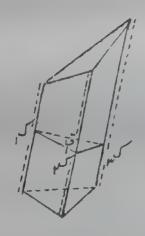


مشطيبا قاعده كأفايد

 $(J+Jr)\frac{\partial E}{\partial r} = 7(1)$   $(J+Jr)\frac{\partial E}{\partial r} = 7(1)$ 

جہاں ج = جم کو = قاعدہ کا طول ع = قاعدہ کا عرض ک = کنارہ ق = عمودی تراش کا رقبہ۔

منحرف عاقاعده كافانه يامنشورتكتي كارتر حجهامقطوع



کوئی سے قائم منظم متورکا ترجیا مقطوع (۱) ح = ق ل (۱) میں = ط ل

(۱) س = ط ل ... جال ح = جم س = طرفی سطح ... جال ح = جم س = طرفی سطح ... ق = عمودی تراش کارماط ... ل = ارسط لول ک ط = عمودی تراش کااحاط ... اوسط طول سے مراد متوازی

كنارول كااوسط طول سي يعني -

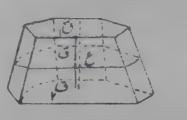
متوازی کناروں کا مجم<sub>وعه</sub> متوازی کناروں کی تقداد

فأغم تنديرا تسطوانه كارترجيها مقطوع

JE T = 7(11)

(۲) س = ۱۳ ال جہاں ح = جج س = منی سطح ، ر = عمودی تراش کا نصف قطر ل = اوسط طول۔

منشورينا

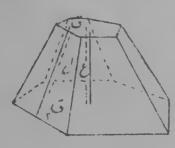


مخروط مضلع كامقطوع اورجزوط كامقطوع



 تنابطون كالمجمونه يجبهات محيحجم اورثيين

# قائم متنظم صلع يخزوط كامقطوع



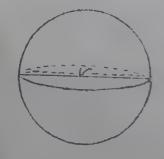
(1) = = (0+0+00) (1) w = du (d+d) = 2 2 ib = cm 3 = 7 Ula ارتفاع في اورفي = سردل كي رفي ط اورط = سرول سي اطاط ال = مأل بندي يا ارتفاع



है। है निया है हिल है कि वर्ष ड

(1) det 1 1 1 1 (1) (3+b) J= 5 (1)

با بلناري



V 7 = (1)

サーチョーで(ド)

レガニザ(ド)

(7) 17 = 77 (7)

بان ع المان ع المان ع المان ع المان ع المان ع المان على المان على المان المان

صابطون كالجموعه - عجسات كم جم المطيس

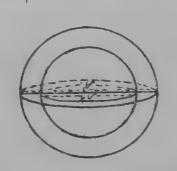
گروی خول

(۱) = ٦ - ٦ - ٢ )

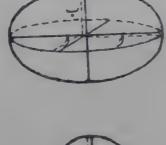
(۲) = ١٥ - ١٥ ) - ١٥ - ١٥ )

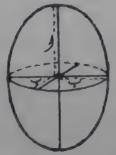
اود اگر فول کی دبازت اس نے برونی قطر کے مقابلہ میں بہت مم ہوتو۔

(٣) ح = ٣ ٧ ط تقریبًا م



マックリードーで



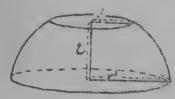


٣ = ٢٠ ١٠ براب بهال ٢ = ١٥ براب بهال ٣ = ١٥ برالم بهال ٣ = ١٠ بو و اصغر ب = تضف فور اصغر المهور الروين

w..

صابطون كالجحرعه يجسات كعجم اورطحين

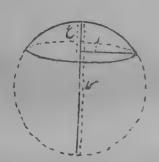
منطقتكره



 $\begin{cases} (1)_{5} = \frac{11}{4} \left\{ \pi(\frac{1}{4} + \frac{1}{4}) + 3^{4} \right\} \\ (1)_{6} = \frac{11}{4} \times 3^{4} \end{cases}$ 

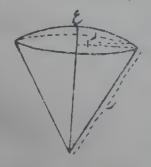
(۲)س = ۱۲ س ع جہاں ج = ج س = سنی سلم کر اور بہاں ج = ج س = سنی سلم کر اور ربروں کے تصف قطع = ارتفاع کر = کرہ کا قطر-

قطعةكره



(٣) س = ٣ س ع جہاں ح = جج س = منی سطح ، ر = قطعہ کے قاعدہ کا نصف فطرع = ارتفاع س = گرہ کا قطر۔

قطاع كره



 $\frac{1}{2} = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2}$   $\frac{1}{2} = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2}$   $\frac{1}{2} = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2}$   $\frac{1}{2} \cdot \cdot \frac{1}{2}$   $\frac{1$ 

نفسف قطرع ادراس قطعه كرد ( بترقطاع كا قاعده بناتا بين كم ارتفاع اور يحني سطح -ين الماري : صن البطر (٢) صنابط (١) - سم اخذ بهرتا بيم يمونكرس = ٢٣١ع

(19000)

مساحت (حفظيهم) بابسي وستم صابلون كالجحوعه محبهات محيجم ادرطيس 000 でき:でき=で:で(1) でき:でき=でい(1) でにていまりにか فيرتظ مجتمات من كمقابل برسمتوازي سويون من واقع مونيوالي مستوى ليس بوسكيل -ح = تي {قرا + قريد + ۱۱ (قري + قريد + با (قري + قريد + ق {(0,5+...+5+ جہاں ج = جُمُ ۲ ن = مسادی تنسول کی تعداد جن میں مجبر کاطول مروں کی متوازی ستووں سے منقسر کمیاجا تاہے 'مش = متوازی ستویال کا درمیابی قضار شدک ق ، ق ، ق ، ق . . . . ق ک ت کان ۱ بالترمیب شکل کی عرضی نزاشوں کے رہنے میں جو متوازی مستویوں سے بنتی ہیں۔

جادل				
جذرا لكعب	جذدالربع	مگریست	27	שתכ
15	15	1		
154099	154141140	٨	٨	r
134444	15644.00A	74	4	٣
150 NEP	75	40	14	~
156-99	75777.6	110	70	٥
151141	4584989	414	1"4	۲
139179	7547060	Julyn	89	6
75	TSATAPT	אומ	48	A
Y5 . A	145	649	Al	. 9
1510KK	T51777A	1	1	1-
75 7 7 7 9	7541444	1771	15'1	11
YSYA98	m5 m4 m1.	1644	184	11
15 70 17	T54-600	7196	179	ا سا
2561.1	W5 6 174	repr	197	150
758748	TSA ETAA	7"7"40	440	10
15019A	Ms	r.97	704	14
P50617	1317 11	19 IT	149	16
4344.C	rstrate	DATT	12/2	10
754411	1500 Aq.	4209	141	19
rscipp	138411 V	1	r	r.
rsiriogryopy = T				

مساحت (حفيهوم) إبسى) والمتم منا الجول كالجرور عجبات كرفرار لحين hose e title 1566 MADA = TT) 9504940101= 17 . 5 MIAN . 9 AATT = TT a filed for the both with my hope أي محسب فعط خالص بإني كاوزان ٤١١٤ ١٩٥ ونس (اوروو ياقي) ١٠٠٠ اونسس تقريباً ايك گيلن ك ايد على ١٥٢ و ١٥٢ كويد التي عد ١١٩٠ و ١٥٠ كويدف الم المعالمة · 5 · . h. d. d = 1/202 he k ( M, f-

#### ابات

#### منبزی (۱۹)

۱-۱۱۰ ۱ کمعب انح- ۲- ۱۲۸ ۱۲۵ کمعب انچ- ۳- ۴ کمعب گز ۲۵ کمعب فط ۲۵ کمعب انچ-۱۹- ۲ کمعب گز ۲۵ کمعب فش ۸ کمعب انچ- ۵- ۴۸۶۵ کمعب فث ۲- ۲۰۰۰ اونس ۲-۲۱۲۵ ۱۹۶۶ کمعب کنچ- ۸- ۵۰۰ پونگ-

#### المبرى (۲۰)

ا- ١١٠ كمعب فك - ٧- ١١١ كمعب قط ١١ حكعب الخ - ١١ - كعب فك ١١٥١٢ عب في ٧ - ١٧ فك ١ الخ - ٥ - ٥ فك ١ الخ - ٢ - ٩ الخ - ٤ - ٩ مربع فك ٢٧ مربع الخ -٨- أكر انك ٣ إيخ- ٩- ١ مربع كربهمريع نك ١٣١ مربع الخي-١٠ ٤ كعب كز ١٦ كعب فط ٢٠ معب الخ - ١١ - أكز ٢ في ١٠ الح -الما- و محب كر ١٦ كعب فط ١١ كعب النج- ١١٥ - ١٩١٠ روبيد - ١٠ ١٠ ١٠ اينيس 01- ٣١٦ كيلن- ١٧- ١٥ ٥ ٥ ٥ ٨ يؤلر - ١١- ها فن ١٢ بندر دوسك ٢ كوارشر-٨١-١١ الح- ١٩- ١٠ معب رُز١٥١ كعب الحجد ١٠٠- وكمعب فك ١٨ كعب الحج-الإ- ٢٢ كمعب فث ١٢٨ كعب الخ - ٢٧ - عكعب كز ا كعب فث ١٨٩ كمعب الخ ١٣١١-١٣١١ كعب عز- ١٦١- ١٢١ كعب عز- ١٥٥- انك ، الخ-١٤١- الوعائج علم- الزونك الغ - ١٨- وكزانك والغ - ١٩- بونك والغ -٠٠٠ - ١٠٠ النج ١٣٠ - ١٠٠ ١٠٠ مربع النج - ١٣١ - ه كمعب دن ، ٩٦ كمعب النج -سرس مراء كعب الخ \_ مرس - مراء كعب الخ - مسر - ١٠٠٠ الح -عما- اسن مع نانير - مما - افظ و الغ م فط الع مه فك الغ -٩٧٠- ٣ كمعب فط ١ كمعب المخ تقريبًا - ١٧٥ - ١١ ٨٥ المخ تقريبًا -الم- مم النج تقريبًا - علم - منك - علم - الفي وفك - مهم - انكم إلي

سوالات أمتحان مند

مری (۱۱)

ا- ها معب فت ما سم- اسم معب فط الأسر سم- ٢٩ معب فت ها مر المعب فت ها مر المعب المعب المركمة ا

(11) (5)

 علا- ۱۰ دوبید ۱۱ شه م این م ۲۸ - ۱۰ دم م ایخ تقریباً - ۲۹ - ۱۰ دم کموب فٹ تقریباً - ۱۱ دوبید ۱۱ ایخ ۱۰ دادال ایک ۱۰ دادال ۱۱ دادال ۱۰ دادال ۱۱ دادال ۱۰ دادال ۱ دادال ۱ دادال ۱ دادال ۱ دادال ۱ دادال ۱ دادا

سوالات امتحان علا

١- ٢١٦٠ الح - ٢- ١٦٨٨ ١ تى - ٣- ١٦٨٨ ١ كوب دا -۵- ۳- ۱۸۹۲ کوب فٹ ٤- ۱۸۹۸ کعب فٹ مار کے اس میں مارکعب فٹ۔ ٩- ١٠ ١٥ ١٥ كعب كن الم وفك ١٠ ١٥ ١٥ كعب فك-١١- ١٢٠ ١٢ كعب فك تقريبًا ١١- ١١٨ ش ١١٠ - ١١٩ كعب في تقريبًا ا - المعب ف م ا - ١٦ كعب ف الما رويد تقريباً ما رويد تقريباً -١١- ١٠١ فش عا- ١٠ مع ٢٥ عب فث ١٠١ دويد ١١ ويالي-١٨ - ١٢ ١٢ ٢٣ كعب فك تقريبًا ' ٨ ، ٤ دويد الآنه ٨ يأني تقريبًا -١٩ - ١٥٠٠ كعب فك ٢٠٠٠ كعب فك تقريباً الم-١٠٠١ كعب سام - ساء عوا اير سوم - المعاس ما في مام - ما سام المعب في المعب فش محر مل معب فش محر المعب فل المعب فل مدم معب فف -٢١- ١٥٥١٤ ٨١- ١١٠ كوب فك ٢٩- ٥١ ١٢٥ ٢١ يوير-٠٠٠ - ٩٠ كعب فك الله - ١٨٩ تقريباً ٢٣- إلى ١٢٥٠ كعب فك ١٥٥٠ تقريباً שש ... דיונון או אחן - ה סקי שף לנ סץ - ד די דיין ניל - ב ١٩ ٣ - بن ف ٠٠٠ مربع الح علم- ٢٠ و كيان تقريبًا ١٩٣١-١١١١ فك تقريبًا

### منبری (۲۳)

ا- ۴ کمعب فظ ۱۰۲۸ کمعب ایخ هم - ۱۶ کمعب فظ ۱۰۵ کمعب فظ ۱۰۵ کمعب ایخ - اس مربع ایخ - اس مربع ایخ - اس مربع ایخ - ۱۰۵ کمعب فظ ۱۰۵ ۱۰۵ کمعب فی ۱۰۵ کمعب فی ۱۰۵ کمعب ایخ ۱۰۵ کمعب فی ۱۰۵ کمعب ایخ ۱۰۵ ک

موالات المتحان نمري (٢٣) ١-، ١- ١٩٥٥ کعب نك مرا ٣- ١١١ و. د كعب فظ ٥ - .... ١١١١٨٨ كعب نك . ٨ - ... ١١٤٣ ١١ كعب فث ٩- ... ١١١٥ و ١٨٨٥ كعب فك-ال- ٣١٣ ٢٦ كعب نث تقريباً \_ ١٠ - ١٠٠ ما ١٦ كعب فك ١١٠ - ... ١٢٠ ١٠٠ كعب الخ -١١ - ٢ - ١٢١ كمنب نث ١١٠ - ١٠٠١ كوب الخ ١١٠ - ١١٠ - ١١٠ الله و١٠١ الله و١٠١ - ١٠٠ عا- ١٩ ١ ١ ١ ١٣ كتب فك ١٨ - ١٠ ١ ٢ ١٥ ٢ كعب فك ١٩ - ١٩ ١ ١٣ ١٣ كعب فك ٥٠ - ٢٥ - ٢٥ كوب نيط ٢١ - ١٢٩٣ كعب نش ... ٢١ ١٥١٥ أن ١٠٢٩٩٢٠١ يوندم شلنگ ١٠٢٩٩٠١ يوندم مهم - ١١٦ محب فك مم - مم ١١١ محب فك -٢٥- ف ٢٦ كعب الخ ٢٦- ٣- ٣٣٩ كعب الخ ٢٩- ٢٥ ٣٠ معب الج ٠٠ - ١٢١٨ كيل تقريباً ١٣- في ١٠٠٠ دف ١٣٠ - ١١٩ الخ- فد ٣٣ - ١٦٢ كعب نك تقريباً عمس مله ما فك ٢١٠٠ م و ١١٠ م و ١٠٠٠ م ٥٣- ٢٢١ كمعب النج تقريباً ٢٣-١٥٥٥ مد٢ كعب الخ-علا - ١٩٣٠ كعب إني ملا - ١٥١ كعب الخ -

## منبری (۲۴)

ا - ١٠٠٨ كعب الخ ا - ١٠٠٨ كعب الخ ا - ١ كعب فك ١٥٥١ كعب إنج م - ١٥٤٥ ٥٥ كعب الخ ا - ١ كعب فك ١١٥٨ كعب الخ ١ - ١ كعب فك ١١٥٨ كعب الخ ١ - ١ كعب فك ١١٥٥ كعب نك - ١٥٤٥ ٩ ١٩٤٥ أن -

#### سولات امتحان

ا- المعب النج الم - المعب فط ۱۲۸ کمعب النج الم - ۱ المعب النج الم - ۱ المعب النج الم - ۱ النج المعب النج النج النج النج - ۱ معب النج ۱ ۱ المعب النج ۱ المعب المعب النج ۱ المعب النج ۱ المعب ا

# منبری (۲۵)

### سوالات امتحان مصل

ا- إس كرجم كا .... ١٩ ١١٠ ، ٢٠ .... م ١٥ ١٣ ١٩ إوثر ١١ - ١١ مغب في المعب في المعب

# منبری (۲۷) و

#### سوالات (۲۲)

۱- ۱۳ ۱۹ ۱۹ ۱۹ کعب فط ۲- ۱۹ ۵۹ ۱۹ کعب انج ۱۳- ۵ کعب فٹ تقریباً۲۰ ۱۹ ۹۶ کعب فٹ تقریباً ۵- ۹۹۹ کعب فئ ۱۹- ۱۲۶۹ کعب فٹ ۵
۲۰ ۱۹ ۲۹ کعب فظ - ۱۱ - ۱۵ ۱۵ ۱۵ کعب فئ ۱۳ - ۱۳۵۹ کعب فٹ ۱۰ - ۱۹ ۵ ۵ کعب گز ۱۱ - ۱۵ ای ۱۳۵۰ کعب فئ ۲۱ - ۱۳۵۹ کعب فئ کعب اینج ۱۳ - ۲۲۷ کعب اینج ۱۳ - ۲۲۵ کعب فئ -

#### سوالات أشخال ٢٦

١-٧٥٠٥٠ ٢٩٦ كيلن ٢-١٧٨ يوندم شلنگ إ ويس-سر - ١٠٠ ١٠١ كعب فط مم - ١٠٠ ٢٩ كعب التي ٥ - ٢٠ ١٠ كعب كرز ٢- ١ ١١ ١١ ١ معب نظ ٤- ١ ١١٥ ١١ معب كز ٨- ١ ١١٦ ١١ معب كز ٩- ١١٤ أن وإينتورما ٢١١٠ كمعب الحج والد ١٠٠٠ كمعب الحج -11- 4 117 عم كعب عن ١١- ١١ سمام كعب عن ١١- ١١ مم كعب فنط -سا- سر ۱۲۹ معد نظ ما- ۱۰ ۲۰ معد نش ما ١١- ١٩ كعب نط علم ١٢١ كعب نك ١١٠ كعب نك - ١٠٠ كعب نك -١٨- الساء كعب فظ ١٩- ١٥٩ ١١ دويم ٢٠- ١٨١ ٢٥ كعب فظ -١١- ١٤ كعب في اه المعب الى ٢١- ١١ معب في -١١٠ - ٢١ ١١٠ ١٨ كعب كر ١١٧ - ١٠٠ كعب نك ٢٥ - ١٨ كعب فلقي ١٠- ١١١ ١١ كعب فط تقريباً ١٦- ١٤ م من ( و٢+ با + وب) -. ٢٩-٢٠-٢٠ معب من تقريباً • ٣- ١٨ كعب فك اسم-١٩٢١ معب م ١٦ - ١٥ ، ١١٥ رديم م أنه يائي سوس - ١٥ ١٣١ كعب فف تعت ريباً م س - ١١ ٩١٢ كعب فط عسر - ١٣ ٤ ٣١ - ١٣ كعب الح ٢٣ - ١٢ و عمليان عما - سال ١١٨ كور كر ١١٨ - المام ١٨ كوب الح -

الم - ب ١ ١٦ كعب فن عهم - ١٩ يوند ١٩ وس ( اور دُوبِاسُ ) تَوْمِباً الله - ب ١١ كن ١٠ كعب فن عهم - ١٩ الأن تقريباً هم ١٩ - ١٥ ١٠ ١ الخف - ١٩ الونس - ١٩ من لا دُوبي م كوارثر ١٢ يوند ١٨ ١ والونس - ١٩ من لا دُوبي م كوارثر ١٢ يوند ١٨ ١ والونس - ١٩ من لا دُوبي م كار ١٩ من الروني وفي - ١٩ من ١٩ من المون الموني الم

#### منبری (۲۷)

# سوالات أتخان على

ا- يا المعب نف ع-... ١٩٥١ دا النج ع- ١ م ٢٠ ٩٠ - ٥ ٥ - يا ما كعب نط ٢ - يا النج ٤ - ١٥٨٧ كعب الخ -

#### منبری (۲۸)

ا- الم المعب الني الم - م - الم المعب الني الم - المعب الني المعب المعب الني المعب الني المعب المعب

#### سوالات أتخان يمل

۱- م. ۱۳ کعب فط ۲- چې ۳- ۳۳ ۲۲ کعب فک-۷ - ۱ مهم کعب فط ۵- ۱۲۹ ۲ ۳۲۹ کعب انج ۲- ۱۶۵۳ کعب انج ۱۶ ۳۳ کعب انج ۲ ۲۲ ۲۲ کعب انج ۲ ۲ ۲ ۲ ۲ کعب انج - . حوابات

ا على الحج ١٠٤٠ كوب الحج ٢٥٤ كوب الحج ١٩٤٠ كوب الحج ١١٠٤ كوب ٩-٨٠٤٠ يوند تقريباً ١٠- ١١ الح ١١- ١٩٠٥ ٢٠٠٠ كعب فك ١١- ٢ ٢٢ ٢٢ كعب فن ١٩٥ كعب فط ١١٠ - ما كيلن -١١- ١ ١١٠ كعب الخ تقريباً - ١٥ - المدم كعب فك-- المعب المخ - 16 - 25 عم كعب فث -١١ - ٢٠ معب فط ٢٢ - ف ١١٦٦ كعب الخ ٢٢ - ١٩٨٠ كعب الخ

#### (49) (49)

١- ١٠ ١٠٠ ٢ - افك ١١ع ٣- ١١ ١٥ كعب الح الم - ٢١٤٢٣ بيد م - مانك ٢ - ١٥٤٨ م الح ٢١١٤٦ الح Dirsra ....-11 1:4-1. 60 1-4 -4 9:1.-10:4-6 ١١- ٢١٤٨ نش ١١٤٢ نش اه وانك -

#### موالات المتحان مصل

١- ١٩ ٤ ٤ النج تقريباً ٢ - وذكا ١٥ ١٤٠ ١١٠ ١١ - ١١ ١٠ ٧ - ... ١١١١ الح ٥ - ١١١ ١٦ ٨ - ١١٥٢ فك تقريباً ٩-...٩١فك ... ٥٦ فظ- ١٠ ... ١١١٢ه ليخ ... ١٩٥٤ النج ... ١٣٩٥٠ النج ا - ۲۰ م في م ١١ - ١٠ م ١١ م ١١ م ١١ ا كا م ١١ ا 4 - الم الح مرا الح ١١ - ٥ م معب الح مم ١١٥ الح -منبری (۱۳۰۰) ١- ١- ٥ مربع نبط - きりいりはい かとり 44 ード

سو - ١٩ مرس كز ٨ مرك فف ١٠١ مربع الخ م - مدمريع فث ١ مربع الخ -٥- ١٠ مربع كزا مربع فث ١٤ مربع الله ٢- ٥٠ مربع كز ٩٦ مربع الله-٤ - ٣ شانگ الله من ٨ - ١ دور وف تقريباً ٩ - ٢٠١٥ مربع من تقريباً -٠١- ١٠٠ مربع الله ١١٠ - ١٠ مربع الله - ١٢ - ١٩ مربع فف ١٠٠ مربع الله ١١- ١٩ ١٥٠١ انج ١١- ١٥ يوند و شاناك م يني عا-٠٠٠ مربع ف مرا - ۱۰ ۲۲ مري فك 19- ١٨ ١٥٠ مربع فك ٢٠- ١٥١٥ ٩ مربع لك ١١- ١١٠ وي مربع فث ٢٢ - ٢ يونده شلقك إلى ١١٠ - ١٠ الح ١١٥ - ١٥١١ مربع الله ٢٥ - ٢٢ ١١ مربع نف -علا- علا وعلم من فف مل - على مع الح 14 من الح 14 - 191مع لغ • ١ - ١١١ مربع الح تقريباً ١٣ - ١١ الح ٢١ - ايوندُ واشلقك ١٥ ميس سماس - ١٩٩٩ ١ إلى ربع الله مم ١١ ١ ١٩٠ و ١١١ مربع الله تقرياً - 一十一人のシャー・カリハカリカーナーリノリの - とりアルーヤー・サインター・サインター・カー・カイン ٩١ - ١٠١ م ي نشر ١١ - ١١ م ي نف ١١١ م يع نظ-一色はアイロリートのかっていていまれたのかりにアートロア

#### الات امتحال ت

۱۴-۵۸ دوید ۱۱ آند ۱ یائی ۲۴- ... ۱۲ و ۱۲ مربع ایخ ۲۰ - ۱۲ دوید تقریب آ ۱۴-۵۸ دوید ۱۱ آند ۱ یائی ۲۴- ... ۱۲ و ۱۲ مربع فط ۲۳-۲۰ و ۱۲۵۲ م ایخ ... ۱۲۵۳۲ مربع فط ۸۶-۱۱ نظ ۲۰ د منظ ۲ مربع فظ ۸۶-۱۱ نظ ۲۰ د منظ ۲ مربع فنط تقریباً -

#### (MI) (5)

### سوالات التحال

1- 中ラ タンロー きょりき サート カー・コート カー・コート アート・コート は カー 一一 1 3 トー 19 カー 19 1 クート 19 1 クリント 19

### (TT) 5/2t

ا- ١١ - ١١ ع مربع نف ٣ - الم يدم وبع فن ٣ - ١١ م وبع فن الم مربع فن الم مربع

١- ٣ مربع في ٣٠ مربع افي ٢٠ - ٥ مربع في إ ١- ٢ مربع في - ٢ مربع في ١٠ - ١٢ مربع في ١٠ - ١١ مربع في ١٠ - ١٠ في - ١٢ مربع أي - ١٢ مربع في ١٠ - ١٠ في - ١٢ مربع أي - ١٢ مربع في ١٣٠ مربع في ١٣٠ مربع في ١٣٠ مربع في ١٢٠ مربع في ١٢٠

# سوالات أتحان مس

۱- ۲۸ و ۲۳۹ مربع فٹ تقریباً - ۲ - یہ ۵۵ مربع ایج - ۳ - ۲۸ و ۲۸ مربع ایج - ۳ - ۲۸ و ۲۸ مربع ایج - ۳ و ۱۸ مربع ایج ۳ - ۱۹ و ۱۸ مربع ایج ۳ - ۱۹ و ۱۸ مربع ایج ۲۸ و ۱۸ - ۱۹ مربع گز تقریباً - ۲ - ۱۹ مربع گز تقریباً - ۲ - ۱۹ مربع گز تقریباً - ۲ - ۱۹ مربع گز تقریباً -

#### ننبری (۳۲)

ا - عدمر بع اینج ۲ - ۲ مربع منگ ۳ - ۲ مربع نش ۱۱ مربع اینج - ۲ مربع نش ۱۳ مربع اینج - ۲ مربع نش ۱۳ مربع اینج - ۲ مربع نش ۱۳ مربع اینج - ۱۳ مربع نش ۱۲ مربع اینج - ۱۲ مربع

۸- ۱۰ مربع نظ ۵۰ مربع انج ۹- با ۱۲۶۰ مربع ایخ ۱۰ عمر بع نظ ۳ ۱۱ مربع انج ۱۱ - ۹ پوند ۱۱ شلنگ ۳۶ بیس ۱۱ - ۱۲ ده ۵ مربع انج -

# سوالات أتخال

ا - به ۳ ۲ مربع انج ۳ - ۱۱۰۰ مربع فط م - ۱۹۹۳۵ مربع انج تقریباً - ۵ - ۱۹۹۳ مربع انج تقریباً - ۵ - ۱۹۲۳ مربع فٹ -

# 1:00) (5,2

ا - ۱۱ مربع الخ ۲ - ۱۸ مربع فط ۱۲ مربع فی ۳ - ۲۸ مربع فی ۲۰ مربع ایخ - ۲۱ مربع فی ۲۰ م

### منبری (۳۵) ب

۱-۰۹ مریح ایخ ۲- ۱۰۱۶ مربع ایخ ۳ - ۲۵ و مربع ایخ - ۲ مربع ایخ - ۲ مربع ایخ ۲ - ۲ مربع ایخ - ۲ م

#### سوالات امتحان نبری (۲۵)

1: Flr - M & igy r : 979 - P 2015227 (2015 175 17 - 1

منفرق والاستعادة

٣- ٠٠٠ مهم ربع فنظ ١ ٩٠٩ م ١٥ م ربع فنظ ١٠ ١٠ م ١٥ م ١٥ م ١٠ م ١١ م فنظ ١٠ م ١٠ م ١١ م فنظ ١٠ م ١٠ م

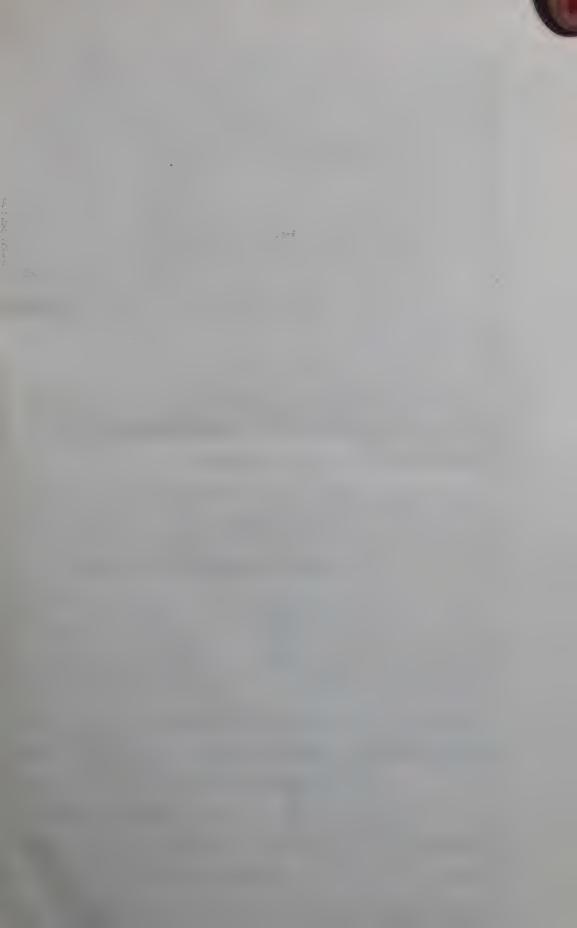
一色にアとうドハアール意のサーサーはは、アーカンととはは ٩- ٥٠ ٦٣ ٤ ١١ - ١١ - ١١ كوب فرط كواروبيم م أن ١٢ - ١٢ وا ١١٠- ١١٦ كعب فط ١١٠- ٥٥ من كر ١١- ١ فك ١١٠ وي ا كا - ١٠٠٠ ش ١٩ - مح مقدر ... مربع فك ١٩٠٠ - ١٩١١ مرب الح - 20 pm (20 mm (20 mm - M) サーカントリインはは、カリーラートははのでして -47- FA JE12406 - 14 E110 11- 14 اس - ١٩ د ف المر ١٩ د م ٩ كعب ف تقريباً ١٩ ٢- ١ - ١٥٠ و ١٩ تقريباً ツーカーカートライン さかのサートインアとくなり しき アカーマップ ショーン いか عن - ١٠٠١ ١٠٠ - ١٠٠١ ١٠٠٠ مرا اولت - ١٠٠٠ ١٠٠٠ من اولت - الم FOIDTRI - LO JULISTO - NA 1226. J. 204 (126. - NA ٣٧٠-١٦٠ مربع فنك تقريبًا ١٨٥-١٨٨ ١٠٥٠ فك ١٠٠ ١٠٠- بيس-كيونكه من متوازى الاصلاع من سے مراكيك كا رقبه كى تمناظر آكائى بو الفردى المين - 19 من على موسور على معدد المراح الم المراح الم المراح المراح الم ١٥-١٩٠١ ن ١٥- ١٠ ١٠ ١٥- ١١٠ م ه ه-۱ ایر و دو ه م او ۱۱ یول ۲ ه -۱ ایر ع ه - ایر ایک م - م ایک ایک ال ٨٥- ١٢ يونر ٢ شلنگ ٢١٤ وه يس ٩٥-... ٩٠٠ و١٢٩ مربع نسط ١١- ١٩١١م ٢ اير ١٦- ١٥ ١٩٩١م ع اي ١١٠ ع ١١ ١٠ ١٥٠ ١١ م كعب الح-١٠-١١ دوييه م أن تعريبًا ٢١٠ .... ٢٠١٠ ١٠ ١٥ اگر: يا... ١٠١٠ ١٠٠ مرز علا ... ۲۹۸۶۸۳ م بع فن ۱۹۸۶۸۳ ۱۶۸۹۵ م ربع فناbirsrar...- 41 € 8.547 .... € 12.0 4. 45779 ....49 م ع- عهر ا ۱۹۲۱م ع فط ، ۱۹۲۱م م مع فط م س ع - ۲: ۲ می ا ١٠٠١ من اور ٩ من ٥١٠٠٠ من من ١٧٠٠ من من ٢١ - ١٢٠ من ١٢٠ - ١٢ من ١٢٠ - ١٢

عد- عوم مربع الى ٨٥ - ٥٥ وم اليم ٥٠ م-٣٣٠ و٥٥ فك تقريباً-١١- ١١٠ وف ١١ ف ١١ م ١١ معب ف ١١ كعب ف ١١ كعب ف ١١ كعب ف ١٩١١ - ١١١١١ مك ١٩٥٢ فك تقريباً ٨٨ - ٥١٥ مع كز-• ٩ - ٢٩ دويير ١٦ انه ١٠٠١ في ١٩ - ١ الحج ٢٥ - ١ ١٣ كعب الحج -ا ١٩٠ - ١٣٠٠ ١١ مربع فث ١٩٠ -.... ٢١٤ ١٢٦ مربع زنجير ١٩ - ١٨ ١٨٨ مربع مه - مع التي 9 - . به 9 مربع فك مه ا- الله مربع فك عاء ال ١٠١-١٠١ يلي ١٠١- ١٠ فف ١ الج ١٠١- ١٠١ معب فف-١٠١٠- ١١٩٣٠ وف ١٠٥- ... ٣٥٥١٩ مربع نظ \_ ١٠١-.... ١١٥ في ١٠٥ - ١٨ كعب فك ٢ اوتيات الخلافيات ۸۰۱- ۵۰ ۲۲۸ مربع کؤی ۱۰۹-...۳۰۰۱ گز ۱۰۱-۲۲۲ ۱۲ مربع کؤی الله عاديم يوند الله .. مم معب نط سال- مع م بع كز-الم ١١٠ ... ٢٠ ١٥ - ... ١٩٩٩ م ف ١١١ - ١٠ ٥٠ ١ اع -عاا- س فث و الني ما ا- ه مهدس ايكر 119- ١١٥ كوب فط-١٠٠- ٣١٣ بوند تقريباً ١١١- ٩ الح ١٢٢ - ١٠٠ مربع كز-١١١٠ ... ١٠١٠ ١٩٩ مربع زنجير ١٢١ - ١٩ يوند وشكاك 641- 44 is 141- 4.v. 1.64 - 140 911- 40546 ١١٨- ٢٧ ٥٥ الج تقريبًا ١٢٩- ٥١٥ وارنس ١٤٠٠ مراء ١١٤ معون ف اسا- ۱۲۲ معلا- . مهم و مربع في ساسا- ٢٠ في و في الما المراء وفي ها- ااء لا الح تقريبًا ١٩٩١ -٢٦٦١ الح = أمل علا - ٥ ١٢٧١ مربع الخ تقريبًا ١٣١ - ١١١٥ عا كمعب فك -٩١١- ١٢١٨ ١٥ ١٩ كعب الخ ١٩١٠ ٢٩١ من ١١١١ - ١١١٠ ١١١- ١٥٤ ١٨١ مربع دن ١١١٠ - ٨٥٠ ١ هم الميوتي مرحد سے احاط بندى كا فاصله ٨٠٠ و ١ زنجير ٢٧١ - ١٥٥ ٥ كعب فك ١٠٨ - ١٠٠ كمعب فك و م و ٢

٨٧١ - اليوند شلنگ ٢ بين ٤ بوند ١٢ شلنگ ١٠ بنس ١٩ ١٠ - إ الكمائي (ドナインナン)とサー101とり11-100 ١٥٢ - ١١١٢ م ١١٥ كعب نث الله ١٥ - ١٠ فك م ١٥ - ١٨١٥ مربع فك ٥ - ١٠١ ١٠٠ ١٥١ - ١٥١ معب فط تقريبًا -ع ١٥١٥ من ١٥٩١ من ١٥٩١ من ١٥٩١١ من ١٥١٠ من ١٥١٠ معب ندف ٩٥١- ١٩٠١ يونر ١١١ - ١١٠١ مربع فنط كرم م ١١٠ عربع فث \_ ١٩٢١ - ٩٠ - ١٩٣١ - ١ كا ١٩١٠ - ١١١١ و فف ١٩٥ - ١١١ م يوند المثلثك فيرتقربا ١٤١١ - ١٤١٥ كمعب الي تقريباً ٥٥١ - ١٣٣ كمعب نث ١١١ - ١١١٥ الي (一一一一) リー16中意りといれたり167 ٧ ١١-١٠ بكر الهامن ١٠ بكر الهامن ١٠ بكر ١٠ من ١٠ بكر ١٠ ١١ من ١٠ م ١٠ بجكر ٢٠ ١١ منك ٥٤ إ - ١٠ ١١ ٢١ وف ١١٥ - ١٥ ٢٥ انتج تقريباً ١٥٤ - ١ ١٣٢٩ كمعب الخ على ١٨٦ كعب الخ ١٥٨ - ١٥٨ كعب نث ١٠٢ - ١١١ گوليال ١٨٠ - ١١ گزتقريباً ١٨١ - ١:١ ١١٠ - ٢٢ م و٣ بندُردُو ييف ٩٠٩ بوندُ الثَّلْنَاكَ ١ بن تعريباً -المرام مروم المروبيتقريباً ١٨١ - ٥٠ فك. - EI MANG... EI 11/ 406 E1 45160 ... - 100 الم ا - برام معب فف عدا - .... المع عدد الله عد ٥٠ - ١٥٠ ١٥ كعب كر ١٨٩ - ١١٩٦ كعب الح ١٩٠ - ١٩١٠ ١٦ الح ١٩١-١٩١ وه ١٩١- ١٩١ إدان تقريبا ١٩٣- ١٨٠٠ كز-١٩٢٠ - ٨٠٢٨ معب فك تعريباً ١٩١٠ ... ٢٦ ٢٢٠ مث ١٩٤- طول ٢٢ فضاع ص ١٦٢ ٢٠٠١ رويي 199- ١٩٨ ود د مربع ف ٢٠٠ - ١١١ ١٠ اليلن تقريباً-١٠١- بندردويك . كوارفر الم الم لا ٢٠١٠ - ١٠٠٠ الم ١٣٠٠ - ١٣١٠ كعب فط تقريباً ١٩٠٧ - ١٩ فظ مرايخ -٥٠٧ - بعدى ١٠ في مول ١١ من عون الله المن ١٠٩ ١٥ و ١٥ الح

٢٠٤ - ٢٠١١ كعب الح ٢٠٩ - ٢٠٠٠ كعب فيظ ١٠- ١١٠ و ١١ م معب الح ١١١ ـ لـ ١٥٥ كعب فف -۲۱۲ ــ ۲۶۳۰ کعب فظ ۱۲۳ ـ ۲۱۲ مرز -٢١٥ - ١٠٥٧ مربع فث تقريبًا به ١ ٢٥٨ مربع فك تقريبًا ١١٧ - ١ ٨٥٦ كعب الخ الله ١ ١ ٨٥٩ كعب الح الله ١٥٨ كعب الخ ١١٧ - يا ١٩ كعب فط ٢١٨ - ١١٨ كوليال - ١١٨ - ١١٨ كوليال - ١١٨ - ١١٨ كالميال الميال الم ٢٢١ -- ١٠١٨ و كعب فك تقريباً ، اعتبر دوميريم آمد تقريباً -٢٢٢ - ٠٠٠٠ واف الصريبة تقريبًا ٣٢٢- ٩٣١رويم ١١ آند ١٠ إلى تقريبً ٢٢٥ - ١٩٥ ١٩٥ ع ٢٧١ - ١ ٢٧. ١٥ كعب فك ٢٢٤ ١٥ مربع ف ١٩ مربع الخ تقريباً-٢٢٨ ــ ٨٧٢٨ عب ف ٢٢٩ يموت مرك سي ١٢٨ وافق ١٩ ١ كعب فط ١٩٠٠ - زمين كي علم كا ٢٢١٦ العام - ٢٥١ كز-المسوم - ١٠٠٠ ف الم تقريباً -المسام ١١٠٠ الح ١١٠٥ مرام في ١٩٠١م . كعب في -بسرا ميل في فمنه عموم - سرا إن مسر - ٥٥م ١٥٥ ايخ-عسر - م. سر کمب انج بهم - مه ادا کعب فت م الم ۱۲۱ کعب فت م ١١٠ ١٩١ عمرويي و الما - الله (١٩٠ مرام) عمراس . هرويي و آذ -٥٧١ ـ . ٥ ٥٠ كمب ف تقريبًا ٢٧١ ـ ٥ ١٠٠ يوند تقريبًا -عمم المعب المحدد مد مربع المحدد عدم المعب المحد ٩٧١-...٠ ٢١ على ١٤١١ على ١٤١١ على ١٤١٠ على ١٤١٠ على ١٤١٠ على الح ١٥١- ١٥١ معب الج الم معب الج الله عمر المعب الج الله عمر المعب الج ا ال عام عب الخ ٢٥٢ - ١١١ معب في ، ٩ ، ١٥١ معب ف

الماس المال ٢٥٧- ١٥ ١٥ تويا ١٥٤- ٢٥٨ عدمة و ١٥٨- ٢٥٠ عدمة ٩٥١-١٩٩٠ ٢٨٠ مربع بيل تقريبا ١٢١- ١ ٢٩٠ مربع الخ-- 10 - 10 1 - 17 17 - 17 1 - 17 Jun ٥٢٧ - ٣٦ يوير ما ستلنك ٢٩ و ايس ٢٧٩ - يهده ما انط مروره - 20 3 64 - 14 4 2 170 - 146 20 75 07 A .... (b) ١٢٨ - ١١ مربع نظ ١٢٨ مربع الخ تقريباً ١٢٠ - ١٤٠٤ فف-١٤١ - ١٤ ١ مسب فك ١ ١٠ ١ روبية تفري ٢ ٢ ٢ - ١٩٩ كال يكم مديم إلي ١٥٢٠- ٢٥٠ كيند، ٩٩ الخ تقريبًا ٢٤٥ - ١٥٥٨ كعب الخ تقريبًا -عدم المعدم مع المعدم ال ١٤٥٩ - ١٨١ - ١٨٩ روير - ١٨٠ - ١٥٠ ما ما ما ١٥٠ ما ١٥٠ ما ١٩٥ ما ما ١٨١ - ١٨١ كيلن تقريا とうロとナイターからハリアタ ニーアハア きしゃい・ターーーアハア ٥٨٧ - ١١٥ وروم اوس نقريبا ١٨٠ - ١١٣ و ١٨٠ مم المعب فك -( FF 18+24): (FF)+14)-FAA #-FAE 131.5.12...- 147 63. FFT - 79. Erg -1/1× E-124 ١٩٢-٢٩ م يع ف ١٩٧ - ١٩٥ ف تقريباً ١٩٥ - ١٥٢ و. كمب ايخ ٢٩٧ - ١٤٩٠ فظ ، ... ف و فو فط ١٩٤ - ارتفاع ٥٥٠ فت ، قاعده كاصلع ١٢٢ و و فك رقيت ٢٥ روسيه ١٥ أنه ١١ إلى ٢٩٨ - ٥ وه ١٥ كعب الج توسيًا-- ٢٩٩ - الم ١٠٠ كَرُ تَوْيِدُ مِنْ الْمِحْ - ٢٠٠ مَلِينَ عَرِيبًا مِنْ - ٢٩٩ مَلِيبُ الْمِحْ - ٢١٩ مَلِيبُ مِنْ - ٢٠١٩ مَلَعِبُ مِنْ - ٢٠١٩ مَلْعِبُ مِنْ -- 1 - 1 - 1 - m. m



(رحد دوم وسوم)

ملای - دهال خمیدگی Batter Bending متصاريخ Adjacent faces Boiler قبادل منلاع Alternate sides Angle of elevation ﴿ دَاوِيُهُ ارْنَفَاعَ Bung diameter Buoy ارتفاعی زاویه Angular points Canal lock Annulus (مونث) (Cast iron Apex Aquarium (cistern) Common vertex Aquarium (house) Complete coils Arch ال خالي Cone Arch masonry متصارخارے Conterminous edges Axis B 60 B. - OA J. Convexity Balcony Convex surface Base

	وری تراش Cross-section	بخسیات Fifths
	Cube root برالكوب	آتش دان Fire place ف
	Cuboid Li-	ا معنیانی درا طنیانی کیانگ Flood gate کمع
	يد چر - چک	ا فرشی کھیا۔ فرشی حَوِیا۔ Floor tile پہ
	Curved surface	Flue (of a chimney)
	Cutting	الار أسطواني Fluted columns
	سطوانه نماحلقه Cylindrical ring	Foot (of a perpendicular)
	D	Formation level
	Dam	Fourth (in duo decimal)
	E	Fourths
I	Eaves et al.	Fraction
ı	ور-کناره Edge	Freestone وَشَى مِرَاشِي مِعِيْ
l	Electric pump رتی میر	Frustum " E de l'alle de l
l	تطع أنض Ellipse	امخي وط كامفطوع
l	Elliptical arch واقصى كان	Frustum of a cone
	Embankment	Frustum of a انخوط مقطع على الما الما الما الما الما الما الما ال
	Enclosure 161	pyramid on E best will a
l	End	البرح المستحدث أرا
1	Excavation 3	G
1	Exposed surface کھی سطح ۔ برمنسطح	Gabled 10 bill 10
E	Extradoc	Gable end
	(of an arch) F	(of a house) اکنیٹا رمکان کا Generating line
F	No	Gimlet
F	- 11	Grain (a weight)
F	المارة ( المالة الم	Franita (a weight)
į	201010.4.	Tanite Vib.

برادارُه وارهٔ کبیر Great circle	اوسط محیط Mean circumference دائر وعظیم
H	Mensuration
Haunch (of an arch) (とり)	ا معلى تراش Mid-section يهاو ركبان يا
Head diameter	الماني تطر المساكنة الماني تطر الماني تطر
Head (of a window)	N Mers
Height	عددی قیمت Numerical value ارتفاع باید
Hemisphere	الفيف ك
Hemobacic	ا چیپاگره نما Oblate spheroid نصف کردی
Hemispherical	
Hexagonal	ار جھا امتا امتان
Horizontal planes	Oblong متوازى لافق س
I	P
Intrados (of an arch)	زوج - جوڑا Pair شکم بہلو
L	Parabola   CBC
Lateral	متواز للبطوح بتوازي طوح Parallelopiped جابني طرني
Laterai	المتوى في المستوى على المستوى في
Level (Adj) U.	
Limiting case	انتهائي صورت اکتاب Pole
Lines of intersection	التير تسطوح Polyhedron ضوط تِعاطع
Lining	بیتتون Pontoon استرکاری
9	
Longitude	المول بلد يطول Primes المول بلد يطول القناء on المولى ارتفاع on المولى المقاع on المولى المولى المقاع on المولى
Longitudinal elevati	اخت
M	Prism /
Major axis	المنشورنما Prismoid مخرراكبر مرى (واحد) مرسات (جمع) Projectile جنائ لمبوتراكو نما Prolate spheroid بخديراً
Masonry	مری (واحد) مرسات (مع) Projectile حنائی
	بروتراکره نما Prolate spheroid خون کا
Masonry bridge	مخردط مضلع - بهرم Pyramid ستدل
Mast	Ope I grand

R	Spiral spring	مرغوا واركاني
Railway cutting (3)	Spire ريوے ك	مینار
Rectangular solid	Springing level مستظيل	سطجست
Rectilinear [ will be with a second s	Sub soil	زرزين
figure ( منكل	T	
Regular rectilinear	Tank	مختنه - تالاب
Reservoir direct	Terms	ا دقع
Ridge (of a hill)	بارجی Tetrahedron ایشترکر	ودارد المطرح وكي
Ridge (of a roof)	Thirds	الزاخات
Right circular cone bis	Trapezoidal قامخمت	منحفتما
Rings cylindrical	Trench	اخنت
Rise (of an arch) 6-16) 6	Triangular prism	ونشد مشكنين
100	U	10,20
Seconds S (in duo-decimals) (الثاناتانية التالية)	Unit	ألماني
Segmental arch Shaft (of a pillar	Vertical angle عطعي كل	راسىزاديه
or chimney) Shell	Voussoir	محرا به - داشیه
	Vulgar fraction	السرعام
اع ترجی بندی Slant height	W Julia	
Solidity	Waggon	ا واگن
Solid measure	Water coure	مُدرُد - على الرك
Solids	Wedge مجسّل	فاد
Solid second	Wrought iron	المرازيوا
Spherical shell	ر اگروی	
Spheroid	Zone of a sphere	منطقه گره



					5 0
صجيح	أغلط	Jag die	صجيح	غلط	p. No.
ر ارتهاع ارتهاع ارتهاع ارتهاع ارتهاع الماء الما	ارتاع ارتقاع ارتقاع ارتقاع ارتقاع المراد ال	الم	بهبیر دوسرا وتر لاً اصرا	اب اب عارمبوال عليه م يبتي دوسس ور	11 20 11 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12

صحيح	bli	See .	J. C.	صحيح	غلط	Spe	Se.
"i^	1 /2	شكل	169	الم و ٣		JK-	1117
4540	410	11.	11.	يكسال	يكسال	175	116
1	ŝ	~	IAI		15140.69=	177	111
A540	154.0	9	"	میں ا انتصابی	يسانصابي	0	156
<u>~</u>	3	112	144	يں ا –	-0.	11	4
4.	۲٠.	يلي كل	14-	ا فط	افت		المالم
سندرة ويث	سندرد ومط	11	198	4	Í	شكل	144
النفاع	ارتساع	14	Y+1	وفعر ۱۹۲	٠٠٠ وفعه ٢٢٠	11	19/30
فحروط	3,00	0	1 - 1	-y, (Avoir)	(Avoir)	4	1 CA
7	Ý ••	EK	111		Jane of Jane 1	المكال	140
۴.	٠,٠	"	"	6	0	11	"
***	<b>*</b> ***		771	1	1	11	1
ابلنهىدى	بلنا دى	9	774	4	r	11	129
ا لا .	لو	شكل	"	اگ	استن ا	ور مری ل دو سری ل	141
6十	b+	٨	777	F	r	فتكل	140
5-	b-	11	11	دفعه ۱۲۲	19223		
= طل	= طر	4	"	Zilian I	سے	ન	14.
1-	7.	أشكام	770	جسامتول	حبامتول	6	144
8	ا ک	"	771	5	9	شكل	11
חאני	シャロ・	14 1	ra	2	غ	11	"
منحفرا	اچ	9 1		9 1 1 -=	911-=	14	124
7.	<u>.</u>	ا ا ا	^	1	1	14	166
+	,	"	۲۰.	2	,7	71	164

ومح	فلط	E 65	وتي ا	فلط	E le.
100 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	10 05 th	1. 2 9 1 1 2 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	اوُلئی کا اور کا	مرهم المراه المراد المرد المر	1 1 7 A T A T A T A T A T A T A T A T A T A

صيح	فلط	P	8	ويجع	علط أ	D-	Me.
-141	- 44	۲٠ •	"" "	(۳۱+۹) ث <u>ن</u> نط	(P) + 4) ist	14 10	~ +







